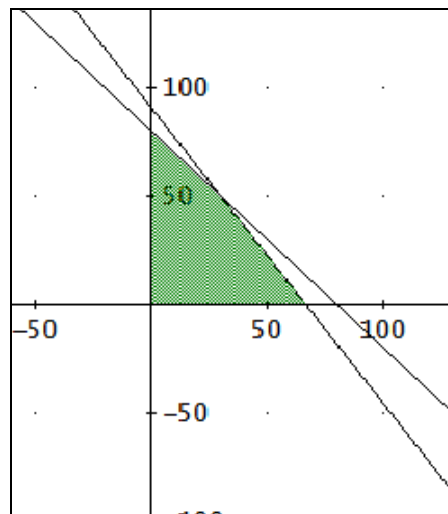


Bachillerato de Ciencias Humanas y Sociales	
SOLUCIONES	Junio de 2012

OPCIÓN A

Problema 1. Las restricciones son $\begin{cases} 15x + 11y \leq 1000 \\ x + y \leq 80 \\ x \geq 0, y \geq 0 \end{cases}$ y determinan la región factible:

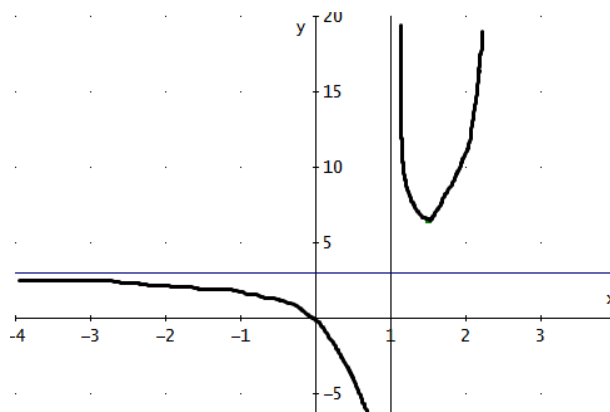
ble:



Los puntos posibles son $A(200/3, 0)$, $B(30, 50)$ y $C(0, 80)$.

Sustituyendo en la función objetivo $f(x, y) = 22x + 17y - (15x + 11y) = 7x + 6y$ se obtiene: $f(A) = 466,67 \text{ €}$, $f(B) = 510 \text{ €}$ y $f(C) = 480 \text{ €}$. Luego debe comprar 30 aparatos de tipo A y 50 aparatos de tipo B y obtener un beneficio de 510 €.

Problema 2. Las restricciones de la función obligan a que ésta tenga la siguiente representación aproximada:



Problema 3. Si $F = \{\text{ser socio de un club de fútbol}\}$ y $R = \{\text{ser pelirrojo}\}$

a) $p(R \cap F') = p(R)p(F') = 0,03(1 - 0,85) = 0,03 \cdot 0,15 = 0,0045$ por ser sucesos independientes.

b) $p(R \cup F) = p(R) + p(F) - p(R \cap F) = p(R) + p(F) - p(R)p(F) = 0,03 + 0,15 - 0,03 \cdot 0,15 = 0,1755$ por ser sucesos independientes.

c) $p(F / R') = p(F) = 0,15$ por ser sucesos independientes.

OPCIÓN B

Problema 1. $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x & 0 \\ y & z \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} x & 0 \\ y & z \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & -6 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} \rightarrow$

$$\begin{pmatrix} x+2y & 2z \\ -x+3y & 3z \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} x & 2x \\ y-z & 2y+3z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & -6 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 2y & 2z-2x \\ -x+2y+z & -2y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & -6 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$$

Igualando y resolviendo el sistema, se obtienen las matrices: $\begin{pmatrix} x & 0 \\ 1 & x-3 \end{pmatrix} \forall x$.

Problema 2. a) Los ingresos para 15 comensales es $15 \cdot 5750 = 86250 \text{ €}$.

b) Si x es el número de comerciales nuevos contratados:

$$I(x) = (15 + x)(5750 - 250x) = -250x^2 + 2000x + 86250.$$

c) $I'(x) = -500x + 2000 = 0$, $x = \frac{2000}{500} = 4$, $I''(x) = -500$, $I''(4) = -500 < 0$.

Los ingresos son máximos si contrata 4 nuevos comerciales.

d) $I(4) = (15 + 4)(5750 - 250 \cdot 4) = 19 \cdot 4750 = 90250 \text{ €}$.

Problema 3. a) $p(R) = \frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4} + \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{4} = \frac{5}{12}$ b) $p(U_2 / R) = \frac{\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4}}{\frac{5}{12}} = \frac{2}{5}$

