

MOVIMIENTO ARMÓNICO SIMPLE (M.A.S.)

- Ecuación del movimiento: $x=A \cdot \operatorname{sen}(\omega t + \varphi_0)$ o $x=A \cdot \cos(\omega t + \varphi'_0)$ siendo $\omega=2\pi/T=2\pi f$
- Velocidad: $v=\frac{dx}{dt}=A\omega \cdot \operatorname{sen}(\omega t + \varphi_0)$ o $v=-A\omega \cdot \operatorname{sen}(\omega t + \varphi'_0)$; $v = \pm \omega \sqrt{A^2 - x^2}$
- Aceleración: $a=\frac{dv}{dt}=-A\omega^2 \cdot \operatorname{sen}(\omega t + \varphi_0)$ o $a=-A\omega^2 \cdot \cos(\omega t + \varphi'_0)$; $a=-\omega^2 \cdot x$
- Dinámica: $F=-k \cdot x$ siendo $k=m \cdot \omega^2$
- Energía: $E_c = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 = \frac{1}{2} \cdot m \cdot \omega^2 (A^2 - x^2) = \frac{1}{2} \cdot k (A^2 - x^2)$; En $x=0$: $E_{c_{\max}} = \frac{1}{2} \cdot k \cdot A^2$

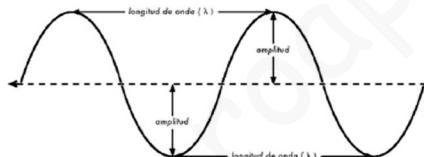
$$E_p = \frac{1}{2} \cdot k \cdot x^2 = \frac{1}{2} \cdot m \cdot \omega^2 x^2; \text{ En } x=\pm A: E_{p_{\max}} = \frac{1}{2} \cdot k \cdot A^2; E_T = E_c + E_p = \frac{1}{2} \cdot k \cdot A^2 = \frac{1}{2} \cdot m \cdot \omega^2 A^2$$

$$\begin{aligned} T &= \frac{1}{f}, & k &= \frac{2\pi}{\lambda} \\ v &= \lambda f, & v &= \frac{\omega}{k} \\ \omega &= 2\pi f, & \omega &= \frac{2\pi}{T} \end{aligned}$$

MOVIMIENTO ONDULATORIO

- Velocidad de propagación de la onda:

$$v=\lambda/T=\lambda \cdot f$$



- Ecuación de onda: $y(x, t) = A \cdot \operatorname{sen} \left[2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) + \varphi_0 \right] = A \cdot \operatorname{sen} (\omega t - kx + \varphi_0)$
- Si $\varphi_0=0$: $y(x, t) = A \cdot \operatorname{sen} (\omega t - kx)$, siendo: $\omega = \frac{2\pi}{T}; k = \frac{2\pi}{\lambda}; \text{ fase } \varphi = \omega t - kx$
- Si la onda se propaga en sentido negativo: $y(x, t) = A \cdot \operatorname{sen} (\omega t + kx)$
- Velocidad vibración: $v=\frac{dy}{dt}=A\omega \cdot \cos(\omega t - kx)$; aceleración $a=\frac{dv}{dt}=-A\omega^2 \cdot \operatorname{sen}(\omega t - kx)$
- Intensidad de una onda: $I = \frac{E}{S \cdot t} = \frac{P}{S}$; $E \propto f^2 \cdot A^2$; Atenuación onda esférica: $\frac{I_1}{I_2} = \frac{A_1^2}{A_2^2} = \frac{r_2^2}{r_1^2}$
- Reflexión: $\hat{r} = \hat{r}$ Refracción: $\frac{\operatorname{sen} i}{\operatorname{sen} r} = \frac{v_1}{v_2}$ (Superficie esfera: $4\pi r^2$)
- Interferencias ondas coherentes: $y_1 = A \operatorname{sen} (\omega t - kx_1); y_2 = A \operatorname{sen} (\omega t - kx_2); y = y_1 + y_2$

Recuerda: $\operatorname{sen} \alpha + \operatorname{sen} \beta = 2 \operatorname{sen} \left(\frac{\alpha + \beta}{2} \right) \cos \left(\frac{\alpha - \beta}{2} \right)$ Diferencia de fase $\delta = k(x_2 - x_1) = k(t_2 - t_1)$

$(\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin \left(\frac{\alpha + \beta}{2} \right) \cos \left(\frac{\alpha - \beta}{2} \right))$