

## Fórmulas para vectores y puntos

### Vector definido por dos puntos

$A(a_x, a_y)$ ,  $B(b_x, b_y)$

$$\vec{AB} = (b_x - a_x, b_y - a_y)$$

### Módulo y argumento de un vector

$$|\vec{u}| = \sqrt{u_x^2 + u_y^2}, \quad \tan \alpha = \frac{u_y}{u_x}$$

### Suma y resta de vectores

$\vec{u} = (u_x, u_y)$ ,  $\vec{v} = (v_x, v_y)$

$$\vec{u} + \vec{v} = (u_x + v_x, u_y + v_y)$$

$$\vec{u} - \vec{v} = (u_x - v_x, u_y - v_y)$$

### Producto escalar

$\vec{u} = (u_x, u_y)$ ,  $\vec{v} = (v_x, v_y)$

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = u_x \cdot v_x + u_y \cdot v_y$$

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = |\vec{u}| \cdot |\vec{v}| \cdot \cos \alpha$$

### Ángulo entre dos vectores

$\vec{u} = (u_x, u_y)$ ,  $\vec{v} = (v_x, v_y)$

$$\cos \alpha = \frac{\vec{u} \cdot \vec{v}}{|\vec{u}| \cdot |\vec{v}|}; \quad \cos \alpha = \frac{u_x \cdot v_x + u_y \cdot v_y}{\sqrt{u_x^2 + u_y^2} \cdot \sqrt{v_x^2 + v_y^2}}$$

### Vectores perpendiculares: $\vec{u} \perp \vec{v}$

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = 0; \quad u_x \cdot v_x + u_y \cdot v_y = 0$$

Producto escalar nulo.

### Vectores paralelos: $\vec{u} \parallel \vec{v}$

$$\frac{u_x}{v_x} = \frac{u_y}{v_y} \quad \text{Componentes proporcionales}$$

$$\vec{u}_{\vec{a}} = \frac{\vec{a}}{|\vec{a}|} = \left( \frac{a_x}{|\vec{a}|}, \frac{a_y}{|\vec{a}|} \right)$$

Dividimos cada componente entre el módulo del vector.

### Vector perpendicular a otro

$$\begin{array}{l} \vec{u} = (a, b) \\ \vec{v} = (-b, a) \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{Intercambiamos las componentes} \\ \text{y cambiamos de signo una de ellas.} \end{array}$$

### Punto medio del segmento de

extremos  $A(a_x, a_y)$ ,  $B(b_x, b_y)$

$$M_{AB} = \left( \frac{a_x + b_x}{2}, \frac{a_y + b_y}{2} \right)$$

### Distancia entre dos puntos

$A(a_x, a_y)$  y  $B(b_x, b_y)$

$$d_{AB} = |\vec{AB}| = \sqrt{(b_x - a_x)^2 + (b_y - a_y)^2}$$

La distancia entre  $A$  y  $B$  es el módulo del vector  $\vec{AB}$

### Proyección del vector $\vec{a}$ sobre $\vec{b}$

$$P_{\vec{a}/\vec{b}} = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{b}|}$$