

## OPCIÓN A

EJERCICIO 1 Sea  $f(x)$  la función definida por :

$$F(x) = \begin{cases} \frac{1}{1-x} & \text{si } x < 0 \\ 1 - mx - x^2 & \end{cases}$$

- a) Estudia la continuidad de  $f(x)$  y determina  $m$  para que  $f(x)$  sea derivable. (1,25 puntos)
- b) Calcula  $\int_{-1}^1 f(x) dx$  (1,25 puntos)

EJERCICIO 2 Efectúa la representación gráfica de la función  $y = \frac{2x^2 - 1}{x + 3}$  (4 puntos)

EJERCICIO 3 ¿En qué punto de la gráfica de  $f(x) = 2x^2 + 3x + 1$ , la recta tangente es paralela a la recta de ecuación  $y = 3x - 5$ ? Halla la ecuación de dicha tangente. (1 punto)

EJERCICIO 4 Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que la función  $f(x) = x^3 + ax^2 + b$  tenga un extremo relativo en el punto  $(-2, 3)$  (2 puntos)

## OPCIÓN B

EJERCICIO 1 Sea  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx$ . Halle el valor de los coeficientes  $a$ ,  $b$  y  $c$  si en  $(0, 0)$  hay un extremo relativo y en  $(2, -16)$  hay un punto de inflexión. (2 puntos)

EJERCICIO 2 Halla las asíntotas de la función  $f(x) = \frac{x^2 - 3x}{x + 2}$  y realice un esbozo de la gráfica a partir de éstas. (2 puntos)

EJERCICIO 3 Sea la función  $f(x) = \begin{cases} -(x - 1)^2 + b & \text{si } x \leq 2 \\ a(x - 3)^2 + 3 & \text{si } x > 2 \end{cases}$

Halle  $a$  y  $b$  para que  $f(x)$  sea continua y derivable en  $x = 2$  (2 puntos)

EJERCICIO 4 Sea  $f(x) = 2x^3 - 6x + 4$ . Calcule el área del recinto limitado por la gráfica de  $f(x)$  y su recta tangente en el punto de abscisa correspondiente al máximo relativo de la función.

EJERCICIO 5 Ponga un ejemplo de una función  $f(x)$  tal que  $\int_{-2}^2 f(x) dx = 0$  y que el área del recinto comprendido por  $y = f(x)$ , el eje X,  $x = 2$  y  $x = -2$  sea 4. (2 puntos)