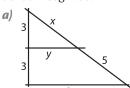
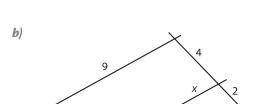
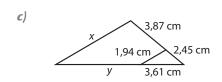
## (VI) Semejanza

## Actividades

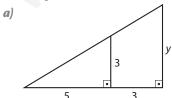
1 Las medidas de las siguientes figuras están dadas en centímetros. Calcula, en cada caso, el valor de las incógnitas.

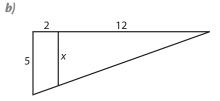






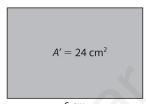
- 2 Indica estas distancias sabiendo que el mapa está a escala 1:50 000:
  - a) 15 km reales
  - b) 2 cm en el plano
  - c) 30 mm en el plano
- 3 Las medidas de las siguientes figuras están dadas en centímetros. Calcula, en cada caso, el valor de las incógnitas.



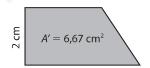


4 Halla el área de los siguientes polígonos sabiendo que las figuras correspondientes son semejantes:

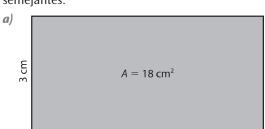
a) A 3 cm



6 cm



Halla los lados pedidos de los siguientes polígonos sabiendo que las figuras correspondientes son semejantes:



$$A' = 2 \text{ cm}^2$$

 $A = 16 \text{ cm}^2$  X 3 cm  $A' = 4 \text{ cm}^2$ 

## Solución de las actividades

1 a) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{6}{3} = \frac{5+x}{x} = \frac{8}{y} = 2 \Rightarrow 5+x = 2x \Rightarrow x = 5 \text{ cm}$$

$$2y = 8 \Rightarrow y = 4 \text{ cm}$$

b) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{6}{2} = \frac{9}{x} = \frac{y+4}{4} \Rightarrow 3 = \frac{9}{x} \Rightarrow x = \frac{9}{3} = 3 \text{ cm};$$
  
 $y+4=12 \Rightarrow y=8 \text{ cm}$ 

c) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{x}{1,94} = \frac{y+3,61}{3,61} = \frac{3,87+2,45}{2,45} = 2,58;$$

$$\Rightarrow \frac{x}{1,94} = 2,58 \Rightarrow x = 5 \text{ cm};$$

- $\Rightarrow$  y + 3,61 = 9,3  $\Rightarrow$  y = 5,7 cm
- **2** *a*) Si dos puntos distan entre sí 15 km en la realidad, su distancia en el mapa es:

$$15 \text{ km} = 1500000 \text{ cm} \Rightarrow$$
  
 $\Rightarrow 1500000 : 50000 = 30 \text{ cm}$ 

b) Si un punto dista de otro 2 cm en el plano, su distancia real es:

$$2 \cdot 50\,000 = 100\,000 \, \text{cm} = 1 \, \text{km}$$

c) Si dos puntos en el plano distan 30 mm entre sí, su distancia real es:

$$30 \text{ mm} = 3 \text{ cm} \Rightarrow 3.50000 = 150000 \text{ cm}$$

a) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{3}{5} = \frac{y}{8} \Rightarrow 5y = 24 \Rightarrow y = \frac{24}{5} = 4.8 \text{ cm}$$

**b)** Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{x}{12} = \frac{5}{14} \Rightarrow x = \frac{12 \cdot 5}{14} = \frac{30}{7} = 4,29 \text{ cm}$$

**4** a) Primero se calcula la razón de semejanza entre ambos polígonos, dividiendo el lado conocido del primero por el del segundo:

$$r=\frac{3}{6}=\frac{1}{2}$$

Razón de las áreas =  $r^2 = \frac{1}{4}$ 

$$A = r^2 \cdot A' \Rightarrow A = \frac{1}{4} \cdot 24 = 6 \text{ cm}^2$$

b) Se halla la razón de semejanza entre ambos polígonos dividiendo las medidas del lado conocido del primero entre el segundo:

$$r=\frac{3}{2}$$

Razón de las áreas =  $r^2 = \frac{9}{4}$ 

$$A = r^2 \cdot A' \Rightarrow A = \frac{9}{4} \cdot 6,67 = 15 \text{ cm}^2$$

**5** *a)* Como lo que conocemos son las áreas de los polígonos, calculamos primero la razón de las áreas para así hallar la razón de semejanza, *r*.

Razón de las áreas =  $r^2 = \frac{2}{18} = \frac{1}{9} \Rightarrow$ 

$$\Rightarrow r = \sqrt{\frac{1}{9}} = \frac{1}{3}$$

$$x = \frac{1}{3} \cdot 3 = 1 \text{ cm}$$

**b)** Necesitamos conocer la razón de semejanza, *r*, para ello calculamos primero la razón de las áreas, ya que tenemos los datos de las áreas de los polígonos.

Razón de las áreas =  $r^2 = \frac{16}{4} = 4 \Rightarrow$ 

$$\Rightarrow r = \sqrt{4} = 2$$

$$x = 2 \cdot 3 = 6 \text{ cm}$$