# EJERCICIOS DE PORCENTAJES E INTERESES

## Ejercicio nº 1.-

Por un artículo que estaba rebajado un 12% hemos pagado 26,4 euros. ¿Cuánto costaba antes de la rebaja?

## Ejercicio nº 2.-

El precio de un litro de gasóleo era de 0,51 euros y, al cabo de un año, se transformó en 0,65 euros. ¿Cuál ha sido el porcentaje de subida?

## Ejercicio nº 3.-

Un ordenador cuesta 1 036 euros sin I.V.A. Sabiendo que se aplica un 16% de I.V.A., ¿cuál será su precio con I.V.A.?

## Ejercicio nº 4.-

El precio de un litro de leche (con I.V.A.) es de 0,6 euros. Sabiendo que el IVA en alimentación es del 7%, ¿cuál será su precio sin I.V.A.?

# Ejercicio nº 5.-

En un pueblo que tenía 200 habitantes, ahora viven solamente 80 personas. ¿Qué porcentaje representa la disminución de la población?

#### Ejercicio nº 6.-

El precio sin I.V.A. de un determinado medicamento es de 15 euros.

- a) Sabiendo que el I.V.A. es del 4%, ¿cuanto costará con I.V.A.?
- b) Con receta médica solo pagamos el 40% del precio total. ¿Cuánto nos costaría este medicamento si lo compráramos con receta?

## Ejercicio nº 7.-

Un artículo que costaba inicialmente 60 euros fue rebajado en diciembre un 12%. En el mes de enero tuvo una segunda rebaja de un 15%; y, en febrero, se rebajó otro 10%.

- a) Calcula el precio final después de las tres rebajas.
- b) ¿Cuál es el porcentaje total de rebaja?

# Ejercicio nº 8.-

Un contrato de alquiler ha subido un 2% anual durante los tres últimos años. Calcula el precio mensual que tendremos que pagar actualmente, sabiendo que hace 3 años pagábamos 420 euros al mes.

## Ejercicio nº 9.-

El precio de un artículo ha aumentado en un 2%; pero, después, ha tenido una rebaja de un 5%. Calcula el índice de variación total y la disminución porcentual del precio.

## Ejercicio nº 10.-

Calcula en cuánto se transforma un capital de 2 500 euros depositado durante 4 meses al 7% anual (los periodos de capitalización son mensuales).

# Ejercicio nº 11.-

Halla en cuánto se transforman 3 000 euros depositados durante un año al 8% anual si los periodos de capitalización son trimestrales.

#### Ejercicio nº 12.-

Un capital de 4 000 euros colocado al 8% anual se ha convertido en 5 441,96 euros. ¿Cuántos años han transcurrido? (Los periodos de capitalización son anuales).

# Ejercicio nº 13.-

Un capital de 2 000 euros se ha transformado en 2 247,2 euros al cabo de 2 años. Calcula el tanto por ciento anual al que se ha colocado.

#### Ejercicio nº 14.-

Calcula en cuánto se transforman 800 euros al 10% anual, en un año, si los periodos de capitalización son mensuales.

#### Ejercicio nº 15.-

Durante 4 años, depositamos al principio de cada año 1 000 euros al 5% con pago anual de intereses. ¿Cuánto dinero tendremos acumulado al final del cuarto año?

#### Ejercicio nº 16.-

Calcula la cantidad total que tendremos si pagamos al final de cada año una anualidad

de 1 500 euros durante 10 años, al 8% anual.

## Ejercicio nº 17.-

Una persona ingresa, al principio de cada año, la cantidad de dinero que viene reflejada en la siguiente tabla:

	CANTIDAD DEPOSITADA (en euros)	
1 <sup>er</sup> AÑO	1000	
2º AÑO	1500	
3 <sup>er</sup> AÑO	2000	

Calcula cuál será el capital acumulado al cabo de los tres años, sabiendo que el rédito es del 6% anual.

#### Ejercicio nº 18.-

Hemos decidido ahorrar ingresando en un banco 1 000 euros al principio de cada año. Calcula la cantidad que tendremos ahorrado al cabo de 8 años, sabiendo que el banco nos da un 6% de interés.

#### Ejercicio nº 19.-

Una persona ingresa en un banco, al principio de cada año, 400 euros, durante 6 años. Calcula el dinero que habrá acumulado al final del sexto año sabiendo que el banco le da un 5% de interés anual.

## Ejercicio nº 20.-

Halla la anualidad con la que se amortiza un préstamo de 40 000 euros en 5 años al 12% anual.

#### Ejercicio nº 21.-

Un coche cuesta 12 000 euros. Nos conceden un préstamo para pagarlo en 48 mensualidades con un interés del 6% anual. ¿Cuál será la cuota mensual que tendremos que pagar?

#### Ejercicio nº 22.-

Nos han concedido un préstamo hipotecario (para comprar un piso) por valor de 80 000 euros. Lo vamos a amortizar en 180 mensualidades con un interés del 5% anual. ¿Cuál es el valor de cada mensualidad que tendremos que pagar?

## Ejercicio nº 23.-

Tenemos que amortizar 30 000 euros en 3 años, con un 8% de interés anual, de modo que cada año pagaremos la tercera parte del capital total más los intereses del capital pendiente. Calcula lo que hay que pagar cada año.

#### Ejercicio nº 24.-

Calcula el valor de la anualidad con la que se amortiza un préstamo de 25 000 euros en 6 años al 10% de interés anual.

# SOLUCIONES PORCENTAJES E INTERESES

## Ejercicio nº 1.-

Por un artículo que estaba rebajado un 12% hemos pagado 26,4 euros. ¿Cuánto costaba antes de la rebaja?

#### Solución:

El índice de variación es 0,88. Por tanto:

$$26,4:0,88=30$$

Antes de la rebaja costaba 30 euros.

# Ejercicio nº 2.-

El precio de un litro de gasóleo era de 0,51 euros y, al cabo de un año, se transformó en 0,65 euros. ¿Cuál ha sido el porcentaje de subida?

## Solución:

Dividimos la cantidad final entre la inicial para obtener el índice de variación:

$$0.65:0.51=1.27$$

Este índice de variación corresponde a un 27% de aumento.

## Ejercicio nº 3.-

Un ordenador cuesta 1 036 euros sin I.V.A. Sabiendo que se aplica un 16% de I.V.A., ¿cuál será su precio con I.V.A.?

#### Solución:

El índice de variación que corresponde a un aumento del 16% es 1,16. Por tanto:

$$1036 \cdot 1,16 = 1\ 201,76$$

El precio con I.V.A. es de 1 201,76 euros

## Ejercicio nº 4.-

El precio de un litro de leche (con I.V.A.) es de 0,6 euros. Sabiendo que el IVA en alimentación es del 7%, ¿cuál será su precio sin I.V.A.?

#### Solución:

El índice de variación para un aumento del 7% es de 1,07. Como conocemos la cantidad final, la cantidad inicial la hallamos dividiendo entre este índice:

$$0.6:1.07=0.56$$

El precio sin I.V.A. es de 0,56 euros.

## Ejercicio nº 5.-

En un pueblo que tenía 200 habitantes, ahora viven solamente 80 personas. ¿Qué porcentaje representa la disminución de la población?

#### Solución:

Dividimos la cantidad final entre la inicial para hallar el índice de variación:

$$80:200=0.4$$

Este índice de variación corresponde a una disminución del 60%.

## Ejercicio nº 6.-

El precio sin I.V.A. de un determinado medicamento es de 15 euros.

- a) Sabiendo que el I.V.A. es del 4%, ¿cuanto costará con I.V.A.?
- b) Con receta médica solo pagamos el 40% del precio total. ¿Cuánto nos costaría este medicamento si lo compráramos con receta?

#### Solución:

a) El índice de variación para un aumento del 4% es de 1,04. Por tanto, el medicamento con I.V.A. costará:

$$15 \cdot 1,04 = 15,6$$
 euros

b) Para calcular el 40% multiplicamos por 0,4:

$$15.6 \cdot 0.4 = 6.24$$

El precio con receta sería de 6,24 euros.

## Ejercicio nº 7.-

Un artículo que costaba inicialmente 60 euros fue rebajado en diciembre un 12%. En el mes de enero tuvo una segunda rebaja de un 15%; y, en febrero, se rebajó otro 10%.

- a) Calcula el precio final después de las tres rebajas.
- b) ¿Cuál es el porcentaje total de rebaja?

#### Solución:

a) Calculamos el índice de variación total:

$$0.88 \cdot 0.85 \cdot 0.90 = 0.6732$$

Por tanto, el precio final fue:

$$60 \cdot 0.6732 = 40.39$$
 euros

b) El índice de variación obtenido, 0,6732, corresponde a una disminución del 32,68%.

## Ejercicio nº 8.-

Un contrato de alquiler ha subido un 2% anual durante los tres últimos años. Calcula el precio mensual que tendremos que pagar actualmente, sabiendo que hace 3 años pagábamos 420 euros al mes.

#### Solución:

El índice de variación correspondiente a un aumento del 2% es de 1,02. Al cabo de los tres años será:

$$1,02 \cdot 1,02 \cdot 1,02 = (1,02)^3 = 1,061208$$

Si multiplicamos por 420, obtenemos el valor de la mensualidad actual:

$$402 \cdot 1,061208 \approx 445,71$$
 euros

## Ejercicio nº 9.-

El precio de un artículo ha aumentado en un 2%; pero, después, ha tenido una rebaja de un 5%. Calcula el índice de variación total y la disminución porcentual del precio.

#### Solución:

El índice de variación total será:

$$1.02 \cdot 0.95 = 0.969$$

Este índice corresponde a una disminución porcentual de:

$$100\% - 96.9\% = 3.1\%$$

# Ejercicio nº 10.-

Calcula en cuánto se transforma un capital de 2 500 euros depositado durante 4 meses al 7% anual (los periodos de capitalización son mensuales).

#### Solución:

7% anual correspone a  $\left(\frac{7}{12}\right)$  % mensual.

Al cabo de los 4 meses se habrá transformado en:

$$2500 \cdot \left(1 + \frac{7}{1200}\right)^4 = 2558,85 \text{ euros}$$

# Ejercicio nº 11.-

Halla en cuánto se transforman 3 000 euros depositados durante un año al 8% anual si los periodos de capitalización son trimestrales.

#### Solución:

Como en un año hay 4 trimestres:

8% anual 
$$\rightarrow \frac{8}{4} = 2\%$$
 trimestral

Al cabo de un trimestre tendríamos:

Al cabo de cuatro trimestres (un año) serían:

$$3\ 000 \cdot 1,02^4 = 3\ 247,30 \text{ euros}$$

## Ejercicio nº 12.-

Un capital de 4 000 euros colocado al 8% anual se ha convertido en 5 441,96 euros. ¿Cuántos años han transcurrido? (Los periodos de capitalización son anuales).

#### Solución:

Al cabo de *n* años tendremos:  $4\,000 \cdot (1,08)^n = 5\,441,96$  euros

Por tanto:

$$(1,08)^n = \frac{5441,96}{4000}$$

$$(1,08)^n = 1,36049 \rightarrow n = 4 \text{ años}$$

Habrán transcurrido 4 años.

## Ejercicio nº 13.-

Un capital de 2 000 euros se ha transformado en 2 247,2 euros al cabo de 2 años. Calcula el tanto por ciento anual al que se ha colocado.

## Solución:

Si se ha colocado al r % anual durante dos años, se ha transformado en:

$$2000 \cdot \left(1 + \frac{r}{100}\right)^2 = 2247.2 \text{ euros}$$

Es decir:

$$\left(1 + \frac{r}{100}\right)^2 = \frac{2247,2}{2000}$$

$$\left(1 + \frac{r}{100}\right)^2 = 1,1236$$

$$1 + \frac{r}{100} = \sqrt{1,1236}$$

$$1 + \frac{r}{100} = 1,06 \rightarrow \frac{r}{100} = 0,06 \rightarrow r = 6\%$$

Por tanto, se ha colocado al 6% anual.

# Ejercicio nº 14.-

Calcula en cuánto se transforman 800 euros al 10% anual, en un año, si los periodos de capitalización son mensuales.

#### Solución:

Un 10% anual correspone a un  $\left(\frac{10}{12}\right)$ % mensual.

Al cabo de 12 meses (un año) se habrá transformado en:

$$800 \cdot \left(1 + \frac{10}{1200}\right)^{12} = 883,77 \text{ euros}$$

# Ejercicio nº 15.-

Durante 4 años, depositamos al principio de cada año 1 000 euros al 5% con pago anual de intereses. ¿Cuánto dinero tendremos acumulado al final del cuarto año?

#### Solución:

• Los 1 000 euros del primer año se transforman, al cabo de 4 años en:

$$1\,000\cdot (1,05)^4$$
 euros

• Los 1 000 euros del segundo año se transforman, al cabo de 3 años en:

$$1\,000\cdot (1,05)^3$$
 euros

• Los 1 000 euros del tercer año se transforman, al cabo de 2 años en:

$$1\,000 \cdot (1,05)^2$$
 euros

• Los 1 000 euros del cuarto año se transforman, al cabo de 1 año en:

$$1\,000 \cdot (1,05)$$
 euros

• Por tanto al final del cuarto año tendremos en total:

$$1\ 000 \cdot (1,05) + 1\ 000 \cdot (1,05)^2 + 1\ 000 \cdot (1,05)^3 + 1\ 000 \cdot (1,05)^4$$

Esta es la suma de los cuatro primeros términos de una progresión geométrica en la que:

El primer término es  $a_1 = 1000 \cdot (1,05)$ 

El cuarto término es  $a_4 = 1000 \cdot (1,05)^4$ 

La razón es r = 1.05

La suma será:

$$S = \frac{1000 \cdot (1,05)^4 \cdot (1,05) - 1000 \cdot (1,05)}{1,05 - 1} =$$

$$= \frac{1000 \cdot (1,05)^5 - 1000 \cdot (1,05)}{0,05} = \frac{1000 \cdot (1,05) \left[ (1,05)^4 - 1 \right]}{0,05}$$

$$= 4525,63 \text{ euros.}$$

Al final del cuarto año tendremos 4 525,63 euros.

## Ejercicio nº 16.-

Calcula la cantidad total que tendremos si pagamos al final de cada año una anualidad de 1 500 euros durante 10 años, al 8% anual.

#### Solución:

• Como pagamos al final de cada año, los primeros 1 500 euros estarán un total de 9 años y se habrán transformado en:

$$1500 \cdot (1,08)^9$$
 euros

• Los 1 500 euros del 2º año se transformarán, en 8 años, en:

$$1500 \cdot (1,08)^8$$
 euros

- Los 1 500 euros del 10° año son 1 500 euros más.
- En total, al final de los 10 años tendremos:

$$1500 + ... + 1500 (1,08)^8 + 1500 \cdot (1,08)^9$$

Esta es la suma de los diez primeros términos de una progresión geométrica en la que:

El primer término es  $a_1 = 1500$ .

El décimo término es  $a_{10} = 1500 \cdot (1,08)^9$ .

La razón es r = 1,08. La suma será:

$$S = \frac{1500 \cdot (1,08)^9 \cdot (1,08) - 1500}{1,08 - 1} = \frac{1500 \cdot (1,08)^{10} - 1500}{0,08} = \frac{1500 \cdot (1,08)^{10} - 1}{0,08} = \frac{1500 \cdot (1,08)^{10} - 1}{0,08} = 21729,84 \text{ euros}$$

Al final de los años 10 años tendremos un total de 21 729,84 euros.

#### Ejercicio nº 17.-

Una persona ingresa, al principio de cada año, la cantidad de dinero que viene reflejada en la siguiente tabla:

	CANTIDAD DEPOSITADA (en euros)	
1 <sup>er</sup> AÑO	1000	
2º AÑO	1500	
3 <sup>er</sup> AÑO	2000	

Calcula cuál será el capital acumulado al cabo de los tres años, sabiendo que el rédito es del 6% anual.

#### Solución:

• Los 1 000 euros del primer año se transforman, al cabo de tres años, en:

$$1\,000\cdot (1,06)^3$$
 euros

• Los 1 500 euros del segundo año se transforman, al cabo de dos años, en:

$$1500 \cdot (1,06)^2$$
 euros

• Los 2 000 euros del tercer años se transforman, al cabo de un año, en:

$$2000 \cdot (1,06)$$

• Por tanto, el total acumulado al cabo de los tres años será:

$$1\,000 \cdot (1,06)^3 + 1500 \cdot (1,06)^2 + 2000 \cdot (1,06) = 4\,996,42 \text{ euros}$$

# Ejercicio nº 18.-

Hemos decidido ahorrar ingresando en un banco 1 000 euros al principio de cada año. Calcula la cantidad que tendremos ahorrado al cabo de 8 años, sabiendo que el banco nos da un 6% de interés.

#### Solución:

• Los 1 000 euros del primer año se transforman, al cabo de 8 años, en:

$$1\,000 \cdot (1.06)^8$$
 euros.

• Los 1 000 euros del segundo años se transforman, al cabo de 7 años, en:

$$1\,000\cdot(1,06)^7$$
 euros.

• Los 1 000 euros del último año se transforman, al cabo de un año, en:

$$1\ 000 \cdot (1,06)$$
 euros.

• Por tanto, al final de los ocho años tendremos, en total:

$$1\ 000 \cdot (1,06) + ... + 1\ 000 \cdot (1,06)^7 + 1\ 000 \cdot (1,06)^8$$

Esta es la suma de los ocho primeros términos de una progresión geométrica en la que:

El primer término es 
$$a_1 = 1 000 \cdot (1,06)$$

El octavo término es 
$$a_8 = 1 000 \cdot (1,06)^8$$

La razón es r = 1,06. Su suma será:

$$S = \frac{1000 \cdot (1,06)^8 \cdot (1,06) - 1000(1,06)}{1,06 - 1} = \frac{1000 \cdot (1,06) \left[ (1,06)^8 - 1 \right]}{0.06} = 10491,32 \text{ euros.}$$

Al final de los ocho años tendremos 10 491,32 euros.

## Ejercicio nº 19.-

Una persona ingresa en un banco, al principio de cada año, 400 euros, durante 6 años. Calcula el dinero que habrá acumulado al final del sexto año sabiendo que el banco le da un 5% de interés anual.

#### Solución:

• Los 400 euros del 1<sup>er</sup> año se transforman, al cabo de 6 años, en:

$$400 \cdot (1,05)^6$$
 euros.

• Los 400 euros del 2º año se transforman, al cabo de 5 años en:

$$400 \cdot (1,05)^5$$
 euros.

• Los 400 euros del 6º año se transforman, al cabo del 1 año en:

$$400 \cdot (1,05)$$
 euros.

• Por tanto, el total acumulado al cabo de los 6 años será:

$$400 \cdot (1,05) + ... + 400 \cdot (1,05)^5 + 400 \cdot (1,05)^6$$

Esta es la suma de los seis primeros términos de una progresión geométrica en la que:

El primer término es  $a_1 = 400 \cdot (1,05)$ 

El sexto término es  $a_6 = 400 \cdot (1,05)^6$ 

La razón es r = 1,05.

Su suma será:

$$S = \frac{400 \cdot \left(1,05\right)^{6} \cdot \left(1,05\right) - 400 \cdot \left(1,05\right)}{1,05 - 1} = \frac{400 \cdot \left(1,05\right) \left[\left(1,05\right)^{6} - 1\right]}{0,05} = 2\,856,80 \text{ euros}$$

Al final del sexto año tendremos 2 856,80 euros.

## Ejercicio nº 20.-

Halla la anualidad con la que se amortiza un préstamo de 40 000 euros en 5 años al 12% anual.

#### Solución:

- El capital es C = 40000 euros.
- El tiempo son n = 5 años.
- Elinteréses del r = 12% anual  $\rightarrow i = \frac{r}{100} = \frac{12}{100} = 0,12$

• La anualidad será:

$$a = C \frac{(1+i)^n \cdot i}{(1+i)^n - 1} = 40\,000 \cdot \frac{(1,12)^5 \cdot 0,12}{(1,12)^5 - 1} = 11\,096,39 \text{ euros}$$

• Cada año se deben pagar 11 096,39 euros.

# Ejercicio nº 21.-

Un coche cuesta 12 000 euros. Nos conceden un préstamo para pagarlo en 48 mensualidades con un interés del 6% anual. ¿Cuál será la cuota mensual que tendremos que pagar?

#### Solución:

- El capital es C = 12000 euros.
- El tiempo son n = 48 meses.
- Elinteréses del r = 6% anual  $\rightarrow i = \frac{r}{1200} = \frac{6}{1200} = 0,005$
- La mensualidad será:

$$m = C \frac{(1+i)^n \cdot i}{(1+i)^n - 1} = 12\,000 \frac{(1,005)^{48} \cdot 0,005}{(1,005)^{48} - 1} = 281,82 \text{ euros}$$

• Cada mes tendremos que pagar 281,82 euros.

# Ejercicio nº 22.-

Nos han concedido un préstamo hipotecario (para comprar un piso) por valor de 80 000 euros. Lo vamos a amortizar en 180 mensualidades con un interés del 5% anual. ¿Cuál es el valor de cada mensualidad que tendremos que pagar?

#### Solución:

- El capital es C = 80 000 euros.
- El tiempo son n = 180 meses.
- Elinterésdel r = 5% anual  $\rightarrow i = \frac{5}{1200}$
- La mensualidad será:

$$m = C \frac{(1+i)^n \cdot i}{(1+i)^n - 1} = 80000 \frac{\left(1 + \frac{5}{1200}\right)^{180} \cdot \frac{5}{1200}}{\left(1 + \frac{5}{1200}\right)^{180} - 1} = 63263 \text{ euros}$$

• Cada mes tendremos que pagar 632,63 euros.

# Ejercicio nº 23.-

Tenemos que amortizar 30 000 euros en 3 años, con un 8% de interés anual, de modo que cada año pagaremos la tercera parte del capital total más los intereses del capital pendiente. Calcula lo que hay que pagar cada año.

## Solución:

• Hagamos una tabla:

		CAPITAL PENDIENTE	PAGO DE + PAGO DE = PAGO ANUAL CAPITAL	DEUDA PENDIENTE
	1 <sup>er</sup> AÑO	30 000	30000 · 0,08 + 10000 = 12400	20000
ľ	2º AÑO	20 000	20000 · 0,08 + 10000 = 11600	10000
	3 <sup>er</sup> AÑO	10 000	10000 · 0,08 + 10000 = 10800	0

• El primer año habrá que pagar 12 400 euros, el segundo año 11 600 euros y, el tercer año, 10 800 euros.

# Ejercicio nº 24.-

Calcula el valor de la anualidad con la que se amortiza un préstamo de 25 000 euros en 6 años al 10% de interés anual.

#### Solución:

- El capital es C = 25000 euros.
- El tiempo son n = 6 años.
- Elinteréses del r = 10% anual  $\rightarrow i = \frac{r}{100} = \frac{10}{100} = 0,1$
- La anualidad será:

$$a = C \cdot \frac{(1+i)^n \cdot i}{(1+i)^n - 1} = 25\,000 \cdot \frac{(1,1)^6 \cdot 0,1}{(1,1)^6 - 1} = 5\,740,18$$
 euros

• Cada año se deben pagar 5740,18 euros.