

## EJERCICIOS CON RADICALES

### Un poquito de teoría de radicales ...

- Dado la expresión  $\sqrt[n]{a}=b$ , decimos que:
  - $n$  es el índice
  - $a$  el radicando
  - $b$  la raíz
- La raíz enésima de un número  $a$  es otro número  $b$  tal que  $b$  elevado a la potencia  $n$  es  $a$ .

$$\sqrt[n]{a}=b \text{ si } b^n=a$$

#### Ejemplo:

$$\sqrt[4]{81}=3 \text{ pues } 3^4=81$$

- Si el índice es par el radicando no puede ser negativo, pues no se podría hacer la raíz. Si el índice es impar no hay problemas.
- Si el índice es par, y el radicando es positivo, tenemos dos raíces:

$$\sqrt{16}=\pm 4$$

- Si el índice es impar hay una única raíz:

$$\sqrt[3]{8}=2$$

$$\sqrt[5]{-32}=-2$$

- Podemos simplificar un radical siempre que podamos dividir el *índice* y el *exponente* del radicando se puedan dividir por un mismo número. Veámoslo en el siguiente ejemplo:

$$\sqrt[18]{5^{12}}=\sqrt[9]{5^6}=\sqrt[3]{5^2}$$

- Extraer factores del radicando:* Para extraer un factor de un radical, descomponemos el radicando en factores primos y dividimos el exponente de cada factor entre el índice del radical. El cociente de la división sale fuera del radical como exponente del factor y el resto queda dentro del radical como exponente del mismo factor. Todos los exponentes del radicando tienen que quedar menores que el índice. Vamos a verlo en el ejemplo:

$$\sqrt[4]{243x^{18}y^7z^3}=\sqrt[4]{3^5x^{18}y^7z^3}=3x^4y\sqrt[4]{3x^2y^3z^3}$$

- Sumas y restas de radicales:* Sólo podemos sumar radicales semejantes, es decir, aquellos que después de simplificarlos tienen el mismo *índice* y el mismo *radicando*. Para sumarlos o restarlos sumamos o restamos los coeficientes de los radicales y ponemos el mismo radical. Mira el siguiente ejemplo:

$$3\sqrt{20}-7\sqrt{45}+\sqrt{125}=3\sqrt{2^2\cdot 5}-7\sqrt{3^2\cdot 5}+\sqrt{5^3}=3\cdot 2\sqrt{5}-7\cdot 3\sqrt{5}+5\sqrt{5}=6\sqrt{5}-21\sqrt{5}+5\sqrt{5}=(6-21+5)\sqrt{5}=-10\sqrt{5}$$

o en este otro ejemplo:

$$2\sqrt[3]{5}+4\sqrt[3]{5}-3\sqrt[3]{5}=(2+4-3)\sqrt[3]{5}=3\sqrt[3]{5}$$

- Multiplicación de radicales:* Para multiplicar radicales estos tienen que tener el mismo índice. El producto es un radical del mismo índice cuyo radicando es el producto de los radicando.

$$\sqrt[3]{5}\cdot\sqrt[3]{2}=\sqrt[3]{10}$$

- División de radicales:* Para dividir radicales estos tienen que tener el mismo índice. La división es un radical del mismo índice cuyo radicando es la división de los radicando.

$$\sqrt[4]{24}:\sqrt[4]{3}=\sqrt[4]{8}$$

## EJERCICIOS

1.- ¿Cuántas raíces tienen los siguientes radicales? ¿Cuáles son?

- a)  $\sqrt{64}$                       b)  $\sqrt[3]{-8}$                       c)  $\sqrt[4]{-16}$   
d)  $\sqrt[5]{1}$                       e)  $\sqrt{-4}$                       f)  $\sqrt{49}$

2.- Simplifica los siguientes radicales:

- a)  $\sqrt[6]{2^2} =$                       b)  $\sqrt[15]{243} =$                       c)  $\sqrt[12]{a^4} =$   
d)  $\sqrt[8]{b^4} =$                       e)  $\sqrt[10]{a^{10}} =$                       f)  $\sqrt[6]{a^{12}} =$

3.- Extrae todos los factores posibles del signo radical:

- a)  $\sqrt{32a^5bc^6} =$                       b)  $\sqrt{49a^{12}b^5c^4} =$   
c)  $\sqrt[4]{8x^3y^{12}c^9} =$                       d)  $\sqrt[3]{8x^2y^{12}z^8} =$

4.- Realiza las siguientes operaciones:

- a)  $\sqrt{5} + 6\sqrt{5} - 4\sqrt{5} =$                       b)  $5\sqrt{12} - 3\sqrt{12} - 9\sqrt{12} =$   
c)  $\sqrt{12} + \sqrt{48} - \sqrt{75} =$   
d)  $6\sqrt{200} + 2\sqrt{50} - 3\sqrt{18} =$   
e)  $5\sqrt{6} - 9\sqrt{24} + 2\sqrt{54} =$

5.- Realiza las siguientes operaciones y simplifica, si es posible:

- a)  $\sqrt{12} \cdot \sqrt{3} =$                       b)  $\sqrt{48} \cdot \sqrt{3} =$   
c)  $\sqrt{60} : \sqrt{15} =$                       d)  $\sqrt{100} : \sqrt{4} =$

6.- Serías capaz de hacer las siguientes operaciones:

- a)  $(\sqrt[6]{5})^3 =$                       b)  $(\sqrt[4]{x^2})^3 =$   
c)  $\sqrt[4]{\sqrt{x}} =$                       d)  $\sqrt[3]{\sqrt[5]{x^2}} =$