## Lo fundamental de la unidad

Nombre y apellidos: .....

Curso:

## **DIVISIBILIDAD**

Fecha: .

### **MÚLTIPLOS Y DIVISORES**

#### EJEMPLO:

- 24 6 24 6 es ......de 6
- Los múltiplos de 7 son: 7, 14, ..., ..., etc.
- Los divisores de 12 son: 1, 2, ..., ... y .....

### **CRITERIOS DE DIVISIBILIDAD**

- Un número es múltiplo de 2 cuando......
- Un número es múltiplo de 3 cuando ......
- Un número es múltiplo de 5 cuando .....
- Un número es múltiplo de 11 cuando .....

## **DESCOMPOSICIÓN EN FACTORES PRIMOS**

$$200 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5 = 2^3 \cdot 5^2$$

# PARA CALCULAR EL MÍNIMO COMÚN MÚLTIPLO DE VARIOS NÚMEROS

- 1. Se descomponen en factores primos.
- 2. Se toman los factores .....

EJEMPLO: mín.c.m. (15, 20)

15 | 3 | 20 | 2  
5 | 5 | 10 | 2 | 15 = 
$$3 \cdot 5$$
  
1 | 5 | 5 | 20 =  $2^2 \cdot 5$   
1 | mín.c.m. (15, 20) = ...

# PARA CALCULAR EL MÁXIMO COMÚN DIVISOR DE VARIOS NÚMEROS

- 1. Se descomponen en factores primos.
- 2. Se toman los factores .....

EJEMPLO: máx.c.d. (18, 24)

		Ficha de	trabajo A					
		Nombre y a	apellidos:					
		Curso:				Fec	ha:	
-	гом	ÉMONOS	UN REFRES	СО				
ı	Desp	ués de un	largo día visi	tando una e	mbotelladora	a, nos merec	emos un refr	resco. Pero,
			pensar un po	•				
(	empa	iquetado y	r en algunos p	oroblemas de	erivados de e	estas activida	des. Son est	OS:
1	ا م	lanta nrad	luca 1 200 ba	tallas da rafr	rana anda h	محمد المحمد الم		ron on opine de
١.	disti		ños. ¿Cuánta			_		an en cajas de 1 200 botellas?
			BOTELLAS	CAJAS DE 4 UNIDADES	CAJAS DE 6 UNIDADES	CAJAS DE 10 UNIDADES	CAJAS DE 12 UNIDADES	b\\\
			1200					O'
2.		•	abía preparad mpaquetado		-			a. El cliente los
			olviese a camb d inicial de re		ón y quisiera	cajas con 10	) refrescos, ¿	podría hacerse
3.		a fábrica ti o en	enen un pedi	do de 240 re	efrescos. ¿Pu	eden empaq	uetarlos, sin	que sobre nin-
	a)	.cajas de 4	l unidades?	S	Í	10 ¿Cuár	ntas?	
	b)	.cajas de 7	unidades?	S	Í	ıO ¿Cuár	ntas?	
	c)	.cajas de 1	2 unidades?	S	Í	ıo ¿Cuár	ntas?	
4.		, y tienen d		-				lamente 150 li- ue no les sobre
	b Y	le 4 litros?						
	b Ys	le 5 litros?						

No	ombre y apellid	los:										
5.	5. Dos carretillas elevadoras transportan las cajas de refrescos desde la cadena de producción hasta los almacenes. Una de ellas, A, recorre el trayecto cada 8 minutos, y la otra, B, lo hace cada 12 minutos. Hemos visto que han coincidido cuando el reloj marcaba las 10 horas y 8 minutos:											B, lo hace horas y 8
	a) ¿Cada cuánto tiempo volverán a coincidir? Para que nos resulte más sencillo contestar, hemos escrito los seis primeros múltiplos de 8 y de 12. Hemos rodeado los que son co- munes a las dos cantidades y nos hemos fijado en cuál es el menor de ellos, es decir, en el mín.c.m. (8, 12). Prueba a hacerlo tú.										ie son co-	
	8 – 16 –						m	ıín.c.m. (8,	12) =			
	12 – 24 -	-		-			V	uelven a cc	oincidi	r cada	ı	minutos.
	b) ¿A qué h	ora v	olverán a co	oincio	dir?							
		Α	10 h 8 min									
		В	10 h 20 m	nin								
6.	En una mes quetarlos e	sa ha n caj	ajes de la ca n dispuesto as iguales, l star a las pro	8 ref o má	rescos s gran	de piña, des que	12 sea	de limón y posible, si	/ 24 de n mez	e nara zclar lo	os sabores	S.
	8, de 12 y	de 24	1; rodear los 1. (8, 12, 24)	com				•				
	Divisores d	e8-	→ <u> </u>									
	Divisores d	e 12	$\rightarrow$									
	Divisores d	e 24	$\rightarrow \boxed{}$									
	máx.c.d. (8	, 12,	24) =									
	a) ¿Cuánto:	s refr	escos pondi	rán ei	n cada	a caja?						
	b) ¿Cuántas	s caja	s se utilizara	án pa	ra cac	la sabor?						
	c) ¿Cuántas	s caja	ıs iguales se	rán n	ecesa	rias?						

Ficha de trabajo B	
Nombre y apellidos:	
Curso:	Fecha:

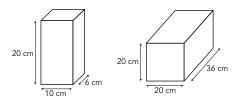
#### Y AHORA... UN VASO DE LECHE

En las afueras de la ciudad han abierto una nueva planta lechera, en la que se llenan los tetrabriks, se empaquetan y se distribuyen a las tiendas. La hermana de uno de los profesores de matemáticas trabaja allí y le plantea algunos problemas que tienen para que los alumnos intenten resolverlos.

1. Una de las máquinas envasadoras llena 240 envases de 1 litro de leche cada hora. La sección de almacenaje, por cuestión de costes, necesita empaquetarlos en cajas que contengan un número de envases par y menor que 20. Escribe, en la tabla, todas las formas de hacerlo y el número de cajas necesarias, en cada caso, para almacenar los envases producidos en una hora.

ENVASES DE 1 LITRO	2	4				
CAJAS	120	60				

- 2. Acaban de traer otra máquina envasadora, pero los técnicos no saben exactamente cuántos tetrabriks llena a la hora. Solo les han dicho que llena entre 250 y 300, y que la cantidad exacta puede empaquetarse en cajas de 5 envases, y también en cajas de 7 envases y de 20 envases. Ayuda a los técnicos y calcula el número exacto de envases que llena la nueva máquina en una hora.
- 3. Parece que al final han decidido envasar la leche en tetrabriks de 1 litro, cuyas dimensiones son  $10 \times 20 \times 6$  cm, y se agrupan en cajas de 36 cm de largo, 20 cm de ancho y 20 cm de alto.



- a) Los mozos del almacén quieren saber cuántos envases caben en una caja. Recuerda que los envases se colocan siempre en la misma posición.
- b) El departamento de logística de la empresa quiere saber si merece la pena que las cajas sean cúbicas. Te piden que colabores en el estudio. ¿Cuántos envases de 1 litro son necesarios para formar un cubo con la menor arista posible?

No	ombre y apellidos:
4.	Para un pedido especial, la empresa necesita empaquetar 96 tetrabriks de leche entera y 126 tetrabriks de leche desnatada en cajas de cartón lo más grandes que sea posible, pero sin mezclar los dos tipos de leche.
	¿Cuántos tetrabriks deben ponerse en cada caja?
	¿Cuántas cajas son necesarias para cada tipo de leche?
5.	El jefe del almacén quiere fijar los turnos de carga y descarga de los camiones de reparto y nos da la siguiente información: un camión que distribuye la leche emplea 120 minutos en hacer el reparto. Otro camión realiza un recorrido de mayor distancia y tarda 180 minutos. Los dos camiones realizan varios repartos al día.
	Si la primera salida para ambos vehículos es a las 8 de la mañana, ¿a qué hora vuelven a coincidir?
6.	Para los camiones de reparto, la empresa tiene una sección de mecánica. Su responsable, para poder prever las necesidades de neumáticos nuevos, necesita ciertos datos. Nos da la siguiente información: las ruedas delanteras del camión de reparto tienen 390 cm de circunferencia, y las traseras, 400 cm.
	a) ¿Cuál es la menor distancia que debe recorrer el camión para que las ruedas delanteras y las traseras giren un número exacto de vueltas?
	b) ¿Cuántas vueltas dará cada rueda en ese caso?
7.	Después del proceso de envasado, empaquetado y distribución, llega la hora de vender la leche en la tienda del barrio. Si 1 litro de leche se vende a 75 céntimos de euro, calcula los litros que se pueden comprar con el menor número exacto de billetes de 5 euros.

### Ficha de trabajo A

1.	BOTELLAS	CAJAS DE 4 UNIDADES	CAJAS DE 6 UNIDADES	CAJAS DE 10 UNIDADES	CAJAS DE 12 UNIDADES	
	1 200	300	200	120	100	

**2.** 16 cajas.

No pueden hacerse cajas de 10 refrescos, porque 192 no es múltiplo de 10.

- **3.** a) Sí; 60 cajas.
  - b) No; porque 7 no es divisor de 240.
  - c) Sí; 20 cajas.
- 4. Sí; obtendrán 50 botellas de 3 l.

No; porque 150 no es múltiplo de 4.

Sí; obtendrán 30 botellas de 5 l.

- 5. a) Múltiplos de 8: 8 16 24 32 40 48 Múltiplos de 12: 12 - 24 - 36 - 48 - 60 - 72 - 84 mín.c.m. (8, 12) = 24
  - b) Volverán a coincidir 24 minutos más tarde, es decir, a las 10 h 32 min.
  - c) La carretilla B efectuará 4 viajes.
- **6.** Divisores de 8: 8 4 2 1

Divisores de 12: 12 - 6 - 4 - 3 - 2 - 1

Divisores de 24: 24 - 12 - 8 - 6 - 4 - 3 - 2 - 1 máx.c.d. (8, 12, 24) = 4

- a) 4 refrescos
- b) Piña: 2 cajas

Limón: 3 cajas

Naranja: 6 cajas

c) 11 cajas

#### Ficha de trabajo B

1.	ENVASE DE 1 LITRO	2	4	6	8	10	12	16	20
	CAJAS	120	60	40	30	24	30	15	12

- 2. 280 envases
- 3. a) 12 tetrabriks

b) mín.c.m. (6, 10, 20) = 60

La caja tendrá 60 cm de arista. Se necesitan 180 envases.

**4.** máx.c.d. (96, 126) = 6

Deben ponerse 6 envases en cada caja.

Leche entera: 16 cajas

Leche semidesnatada: 21 cajas

**5.** mín.c.m. (120, 180) = 360

Vuelven a coincidir dentro de 360 minutos, es decir, dentro de seis horas, a las 14:00 h.

**6.** mín.c.m. (390, 400) = 15600

Deberá recorrer 15 600 cm = 156 m

Ruedas delanteras: 40 vueltas

Ruedas traseras: 39 vueltas

**7.** mín.c.m. (75, 500) = 1500

Se usarán 3 billetes de 5 euros, con los que podremos comprar 20 *l* de leche.