1.- Resuelve las siguientes ecuaciones. (4 puntos)

a)
$$5x - 7 = 13$$

b)
$$6x-9-4x = x-6-3x+1$$

c)
$$7x + (1-x) = 3x - 8$$

d)
$$4\cdot(x-2)+3=1-(2-x)$$

2.- Halla un número cuyo triple menos 5 sea igual a su doble más 3. (1,5 puntos)

3.— Las edades de dos hermanos suman 38 años. Calcularlas, sabiendo que la edad de uno es superior en 8 años a la edad del otro. (1,5 puntos)												
4 Tres hermanos se reparten 1.300€. El mayor recibe el doble que el mediano y éste el cuádruplo												
que el pequeño ¿Cuánto recibe cada uno? (1,5 puntos)												
5.— Con los 30 euros que tengo podría ir dos días a la piscina, un día al cine y aún me sobrarían 8 euros. La entrada de la piscina cuesta 2 euros más que la del cine. ¿Cuánto cuesta la entrada del cine? (1,5 puntos)												
Bonus. – Completa la siguiente tabla utilizando el cambio de unidades.												
24 cm	-	mm		m		Hm						
250 gr		Kg		ml		cg						
3500 l		m³		dm³		ml						
3,5 Ton		Kg		mg		dag						

Soluciones

1.- Resuelve las siguientes ecuaciones. (4 pontos)

a)
$$5x - 7 = 13$$
 \rightarrow $5x = 13 + 7$ \rightarrow $5x = 20$ \rightarrow $x = \frac{20}{5}$ \rightarrow $x = 4$

b)
$$6x-9-4x = x-6-3x+1 \rightarrow 6x-4x-x+3x = -6+1+9 \rightarrow 4x = 4 \rightarrow x = \frac{4}{4} \rightarrow x = 1$$

c)
$$7x + (1-x) = 3x - 8$$
 \to $7x + 1 - x = 3x - 8$ \to $7x - x - 3x = -8 - 1$ \to \to $3x = -9$ \to $x = \frac{-9}{3}$ \to $x = -3$

d)
$$4 \cdot (x-2) + 3 = 1 - (2-x)$$
 \rightarrow $4x - 8 + 3 = 1 - 2 + x$ \rightarrow $4x - x = 1 - 2 + 8 - 3$ \rightarrow \rightarrow $3x = 4$ \rightarrow $x = \frac{4}{3}$

2.- Halla un número cuyo triple menos 5 sea igual a su doble más 3. (1,5 puntos)

Si llamamos x al número, su doble será 2x y su triple 3x.

Número: x Doble: 2x Triple: 3x

Con esto ya podemos plantear la ecuación:

$$3x - 5 = 2x + 3$$
Su Triple menos 5 Su doble más

Y resolviendo:

$$3x-5=2x+3 \rightarrow 3x-2x=3+5 \rightarrow x=8$$

Por tanto, el número pedido es el 8.

Veamos si es verdad: su triple menos 5 = 3.8 - 5 = 19; su doble más 3 es igual a 2.8 + 3 = 19 y ambos coinciden.

3.— Las edades de dos hermanos suman 38 años. Calcularlas, sabiendo que la edad de uno es superior en 8 años a la edad del otro. (1,5 puntos)

Si llamamos x a la edad de un hermano, como el otro es 8 años mayor, su edad será x+8.

Edad hermano menor: x Edad hermano mayor: x+8

Planteamos la ecvación con los datos del problema:

$$\underbrace{x + (x + 8)}_{\text{La suma de las edades}} \stackrel{\text{Es igual a}}{=} 38$$

Cuya solución viene dada por:

$$x + (x+8) = 38$$
 \rightarrow $x + x + 8 = 38$ \rightarrow \rightarrow $x + x = 38 - 8$ \rightarrow \rightarrow $2x = 30$ \rightarrow $x = \frac{30}{2}$ \rightarrow $x = 15$

Por tanto, la edad del menor es 15 años y la del mayor 15+8 = 23 años.

Para ver si todo está bien, si sumamos ambas edades nos debe de dar 38: 23+15=38.

4.— Tres hermanos se reparten 1.300€. El mayor recibe el doble que el mediano y éste el cuádruplo que el pequeño ¿Cuánto recibe cada uno? (1,5 puntos)

Si llamamos \mathbf{x} a lo que recibe el menor, entonces el mediano (cuádruplo) recibirá $\mathbf{4x}$ y el mayor el doble que el mediano $2\cdot(4x) = \mathbf{8x}$

Menor: x Mediano: 4x Mayor: 8x

Con esto ya podemos plantear la ecuación

Es igual a
$$\underbrace{x+4x+8x}_{\text{LA suma de lo que recibe}} = \underbrace{1300}_{\text{Cantidad a repartir}}$$

Cuya solución es:

$$x + 4x + 8x = 1300$$
 \rightarrow $13x = 1300$ \rightarrow $x = \frac{1300}{13}$ \rightarrow $x = 100$

Por tanto, el menor recibe 100€, el mediano 4·100 = 400€ y el mayor 2·400 = 800 €.

Si sumamos las cantidades que recibe cada uno nos tiene que dar el dinero repartido: 800+400+100=1300 €

5.- Con los 30 euros que tengo podría ir dos días a la piscina, un día al cine y aún me sobrarían 8 euros. La entrada de la piscina cuesta 2 euros más que la del cine. ¿Cuánto cuesta la entrada del cine?

Si la entrada al cine cuesta x, entonces la de la piscina que es 2 € más cara, constará x+2.

Entrada al cine: x Entrada a la piscina: x+2

Planteamos la ecvación:

$$\underbrace{2\cdot (x+2)}_{\text{Ir 2 veces a la piscina}} + \underbrace{\underbrace{x}_{\text{la entrada al cine}}}_{\text{la entrada al cine}} + \underbrace{\underbrace{8}_{\text{Lo que me sobra}}}_{\text{Es igual a}} = \underbrace{30}_{\text{El dinero que tengo}}$$

Cuya solución es:

$$2(x+2)+x+8=30 \rightarrow 2x+4+x+8=30 \rightarrow 2x+x=30-8-4 \rightarrow$$

$$\rightarrow 3x=18 \rightarrow x=\frac{18}{3} \rightarrow x=6$$

Por lo que la entrada al cine cuesta $6 \in y$ la de la piscina $6+2 = 8 \in .$

Veamos si es verdad 6 + 2.8 = 6+16=22; si le sumamos lo que nos sobra: 22+8=30 que es lo que teníamos.

Bonus. - Completa la siguiente tabla utilizando el cambio de unidades.

24 cm	240	mm	0,24	m	0,0024	Hm
250 gr	0,25	Kg	No se puede	ml	25.000	cg
3500 I	3,5	m³	3.500	dm³	3.500.000	ml
3,5 Ton	3.500	Kg	3.500.000	mg	350.000	dag