

1.- (1 punto) a) Halla todos los divisores de 72

(1 punto) b) Descompón en factores primos el número 360

2.- (2 puntos) Completar la tabla marcando con una X en las casillas que se verifique que el número es divisible por:

Divisible por	2	3	4	5	6	9	10	11	25	100
468	X	X	X		X	X				
770	X			X			X	X		
1848	X	X	X		X			X		
32100	X	X	X	X	X		X		X	X

3.- (1 punto) a) Hallar el m.c.m y el m.c.d de los siguientes números: 42, 63 y 56

(1 punto) b) Hallar el m.c.m y el m.c.d de: 28 y 48

4.- (2 puntos) Realiza las siguientes operaciones:

a) $63 - 20 \cdot 2 + 3 \cdot (36 : 6 - 4) =$ c) $4 \cdot (82 - 54) - 8 \cdot (32 : 8 + 5) =$

b) $3 \cdot (9 - 63 : 7) + (24 - 6) : 2 =$ d) $18 : 3 \cdot 2 - 3 \cdot 2 + 4 \cdot 6 : 3 =$

5.- (1 puntos) Sustituye la letra A por UNA CIFRA para que el número 531A sea:

- a) divisible por 4
- b) divisible por 2 pero no por 4
- c) divisible por 5 y también por 3
- d) divisible por 11

6.- (1 punto) Tres amigas se encuentran en la peluquería y comentan entre ellas cada cuantos días van a cortarse el pelo y estar más monas todavía. Lola va cada 10 días, Noe va cada 8 días y la más coqueta, Deni, va cada 6 días. ¿Dentro de cuantos días volverán a coincidir en la peluquería?

① a)

$$\begin{array}{l} 72 : 1 = 72 \\ 72 : 2 = 36 \\ 72 : 3 = 24 \\ 72 : 4 = 18 \\ 72 : 6 = 12 \\ 72 : 8 = 9 \\ \cancel{72 : 9} \end{array}$$

Divisores 72 = {1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36, 72}

b)

$$\begin{array}{l} 360 | 2 \\ 180 | 2 \\ 90 | 2 \\ 45 | 3 \\ 15 | 3 \\ 5 | 5 \\ \textcircled{1} \end{array}$$

$360 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5$

③ a)

$$\begin{array}{l} 42 | 2 \\ 21 | 3 \\ 7 | 7 \\ \textcircled{1} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 63 | 3 \\ 21 | 3 \\ 7 | 7 \\ \textcircled{1} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 56 | 2 \\ 28 | 2 \\ 14 | 2 \\ 7 | 7 \\ \textcircled{1} \end{array}$$

$42 = 2 \cdot 3 \cdot 7$
 $63 = 3^2 \cdot 7$
 $56 = 2^3 \cdot 7$

$mcm(42, 63, 56) = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 7 = 8 \cdot 9 \cdot 7 = 504$
 $mcd(42, 63, 56) = 7$

b)

$$\begin{array}{l} 28 | 2 \\ 14 | 2 \\ 7 | 7 \\ \textcircled{1} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 48 | 2 \\ 24 | 2 \\ 12 | 2 \\ 6 | 2 \\ 3 | 3 \\ \textcircled{1} \end{array}$$

$28 = 2^2 \cdot 7$
 $48 = 2^4 \cdot 3$
 $mcm(28, 48) = 2^4 \cdot 3 \cdot 7 = 336$
 $mcd(28, 48) = 2^2 = 4$

$$\begin{aligned}
 \textcircled{4} \text{ a) } & 63 - 20 \cdot 2 + 3 \cdot (36 \div 6 - 4) = \\
 & = 63 - 40 + 3 \cdot (6 - 4) = \\
 & = 63 - 40 + 3 \cdot 2 = \\
 & = 63 - 40 + 6 = \\
 & = 23 + 6 = \boxed{29}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{b) } & 3 \cdot (9 - 63 \div 7) + (24 - 6) \div 2 = \\
 & = 3 \cdot (9 - 9) + 18 \div 2 = \\
 & = 3 \cdot 0 + 9 = \\
 & = 0 + 9 = \boxed{9}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{c) } & 4 \cdot (82 - 54) - 8 \cdot (32 \div 8 + 5) \\
 & = 4 \cdot 28 - 8 \cdot (4 + 5) = \\
 & = 4 \cdot 28 - 8 \cdot 9 = \\
 & = 112 - 72 = \boxed{40}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{d) } & 18 \div 3 \cdot 2 - 3 \cdot 2 + 4 \cdot 6 \div 3 = \\
 & = 6 \cdot 2 - 3 \cdot 2 + 24 \div 3 = \\
 & = 12 - 6 + 8 = \\
 & = 6 + 8 = \boxed{14}
 \end{aligned}$$

- $\textcircled{5}$ a) Divisible por 4 : 531 $\boxed{2}$; 531 $\boxed{6}$ (una vez)
 b) Divisible por 2 pero no por 4 : 531 $\boxed{0}$; 531 $\boxed{4}$; 531 $\boxed{8}$
 c) Divisible por 5 y por 3 : 531 $\boxed{0}$
 d) Divisible por 11 : 531 $\boxed{3}$

$$\textcircled{6} \quad \begin{array}{r} 10 \mid 2 \\ 5 \mid 5 \\ \textcircled{1} \end{array} \quad \begin{array}{r} 8 \mid 2 \\ 4 \mid 2 \\ 2 \mid 2 \\ \textcircled{1} \end{array} \quad \begin{array}{r} 6 \mid 2 \\ 3 \mid 3 \\ \textcircled{1} \end{array} \quad \begin{array}{l} 10 = 2 \cdot 5 \\ 8 = 2^3 \\ 6 = 2 \cdot 3 \end{array} \quad \text{mcm}(10, 8, 6) = 2^3 \cdot 3 \cdot 5 = 120$$

Solución : Dentro de $\boxed{120}$ días vuelven a coincidir