

PROVES D'ACCÉS A LA UNIVERSITAT

PRUEBAS DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD

CONVOCATÒRIA: 2015	CONVOCATORIA: 2015
FÍSICA	FÍSICA

BAREMO DEL EXAMEN: La puntuación máxima de cada problema es de 2 puntos y la de cada cuestión de 1,5 puntos. Cada estudiante podrá disponer de una calculadora científica no programable y no gráfica. Se prohíbe su utilización indebida (almacenamiento de información). Se utilice o no la calculadora, los resultados deberán estar siempre debidamente justificados. Realiza primero el cálculo simbólico y después obtén el resultado numérico.

OPCIÓN A

BLOQUE I – CUESTIÓN

Calcula a qué distancia desde la superficie terrestre se debe situar un satélite artificial para que describa órbitas circulares con un periodo de una semana. Datos: $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$; $M_{\text{Tierra}} = 5,97 \cdot 10^{24} \text{ kg}$; $R_{\text{Tierra}} = 6370 \text{ km}$

BLOQUE II – PROBLEMA

Un altavoz produce una onda armónica que se propaga por el aire y que está descrita por la expresión $s(x, t) = 20 \sin(6200t - 18x) \mu\text{m}$, con t en segundos y x en metros. a) Determina la amplitud, la frecuencia, la longitud de onda y la velocidad de propagación de la onda. (1 punto). b) Calcula el desplazamiento, s , y la velocidad de oscilación de una partícula del medio, que se encuentra en $x = 20 \text{ cm}$ en el instante $t = 1 \text{ ms}$. (1 punto)

BLOQUE III – CUESTIÓN

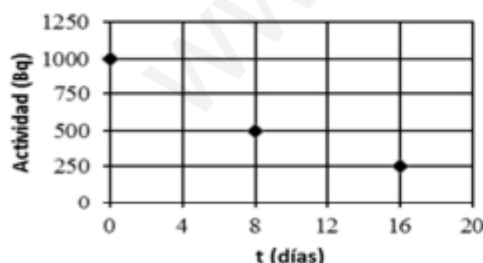
Un objeto real se sitúa frente a un espejo cóncavo, a una distancia menor que la mitad de su radio de curvatura. ¿Qué características tiene la imagen que se forma? Justifica la respuesta mediante un esquema de trazado de rayos.

BLOQUE IV – CUESTIÓN

Por un conductor rectilíneo de longitud muy grande, situado sobre el eje Y, circula una corriente eléctrica uniforme de intensidad $I = 2 \text{ A}$, en el sentido positivo de dicho eje. En el punto $(1, 0) \text{ m}$ se encuentra una carga eléctrica positiva $q = 2 \mu\text{C}$ cuya velocidad es $\vec{v} = 3 \cdot 10^6 \vec{i} \text{ m/s}$. Calcula la fuerza magnética que actúa sobre la carga y dibuja los vectores velocidad, campo magnético y fuerza magnética, en el punto donde se encuentra situada la carga. Dato: permeabilidad magnética del vacío, $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m/A}$

BLOQUE V – CUESTIÓN

Se mide la actividad de una pequeña muestra radiactiva. Los resultados se representan en la figura. Determina cual es el isótopo radiactivo que constituye la muestra teniendo en cuenta la tabla proporcionada.

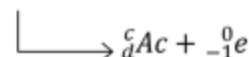


Isótopos radiactivos	Periodo de semidesintegración
$^{32}_{15}\text{P}$	14,3 días
$^{42}_{19}\text{K}$	12360 h
$^{47}_{20}\text{Ca}$	108,8 h
$^{131}_{53}\text{I}$	691200 s
$^{82}_{35}\text{Br}$	131750 s
$^{147}_{60}\text{Nd}$	11 días

BLOQUE VI – PROBLEMA

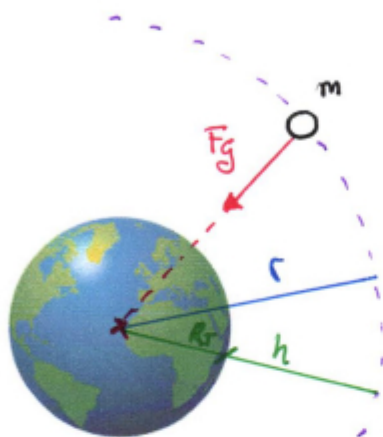
En las partes altas de la atmósfera, y debido a los rayos cósmicos, se producen unas partículas elementales denominadas muones que se mueven a velocidades relativistas hacia la superficie de la Tierra. Un muón desciende verticalmente con una velocidad $v = 0,9c$. a) Calcula la energía en reposo y la energía total del muón en MeV . (1 punto) b) El muón se ha producido a una altura de 10 km . Calcula el intervalo de tiempo que tarda el muón en alcanzar la superficie, según un sistema de referencia ligado a la Tierra, y según un sistema de referencia que viaje con el muón. (1 punto)

Datos: velocidad de la luz en el vacío, $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$, masa (en reposo) del muón: $m = 1,88 \cdot 10^{-28} \text{ kg}$, carga elemental, $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$



OPCIÓN A

BLOQUE I - CUESTIÓN



$$F = m \cdot a_N$$

$$G \frac{Mm}{r^2} = m \cdot \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \omega \cdot r$$

$$\Rightarrow G \frac{M}{r} = \omega^2 \cdot r^2 \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\Rightarrow G \frac{M}{r} = \frac{4\pi^2}{T^2} \cdot r^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow r^3 = \frac{G \cdot M \cdot T^2}{4\pi^2} \Rightarrow r = \sqrt[3]{\frac{G \cdot M \cdot T^2}{4\pi^2}}$$

El periodo es conocido:

$$T = 1 \text{ semana} \times \frac{7 \text{ días}}{1 \text{ semana}} \times \frac{86400 \text{ s.}}{1 \text{ día}} = 604800 \text{ s}$$

$$\Rightarrow r = \sqrt[3]{\frac{6.67 \cdot 10^{-11} \cdot 5.97 \cdot 10^{24} \cdot 604800^2}{4\pi^2}} = 154521173.5 \text{ m}$$

Como nos piden la altura:

$$r = R_T + h \Rightarrow h = r - R_T = 154521173.5 - 6370000 =$$

$$= 148151173.5 \text{ m} = 148151.17 \text{ km}$$

BLOQUE II - PROBLEMA

a) Ecuación General: $s(x,t) = A \cdot \sin(\omega t - kx + \varphi_0)$

Nuestra ecuación: $s(x,t) = 20 \sin(6200t - 18x) \mu\text{m}$

Identificando se obtiene directamente:

$$A = 20 \mu\text{m} = 20 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 2 \cdot 10^{-5} \text{ m}$$

$$\omega = 6200 \text{ rad/s} \Rightarrow 2\pi \cdot f = 6200 \Rightarrow f = \frac{6200}{2\pi} = \frac{3100}{\pi} \text{ Hz}$$

$$k = 18 \text{ rad/m} \Rightarrow \frac{2\pi}{\lambda} = 18 \Rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{18} = \frac{\pi}{9} \text{ m}$$

Y por tanto, la velocidad de propagación:

$$v_p = \lambda \cdot f = \frac{\pi}{9} \cdot \frac{3100}{\pi} = \frac{3100}{9} \text{ m/s} \approx 344'44 \text{ m/s}$$

$$b) s(x,t) = 2 \cdot 10^{-5} \sin(6200t - 18x) \text{ m}$$

$$v(x,t) = \frac{d}{dt}(s(x,t)) = 2 \cdot 10^{-5} \cdot 6200 \cos(6200t - 18x) = \\ = 0'124 \cos(6200t - 18x) \text{ m/s}$$

Veamos el espacio que recorre la onda en $t = 1 \text{ ms}$

$$e = v \cdot t = \frac{3100}{9} \cdot 1 \cdot 10^{-3} = 0'344 \text{ m} = 34'4 \text{ cm}$$

Con lo que efectivamente un punto situado en $x = 20 \text{ cm}$ ya vibra en ese instante y así:

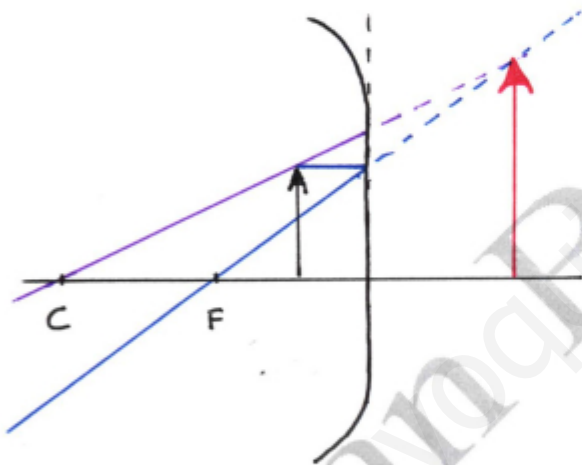
Si $x = 20\text{cm} = 0.2\text{m}$ y $t = 1\text{ms} = 1 \cdot 10^{-3}\text{s}$:

$$s(0.2, 1 \cdot 10^{-3}) = 2 \cdot 10^{-5} \sin(6200 \cdot 1 \cdot 10^{-3} - 18 \cdot 0.2) = 1.031 \cdot 10^{-5}\text{m}$$

$$v(0.2, 1 \cdot 10^{-3}) = 0.124 \cos(6200 \cdot 1 \cdot 10^{-3} - 18 \cdot 0.2) = -0.106\text{ m/s}$$

BLOQUE III - CUESTIÓN

La distancia focal de un espejo cóncavo corresponde a la mitad de su radio de curvatura. Por tanto, el objeto lo estamos colocando delante del foco. Así:

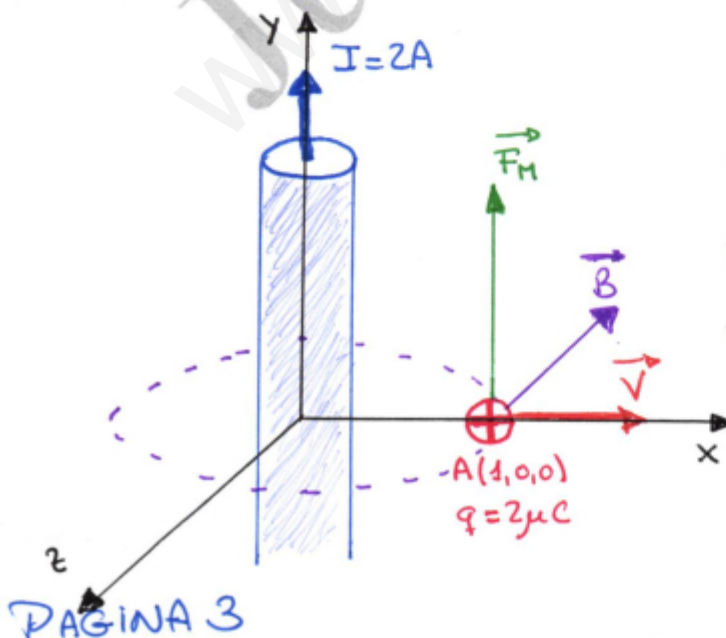


Donde se observa fácilmente que se trata de una imagen

- Virtual
- Derecha
- Mayor

BLOQUE IV - CUESTIÓN:

El conductor rectilíneo crea un campo magnético en el punto $A(1,0,0)$ cuyo módulo viene dado por:



$$B = \frac{\mu I}{2\pi r} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 2}{2\pi \cdot 1} = 4 \cdot 10^{-7}\text{ T}$$

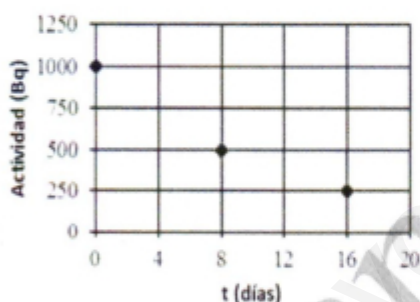
Con la regla de la mano derecha le damos dirección y sentido:

$$\vec{B} = (0, 0, -4 \cdot 10^{-7}) \text{ T}$$

Y ahora determinamos la fuerza pedida según la ley de Lorentz:

$$\vec{F}_M = q (\vec{v} \times \vec{B}) = 2 \cdot 10^{-6} \cdot \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 3 \cdot 10^6 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -4 \cdot 10^{-7} \end{vmatrix} = 2 \cdot 10^{-6} \cdot 12 \cdot 10^6 \vec{j} \text{ N}$$

BLOQUE V - CUESTIÓN



Isótopos radiactivos	Periodo de semidesintegración
$^{32}_{15}\text{P}$	14,3 días
$^{42}_{19}\text{K}$	12360 h
$^{47}_{20}\text{Ca}$	108,8 h
$^{131}_{53}\text{I}$	691200 s
$^{82}_{35}\text{Br}$	131750 s
$^{147}_{60}\text{Nd}$	11 días

Sabemos que el periodo de semidesintegración de una muestra es el tiempo que transcurre hasta que la actividad se reduce un 50%. De la gráfica dada se puede leer fácilmente que $T_{1/2} = 8$ días.

$$8 \text{ días} \times \frac{24 \text{ h}}{1 \text{ día}} = 192 \text{ horas} \times \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} = 691200 \text{ s}$$

Por tanto, se trataba del isótopo $^{131}_{53}\text{I}$

BLOQUE VI - PROBLEMA

$$a) E_0 = m_0 \cdot c^2 = 1'88 \cdot 10^{-28} (3 \cdot 10^8)^2 = 1'692 \cdot 10^{-11} \text{ J}$$

$$E_0 = 1'692 \cdot 10^{-11} \text{ J} \times \frac{1 \text{ eV}}{1'6 \cdot 10^{-19} \text{ J}} \times \frac{1 \text{ MeV}}{10^6 \text{ eV}} = 105'75 \text{ MeV}$$

$$E_{\text{TOTAL}} = m \cdot c^2 = \gamma m_0 \cdot c^2 = \gamma \cdot E_0$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - v^2/c^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 - 0'9^2 \cdot c^2/c^2}} = 2'2942$$

$$E_{\text{TOTAL}} = \gamma \cdot E_0 = 2'2942 \cdot 105'75 = 242'61 \text{ MeV}$$

$$b) \left. \begin{array}{l} v = 0'9c = 2'7 \cdot 10^8 \text{ m/s} \\ e = 10 \text{ km} = 10000 \text{ m} \end{array} \right\} \Delta t = \frac{e}{v} = \frac{10000}{2'7 \cdot 10^8} = 3'7 \cdot 10^{-5} \text{ s}$$

El factor de Lorentz nos permite calcular el tiempo en un sistema de referencia ligado al muón según:

$$\Delta t = \gamma \cdot \Delta t_p \Rightarrow \Delta t_p = \frac{\Delta t}{\gamma} = \frac{3'7 \cdot 10^{-5}}{2'2942} = 1'61 \cdot 10^{-5} \text{ s}$$

$$\begin{array}{l} \nearrow \text{S. Referencia} \\ \text{ligado a la Tierra} \end{array} \Rightarrow \Delta t = 3'7 \cdot 10^{-5} \text{ s}$$

$$\searrow \text{S. Referencia} \\ \text{ligado al muón} \Rightarrow \Delta t_p = 1'61 \cdot 10^{-5} \text{ s}$$

OPCIÓN B BLOQUE I - PROBLEMA

El peso en un planeta es la fuerza gravitatoria con la que nos atrae ese planeta. Así:

$$\left. \begin{aligned} P_P &= G \cdot \frac{M_P \cdot m}{R_P^2} \\ P_T &= G \cdot \frac{M_T \cdot m}{R_T^2} \end{aligned} \right\} \frac{P_P}{P_T} = \frac{\cancel{G} \cdot \frac{M_P \cdot \cancel{m}}{R_P^2}}{\cancel{G} \cdot \frac{M_T \cdot \cancel{m}}{R_T^2}} = \frac{M_P \cdot R_T^2}{M_T \cdot R_P^2} \stackrel{\uparrow}{=} \frac{M_P \cdot R_T^2}{M_T \cdot (2R_T)^2}$$

$$= \frac{M_P \cdot R_T^2}{M_T \cdot (2R_T)^2} = \frac{M_P \cdot \cancel{R_T^2}}{4 M_T \cdot \cancel{R_T^2}} = \frac{M_P}{4 M_T}$$

Para obtener una relación entre la masa del planeta P y la masa de La Tierra, usaremos que tienen la misma densidad:

$$D_P = D_T \Rightarrow \frac{M_P}{V_P} = \frac{M_T}{V_T} \Rightarrow \frac{M_P}{\frac{4}{3}\pi R_P^3} = \frac{M_T}{\frac{4}{3}\pi R_T^3}$$

$$\Rightarrow \frac{M_P}{2^3 \cdot \cancel{R_T^3}} = \frac{M_T}{\cancel{R_T^3}} \Rightarrow M_P = 8 M_T$$

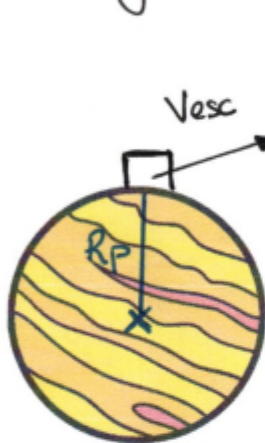
Y así:

$$\frac{P_P}{P_T} = \frac{M_P}{4 M_T} = \frac{8 \cancel{M_T}}{4 \cancel{M_T}} = 2 \Rightarrow P_P = 2 \cdot P_T$$

El peso de la nave en la superficie del planeta P será el doble que el peso en la superficie terrestre

b) La velocidad de escape es la velocidad mínima con la que debe lanzarse un cuerpo para que llegue al infinito con velocidad nula.

En términos energéticos, hay que comunicar a ese cuerpo una energía (cinética) para que eso sea posible.



Por el principio de conservación de la energía:

$$\Delta E_m = 0 \Rightarrow E_{\text{inicial}} = E_{\text{final}}$$

$$E_{p0} + E_{c0} = E_{pf} + E_{cf}$$

$$-G \frac{Mm}{R} + \frac{1}{2} m \cdot v_{\text{esc}}^2 = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v_{\text{esc}} = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$$

En nuestro caso:

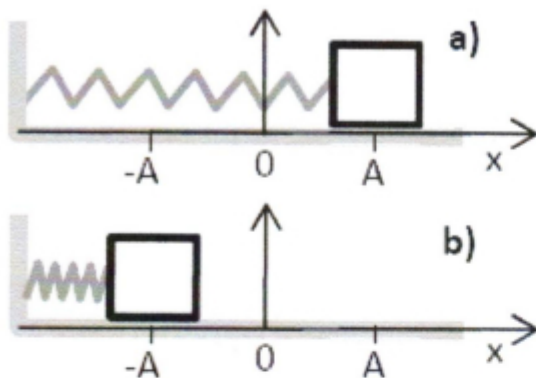
$$v_{\text{esc}_p} = \sqrt{\frac{2 \cdot G \cdot M_p}{R_p}} = \sqrt{\frac{2 \cdot G \cdot 8M_T}{2R_T}} = \sqrt{4 \cdot \left(\frac{2GM_T}{R_T} \right)} =$$

$M_p = 8M_T$
 $R_p = 2R_T$

$\frac{8}{2} = 4$

$$= 2 \cdot \sqrt{\frac{2 \cdot G \cdot M_T}{R_T}} = 2 \cdot v_{\text{esc}_T} = 2 \cdot 11'2 = 22'4 \text{ km/s}$$

BLOQUE II - CUESTIÓN



Como nos dicen el tiempo que tarda en desplazarse entre a) y b) nos están dando la mitad del periodo de oscilación. Así:

$$T = 4s$$

$$x = A \sin(\omega t + \varphi_0) \Rightarrow x = A \sin\left(\frac{\pi}{2}t + \varphi_0\right)$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \text{ rad/s}$$

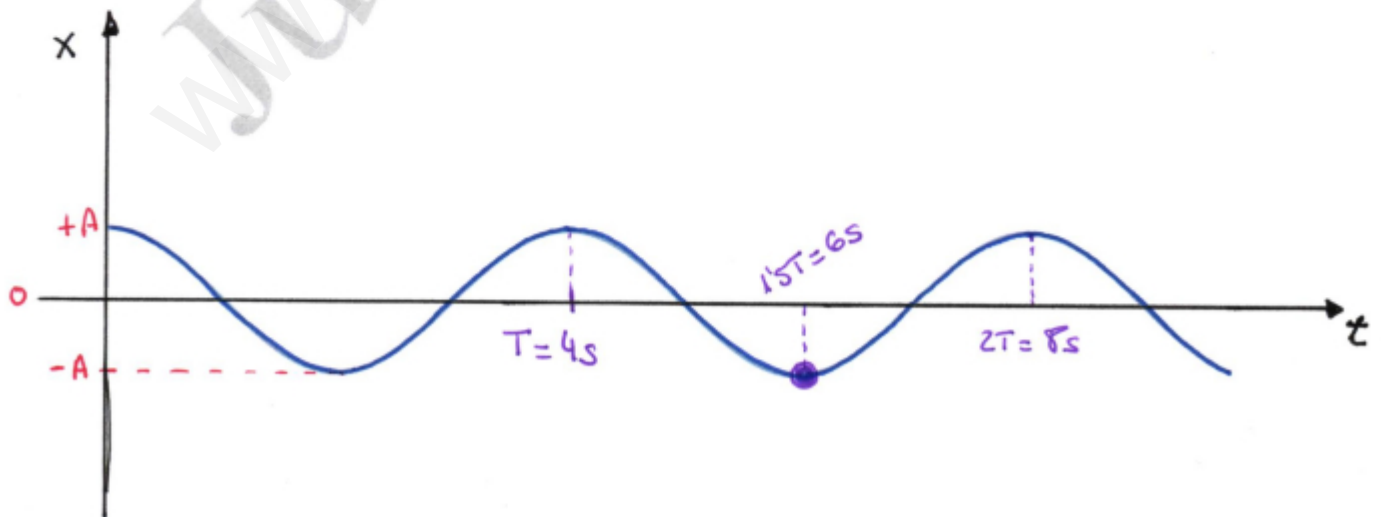
Para determinar la fase inicial, veamos la posición inicial:

$$x(t=0) = +A \Rightarrow A = A \sin\left(\frac{\pi}{2} \cdot 0 + \varphi_0\right) \Rightarrow 1 = \sin \varphi_0 \Rightarrow$$

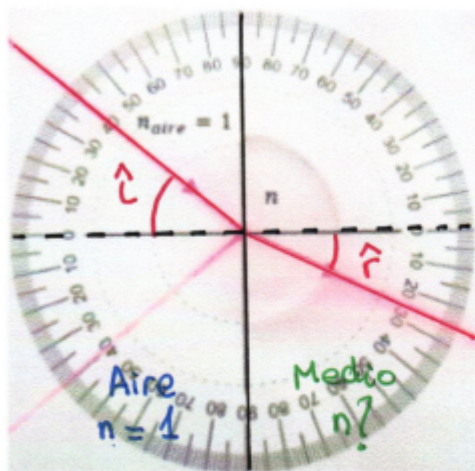
$$\Rightarrow \varphi_0 = \arcsen(1) = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$\Rightarrow x(t) = A \sin\left(\frac{\pi}{2}t + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$\text{En } t = 1.5T = 1.5 \cdot 4 = 6s \Rightarrow x = A \sin\left(\frac{\pi}{2} \cdot 6 + \frac{\pi}{2}\right) = -A$$



BLOQUE III - CUESTIÓN



De la imagen se puede leer que $\hat{i} = 40^\circ$ y que $\hat{r} = 25^\circ$

Aplicando Snell:

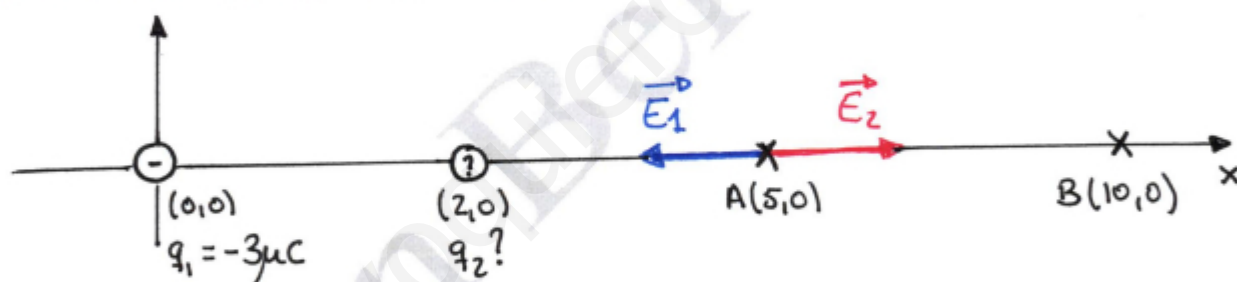
$$n_{\text{aire}} \cdot \sin \hat{i} = n \cdot \sin \hat{r}$$

$$1 \cdot \sin 40 = n \cdot \sin 25$$

$$n = 1'521$$

$$\text{Como } n = \frac{c}{v} \Rightarrow v = \frac{c}{n} = \frac{3 \cdot 10^8}{1'521} = 1'97 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

BLOQUE IV - PROBLEMA



Para que el campo se anule en $A(5,0)$ los campos $\vec{E}_1$ y $\vec{E}_2$ tendrán que tener sentidos opuestos (lo que nos sirve para deducir portanto que la carga q_2 debe ser positiva) y tener módulos iguales. Así:

$$|\vec{E}_1| = |\vec{E}_2| \Rightarrow \cancel{k} \cdot \frac{|Q_1|}{r_1^2} = \cancel{k} \cdot \frac{|Q_2|}{r_2^2} \Rightarrow Q_2 = \frac{r_2^2 \cdot |Q_1|}{r_1^2} \Rightarrow$$

$Q_2 > 0$

$$\Rightarrow Q_2 = \frac{3^2 \cdot 3 \cdot 10^{-6}}{5^2} = 1'08 \cdot 10^{-6} \text{ C} = 1'08 \mu\text{C}$$

$$b) W_{\text{campo}} = -q_3 \cdot \Delta V = -q_3 \cdot (V_B - V_A)$$

$$V_A = k \cdot \frac{Q_1}{r_1} + k \cdot \frac{Q_2}{r_2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \left(-\frac{3 \cdot 10^{-6}}{5} + \frac{1'08 \cdot 10^{-6}}{3} \right) = -2160 \text{ V}$$

$$V_B = k \cdot \frac{Q_1}{r'_1} + k \cdot \frac{Q_2}{r'_2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \left(-\frac{3 \cdot 10^{-6}}{10} + \frac{1'08 \cdot 10^{-6}}{8} \right) = -1485 \text{ V}$$

$$W_{\text{campo}} = -0'1 \cdot 10^{-6} \cdot (-1485 + 2160) = -6'75 \cdot 10^{-5} \text{ J}$$

$$\text{Como } W_{\text{campo}} < 0 \Rightarrow \text{Proceso Forzado} \Rightarrow W_{\text{externo}} = +6'75 \cdot 10^{-5} \text{ J}$$

BLOQUE V - CUESTIÓN

$$1p + 2n \longrightarrow {}^3_1\text{H} ; \Delta m = (m_p + 2m_n) - m_{{}^3_1\text{H}}$$

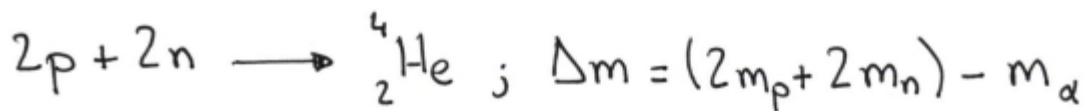
$$\Delta m = (1'007276 + 2 \cdot 1'008665) \cdot 1'6605 \cdot 10^{-27} - 5'0081 \cdot 10^{-27} =$$

$$= 1'4258 \cdot 10^{-29} \text{ kg}$$

$$\Delta E = \Delta m \cdot c^2 = 1'4258 \cdot 10^{-29} \cdot (3 \cdot 10^8)^2 = 1'2832 \cdot 10^{-12} \text{ J}$$

$$\Delta E = 1'2832 \cdot 10^{-12} \text{ J} \times \frac{1 \text{ eV}}{1'602 \cdot 10^{-19} \text{ J}} \times \frac{1 \text{ MeV}}{10^6 \text{ eV}} = 8'02 \text{ MeV}$$

$$E_A = \frac{\Delta E}{A} = \frac{8'02}{3} = 2'67 \text{ MeV/nucleón}$$



$$\Delta m = 2 \cdot 1'007276 + 2 \cdot 1'008665 - 4'001505 =$$

$$= 0'030377 \mu \times \frac{1'6605 \cdot 10^{-27} \text{ kg}}{1 \mu} = 5'0441 \cdot 10^{-29} \text{ kg}$$

$$\Delta E = \Delta m \cdot c^2 = 5'0441 \cdot 10^{-29} \cdot (3 \cdot 10^8)^2 = 4'5397 \cdot 10^{-12} \text{ J}$$

$$\Delta E = 4'5397 \cdot 10^{-12} \text{ J} \times \frac{1 \text{ eV}}{1'602 \cdot 10^{-19} \text{ J}} \times \frac{1 \text{ MeV}}{10^6 \text{ eV}} = 28'34 \text{ MeV}$$

$$E_A = \frac{\Delta E}{A} = \frac{28'34}{4} = 7'08 \text{ MeV/nucleón}$$

$\Rightarrow$ Es más estable el núcleo de ${}^4_2\text{He}$ al tener mayor energía de enlace por nucleón.

BLOQUE VI - CUESTIÓN

