



**RECUPERACIÓN 1^a EVALUACIÓN
MATEMÁTICAS opción B**

**4º E.S.O. A
CURSO 2009-2010**



Alumno/a: SOLUCIONES

1. Calcular, indicando todos los pasos (1,5 puntos)

$$(-3)^3 = \boxed{-27} \quad 3^{-3} = \frac{1}{3^3} = \boxed{\frac{1}{27}} \quad (-3)^{-3} = \frac{1}{(-3)^3} = \boxed{-\frac{1}{27}} \quad \left(-\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{1}{2^4} = \boxed{\frac{1}{16}}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{-4} = 2^4 = \boxed{16} \quad \left(-\frac{1}{2}\right)^{-4} = (-2)^4 = \boxed{16} \quad 0,5^{-1} = \frac{1}{0,5} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = \boxed{2} \quad \boxed{1,5} \quad (0,1 cada apartado)$$

$$(-1)^{-1} = \frac{1}{(-1)^1} = \frac{1}{-1} = \boxed{-1} \quad \sqrt[3]{-125} = \boxed{-5} \quad \sqrt{0,36} = \boxed{0,6}$$

$$\sqrt[4]{-16} = \boxed{2} \quad 1000^{1/3} = \sqrt[3]{1000} = \boxed{10} \quad \sqrt[3]{1728} = \sqrt[3]{2^6 \cdot 3^3} = 2^2 \cdot 3 = \boxed{12}$$

$$(\sqrt{3} - \sqrt{2})^2 = (\sqrt{3})^2 - 2 \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{2} + (\sqrt{2})^2 = 3 - 2\sqrt{6} + 2 = \boxed{5 - 2\sqrt{6}} \quad (\sqrt{3} - \sqrt{2})(\sqrt{3} + \sqrt{2}) = (\sqrt{3})^2 - (\sqrt{2})^2 = 3 - 2 = \boxed{1}$$

2. Calcular, simplificando en todo momento: (2,5 puntos)

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{3} \cdot \frac{1}{4} + \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{10} &= \frac{1}{2} - \frac{5}{12} + \frac{\frac{2}{10}}{\frac{11}{6} - \frac{3}{2}} = \frac{1}{2} - \frac{5}{12} + \frac{\frac{2}{10}}{\frac{2}{6}} = \frac{1}{2} - \frac{5}{12} + \frac{2 \cdot 6}{10 \cdot 2} = \\ &= \frac{1}{2} - \frac{5}{12} + \frac{2 \cdot 2 \cdot 3}{10 \cdot 2} = \frac{1}{2} - \frac{5}{12} + \boxed{\frac{21}{10}} = \frac{30 - 25 + 126}{60} = \boxed{\frac{131}{60}} \quad 0.5, \end{aligned}$$

$$\frac{(a^3b^{-4})^{-2} \cdot (a^4b)^2}{(a^{-2}b^{-3})^{-3}} = \frac{a^{-6} \cdot a^8 \cdot b^2}{a^6 \cdot b^9} = \frac{a^2 \cdot b^{10}}{a^6 \cdot b^9} = \boxed{\frac{b}{a^4}} \quad 0.75, \quad \boxed{2.5} \quad (1,25 cada apartado)$$

3. Simplificar: (2,5 puntos)

$$\sqrt[4]{2^3\sqrt{2}} \cdot \sqrt{2\sqrt{2}} \cdot \sqrt[6]{2} = \sqrt[4]{\sqrt[3]{2^4}} \cdot \sqrt{\sqrt{2^3}} \cdot \sqrt[6]{2} = \boxed{\sqrt[12]{2^4}} \cdot \boxed{\sqrt[4]{2^3}} \cdot \sqrt[6]{2} = \sqrt[12]{2^4} \cdot \sqrt[12]{2^9} \cdot \sqrt[12]{2^2} = \sqrt[12]{2^{15}} = \boxed{\sqrt[4]{2^5}} \quad 0.25, \quad 0.5, \quad \boxed{2.5} \quad (1,25 cada apartado)$$

$$\begin{aligned} 5\sqrt{\frac{3}{4}} - 4\sqrt{3} + \sqrt{27} - \sqrt{300} &= 5 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 4\sqrt{3} + \sqrt{3^3} - \sqrt{2^2 \cdot 5^2 \cdot 3} = \frac{5}{2}\sqrt{3} - 4\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 10\sqrt{3} = 0.5, \\ &= \left(\frac{5}{2} - 4 + 3 - 10\right)\sqrt{3} = \left(\frac{5}{2} - 11\right)\sqrt{3} = \\ &= \boxed{-\frac{17}{2}\sqrt{3}} \quad 0.75, \end{aligned}$$

4. a) Dados los radicales $\sqrt{2}$, $\sqrt[3]{4}$, $\sqrt[5]{16}$, se pide:

(2 puntos)

- Ordenarlos de menor a mayor

$$\left. \begin{array}{l} \sqrt{2} = \sqrt[3]{2^1.5} \text{ menor} \\ \sqrt[3]{2^2} = \sqrt[3]{2^2.0} \\ \sqrt[5]{2^4} = \sqrt[3]{2^{2.4}} \text{ mayor} \end{array} \right\} \Rightarrow \boxed{\sqrt{2} < \sqrt[3]{4} < \sqrt[5]{16}} \quad 0.1$$

2
(0,4 cada apartado)

- Hallar un radical intermedio entre los dos primeros: 0.2

- b) Indicar razonadamente, sin efectuar la división, a qué tipo de decimal conducen las siguientes fracciones. Enunciar, a continuación, la regla utilizada:

$$\frac{37}{40} = 2^3 \cdot 5 \rightarrow \text{decimal exacto} \quad 0.1$$

$$\frac{40}{37} \text{ primo} \rightarrow \text{decimal periódico} \quad 0.1$$

"si los únicos divisores primos del denominador de una fracción irreducible son el 2 y/o el 5, entonces conduce a un decimal exacto; en caso contrario será periódico" 0.2

- c) Calcular, pasando previamente a fracción generatriz (dar el resultado en forma fraccionaria):

$$1,25 - 1,1\bar{6} + 1,\bar{7} = \frac{5}{4} - \frac{7}{6} + \frac{10}{9} = \frac{45 - 42 + 40}{36} = \boxed{\frac{43}{36}} \quad 0.15$$

$$1,25 = \frac{125}{100} = \boxed{\frac{5}{4}} \quad 0.05$$

$$1,1\bar{6} = \frac{116 - 11}{90} = \frac{105}{90} = \boxed{\frac{7}{6}} \quad 0.1$$

$$1,\bar{7} = \frac{11 - 1}{9} = \boxed{\frac{10}{9}} \quad 0.1$$

- d) Indicar cuál es el menor conjunto numérico (IN, Z, Q o I) al que pertenecen los siguientes números; en caso de ser Q o I, razonar el porqué:

~~Si poner 3 más?~~ $-8/9 \in \mathbb{Q}$ pq. es una fracción de enteros 0.08

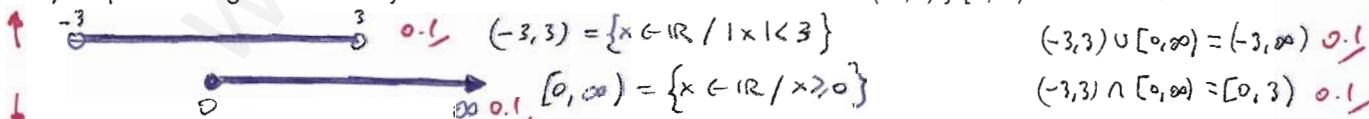
$\sqrt{-32} = -2 \in \mathbb{I}$ 0.08

~~0.08~~ $\sqrt{-31} \in \mathbb{I}$ pq. su expresión decimal tiene 00 cifras NO periódicas (es una raíz no exacta)

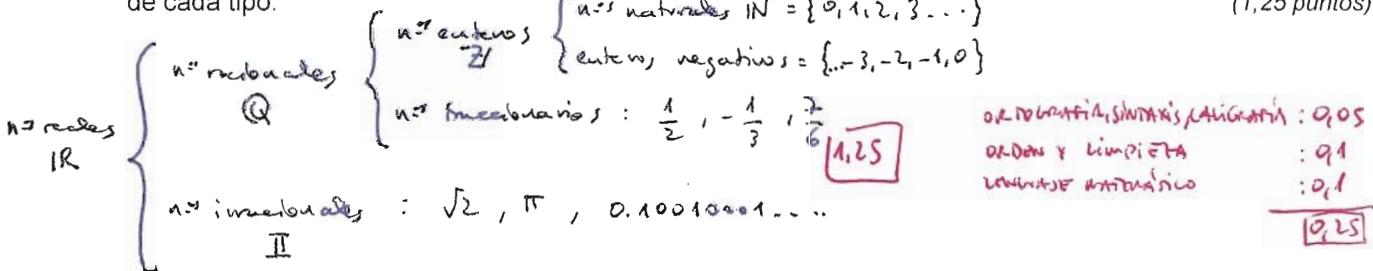
~~0.08~~ $2,1\bar{6} \in \mathbb{Q}$ pq. es un decimal periódico

~~0.08~~ $0,10010001 \dots \in \mathbb{I}$ pq. su expresión decimal tiene 00 cifras decimales no periódicas

- e) Representar gráficamente y definir matemáticamente los intervalos $(-3,3)$ y $[0,\infty)$. Hallar su U e ∩



5. TEORÍA: Realizar un esquema que clasifique los distintos conjuntos numéricos (IN, Z, Q o I), indicando ejemplos de cada tipo.



NOTA: La ortografía, sintaxis, presentación cuidada (orden en el planteamiento, limpieza, caligrafía, etc.) y corrección en el lenguaje matemático se calificarán con un total de 0,25 puntos.



**RECUPERACIÓN 1^a EVALUACIÓN
MATEMÁTICAS opción B**

**4º E.S.O. A+C
CURSO 2008-2009**



1. Calcular (**obligatorio simplificar en todo momento**):

$$\frac{\left(\frac{3}{5} \cdot \frac{1}{6} + \frac{2}{24}\right) - \left(\frac{2}{30} \cdot \frac{1}{4} + \frac{3}{9}\right)}{\left(\frac{1}{3} - \frac{5}{10}\right) \cdot \frac{5}{3} - \frac{4}{16} \left(\frac{3}{3} - \frac{5}{3}\right)} = \quad (1,75 \text{ puntos})$$

2. Calcular, aplicando siempre las propiedades de las potencias:

$$\frac{2^3 \cdot (-3)^{-5} \cdot 18^2 \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^{-2}}{(-2)^2 \cdot 2^{-3} \cdot (-3)^3 \cdot \left(-\frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left(-\frac{3}{2}\right)^{-3}} = \quad (2 \text{ puntos})$$

3. a) Operar y simplificar: $\frac{(\sqrt[3]{81})^2}{\sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{3\sqrt{27}}} =$

b) Sumar, reduciendo antes a radicales semejantes: $\frac{2}{3}\sqrt[3]{16} + 2\sqrt[3]{2} - \frac{2}{3}\sqrt[3]{128} + \sqrt[3]{\frac{2}{27}} = \quad (2 \text{ puntos})$

4. Racionalizar y simplificar: a) $\frac{3}{2\sqrt{3}} =$ b) $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt[5]{9}} =$ c) $\frac{3\sqrt{2}-4}{3\sqrt{2}+4} = \quad (2 \text{ puntos})$

5. a) Completar la siguiente tabla, y hallar la U e ∩ de ambos intervalos.

REPRESENTACIÓN EN LA RECTA IR	INTERVALO	DEFINICIÓN
	(-∞, 2]	
		{x ∈ IR / x < 3}

0,6 + 1,38 · 0,72 =

- c) Clasificar los siguientes números como $\in Q$ o I , razonando el porqué:

$-\frac{5}{3}$ $\sqrt{5}$ $2,1\bar{5}$ $0,10110111\dots$ 2,15

- d) ¿Cuál de estos dos radicales es mayor?: $\sqrt[8]{9}$; $\sqrt[9]{8}$. Razonar la respuesta.

- e) Ídem con las fracciones $8/9$ y $7/8$ (*sin efectuar la división*) (2 puntos)

$$\begin{aligned} \textcircled{1} & \frac{\left(\frac{3}{5}-\frac{1}{6}+\frac{2}{24}\right)-\left(\frac{2}{30}-\frac{1}{4}+\frac{3}{9}\right)}{\left(\frac{1}{3}-\frac{5}{10}\right):\frac{5}{3}-\frac{4}{16}\cdot\left(3-\frac{5}{3}\right)} = \frac{\left(\frac{3}{5}-\frac{1}{6}+\frac{1}{12}\right)-\left(\frac{1}{15}-\frac{1}{4}+\frac{1}{3}\right)}{\left(\frac{1}{3}-\frac{1}{2}\right)\cdot\frac{3}{5}-\frac{1}{4}\left(3-\frac{5}{3}\right)} = -\frac{\frac{31}{60}}{-\frac{1}{6}\cdot\frac{3}{5}-\frac{1}{4}\cdot\frac{4}{3}} = -\frac{\frac{1}{10}}{-\frac{1}{3}} = \frac{\frac{22}{60}}{-\frac{1}{10}-\frac{1}{3}} \\ & = \frac{\frac{11}{20} \text{ 0.5}}{-\frac{13}{30} \text{ 0.75}} = \boxed{-\frac{11}{13} \text{ 0.25}} \end{aligned}$$

TOTAL: [1,75]

$$\begin{aligned} \textcircled{2} & \frac{2^3 \cdot (-3)^{-5} \cdot 18^2 \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^{-2}}{(-2)^2 \cdot 2^{-3} \cdot (-3)^3 \cdot \left(-\frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left(-\frac{3}{2}\right)^{-3}} = \frac{-2^3 \cdot 3^{-5} \cdot (3^2 \cdot 2)^2 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^2}{-2^2 \cdot 2^{-3} \cdot 3^3 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^3} = \frac{\frac{2^3 \cdot 3^{-5} \cdot 3^4 \cdot 2^2 \cdot 2^2}{3^2}}{\frac{2^2 \cdot 2^{-3} \cdot 3^3 \cdot 2^3 \cdot 2^3}{3^3}} = \frac{0.75 \cdot \frac{2^3 \cdot 3^{-1}}{3^2}}{0.75 \cdot \frac{2^3}{3^3}} = \frac{2^7 \cdot 3^{-1} \cdot 3^3}{3^2 \cdot 2^5} = \frac{0.5}{2} \end{aligned}$$

TOTAL: [2]

$$\begin{aligned} \textcircled{3} & \text{a) } \frac{\left(\sqrt[3]{81}\right)^2}{\sqrt{\sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{3\sqrt{27}}}} = \frac{\left(\sqrt[3]{3^4}\right)^2}{\sqrt{\sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{3^5}}}} = \frac{\sqrt[3]{3^8}}{\sqrt{\sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{3^5}}}} = \frac{\sqrt[3]{3^8}}{\sqrt{\sqrt{3} \cdot \sqrt[6]{3^5}}} = \frac{\sqrt[3]{3^8}}{\sqrt{\sqrt[6]{3^3} \cdot \sqrt[6]{3^5}}} = \frac{\sqrt[3]{3^8}}{\sqrt[6]{3^8}} \\ & = \frac{\sqrt[3]{3^8}}{\sqrt[3]{3^2} \text{ 0.5}} = \frac{\sqrt[3]{3^8} \text{ 0.25}}{\sqrt[3]{3^2} \text{ 0.5}} = \sqrt[3]{3^6} = 3^2 = \boxed{9} \text{ 0.25}, \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b) } & \frac{2}{3} \cdot \sqrt[3]{16} + 2 \cdot \sqrt[3]{2} - \frac{2}{3} \cdot \sqrt[3]{128} + \sqrt[3]{\frac{2}{27}} = \frac{2}{3} \cdot \sqrt[3]{2^4} + 2 \cdot \sqrt[3]{2} - \frac{2}{3} \cdot \sqrt[3]{2^7} + \sqrt[3]{\frac{2}{3^3}} = \frac{2}{3} \cdot 2\sqrt[3]{2} + 2\sqrt[3]{2} - \frac{2}{3} \cdot 2^2 \cdot \sqrt[3]{2} + \frac{1}{3}\sqrt[3]{2} = \\ & = \frac{4}{3}\sqrt[3]{2} + 2\sqrt[3]{2} - \frac{8}{3}\sqrt[3]{2} + \frac{1}{3}\sqrt[3]{2} = \underbrace{\left(\frac{4}{3} + 2 - \frac{8}{3} + \frac{1}{3}\right)}_1 \sqrt[3]{2} = \boxed{\sqrt[3]{2}} \text{ 0.5}, \end{aligned}$$

TOTAL: [2]

$$\begin{aligned} \textcircled{4} & \text{a) } \frac{3}{2\sqrt{3}} = \frac{3 \cdot \sqrt{3}}{2\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{3}}{2 \cdot 3} = \boxed{\frac{\sqrt{3}}{2}} \text{ 0.5}, \\ & \text{b) } \frac{\sqrt{3}}{\sqrt[5]{9}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt[5]{3^2}} = \frac{\sqrt{3} \cdot \sqrt[5]{3^3}}{\sqrt[5]{3^2} \cdot \sqrt[5]{3^3}} = \frac{\sqrt[5]{3^5} \cdot \sqrt[10]{3^6}}{\sqrt[5]{3^5}} = \frac{\sqrt[10]{3^11}}{3} = \frac{3^{\frac{11}{10}}}{3} = \boxed{\sqrt[10]{3}} \text{ 0.75}, \end{aligned}$$

TOTAL: [2]

$$\text{c) } \frac{3\sqrt{2}-4}{3\sqrt{2}+4} = \frac{(3\sqrt{2}-4)^2}{(3\sqrt{2}+4)(3\sqrt{2}-4)} = \frac{18-24\sqrt{2}+16}{18-16} = \frac{34-24\sqrt{2}}{2} = \boxed{17-12\sqrt{2}} \text{ 0.75},$$

$$\begin{aligned} \textcircled{5} \text{ a) } & \begin{array}{|c|c|c|} \hline & 0.95 / & \\ \hline -\infty & \xrightarrow{\quad} & 2 \\ \hline & (-\infty, 2] & \{x \in \mathbb{R} / x \leq 2\} \\ \hline -3 & \xrightarrow{\quad} & (-3, 3) \\ \hline & 0.05 / & \\ \hline & (-3, 3) & \{x \in \mathbb{R} / 1 < x < 3\} \\ \hline & 0.05 & \\ \hline \end{array} & (-\infty, 2] \cup (-3, 3) = (-\infty, 3) \text{ 0.1}, \\ & (-\infty, 2] \cap (-3, 3) = (-3, 2] \text{ 0.1} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b) } & 0.6 = \frac{6}{9} = \frac{2}{3} \text{ 0.05}, \\ & 1.3\hat{8} = \frac{138-13}{90} = \frac{25}{18} \text{ 0.1}, \\ & 0.72 = \frac{72}{100} = \frac{18}{25} \text{ 0.05} \end{aligned}$$

$$0.6 + 1.3\hat{8} \cdot 0.72 = \frac{2}{3} + \frac{25}{18} \cdot \frac{18}{25} = \frac{2}{3} + 1 = \boxed{\frac{5}{3} = 1,6} \text{ 0.1}$$

ORTOGRAFIA, CALIGRAFIA, PINTURAS: 0.05
LIMPIEZA Y ORDEN PLANTEROARIO: 0.10
CORRECCION LEXICO-MATEMATICO: 0.10

TOTAL: 0.25

$$\text{c) } -\frac{5}{3} \in \mathbb{Q} \text{ p.y. es un cociente de Z}$$

$\sqrt{5} \in \text{II}$ p.y. su expresión decimal tiene 20 cifras no periódicas

$2,1\bar{3} \in \mathbb{Q}$ p.y. es periódico

$0,10110111\dots \in \text{II}$ p.y. tiene 20 decimales no periódicas

$2,15 \in \mathbb{Q}$ p.y. es decimal exacto

0.08 cada uno

$$\begin{aligned} \text{d) } & \left. \begin{array}{l} \sqrt[8]{9} = \sqrt[8]{3^2} = \sqrt[2]{3^{\frac{2}{8}}} \text{ menor} \\ \sqrt[9]{8} = \sqrt[9]{2^3} = \sqrt[3]{2^{\frac{3}{9}}} \text{ mayor} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{soluc: } \boxed{\sqrt[8]{9} \text{ es menor}} \text{ 0.4} \\ \text{e) } & \left. \begin{array}{l} \frac{8}{9} = \frac{64}{72} \text{ menor} \\ \frac{7}{8} = \frac{63}{72} \text{ mayor} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{soluc: } \boxed{\frac{8}{9} \text{ es mayor}} \text{ 0.4} \end{aligned}$$

TOTAL: [2]

 I.E.B. "Fernando de Mena" Segovia (Ciudad Real)	RECUPERACIÓN 1^a EVALUACIÓN MATEMÁTICAS opción B	4º E.S.O. C+D CURSO 2007-2008	 Junta de Comunidades de Castilla-La Mancha Consejería de Educación y Ciencia
-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----------------------------------------------------------------------	------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

1. Calcular, simplificando en todo momento:

$$\frac{\left[\left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} - \frac{8}{27} \right) \frac{2}{5} - 3 \right] : \frac{3}{2}}{\left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} \right) \frac{8}{27} \left(\frac{2}{5} - 3 : \frac{3}{2} \right)} = \quad (2 \text{ puntos})$$

2. Calcular, aplicando siempre las propiedades de las potencias:

$$\frac{(-3)^2 \left(-\frac{1}{3} \right)^2 \left[\left(\frac{1}{3} \right)^{-3} \right]^2 \cdot \left[\left(-\frac{2}{3} \right)^0 \right]^{-2}}{(-3)^5 \cdot 3^{-2} \cdot (-3)^{-3} \left[\left(-\frac{1}{3} \right)^3 \right]^{-1}} = \quad (2 \text{ puntos})$$

3. a) Representar los intervalos $A=(-\infty, 0)$ y $B=[-1, 3)$ en la recta real, dar su definición matemática (mediante desigualdades), e indicar su \cup e \cap
 b) Calcular, pasando previamente a fracción generatriz (dar el resultado en forma fraccionaria y decimal):

$$2,7 \cdot 1,8 + 2,26 : 0,113 =$$

c) Clasificar los siguientes números como $\in \mathbb{Q}$ o $\in \mathbb{I}$, razonando el porqué:

$$2008 \quad 0,101101110\dots \quad \sqrt{13} \quad 0,2\bar{5} \quad 0,25 \quad \sqrt[4]{16} \quad -\frac{1}{3}$$

- d) Hallar razonadamente (no vale con calculadora) una fracción comprendida entre $5/4$ y $4/3$
 e) Enunciar la regla que permite predecir, sin efectuar la división, a qué tipo de decimal (periódico o exacto) conduce una fracción de enteros. Indicar dos ejemplos. (1,75 puntos)

4. Operar y simplificar:

$$\text{a) } \frac{\sqrt[3]{81} \cdot (\sqrt{3})^3}{\sqrt[3]{3\sqrt{3}} \cdot \sqrt[3]{9}} = \quad \text{b) } 5\sqrt{\frac{3}{4}} + \sqrt{27} - 4\sqrt{3} - 5\sqrt{12} = \quad (2 \text{ puntos})$$

5. Racionalizar y simplificar:

$$\text{a) } \frac{5}{3\sqrt{5}} \quad \text{b) } \frac{5 - 7\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}} = \quad (2 \text{ puntos})$$

$$\begin{aligned} \textcircled{1} & \frac{\left[\left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} \cdot \frac{8}{27}\right) \cdot \frac{2}{5} - 3\right] : \frac{3}{2}}{\left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} \cdot \frac{8}{27}\right) \cdot \frac{8}{27} \cdot \left(\frac{2}{5} - 3 : \frac{3}{2}\right)} = \frac{\left[\left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} \cdot \frac{8}{27}\right) \cdot \frac{2}{5} - 3\right] : \frac{3}{2}}{\frac{4}{27} \cdot \frac{8}{27} \cdot \left(\frac{2}{5} - 2 \cdot \frac{2}{3}\right)} = \frac{\left[\left(\frac{1}{2} + \frac{4}{9}\right) \cdot \frac{2}{5} - 3\right] : \frac{3}{2}}{\frac{16}{27} \cdot \left(\frac{2}{5} - 2\right)} = \frac{\left(\frac{17}{18} \cdot \frac{2}{5} - 3\right) : \frac{3}{2}}{\frac{16}{27} \cdot \frac{-8}{5}} = \\ & = \frac{\left(\frac{17}{9} \cdot \frac{2}{5} - 3\right) : \frac{3}{2}}{-\frac{128}{135}} = \frac{\left(\frac{17}{45} - 3\right) : \frac{3}{2}}{-\frac{128}{135}} = \frac{-\frac{118}{45} \cdot \frac{2}{3}}{-\frac{128}{135} \text{ 0.75}} = \frac{118 \cdot 2 \cdot 27 \cdot 5}{45 \cdot 3 \cdot 16 \cdot 8} = \frac{59 \cdot 2 \cdot 8 \cdot 5}{8 \cdot 16 \cdot 2 \cdot 4} = \boxed{\frac{59}{32} \text{ 0.5}} \end{aligned}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{(-3)^2 \cdot \left(-\frac{1}{3}\right)^2 \cdot \left[\left(\frac{1}{3}\right)^3\right]^2 \cdot \left[-\frac{2}{3}\right]^{-1}}{(-3)^5 \cdot 3^{-2} \cdot (-3)^{-3} \cdot \left[-\frac{1}{3}\right]^3} = \frac{\cancel{3^2} \cdot \frac{1}{3^2} \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{-6}}{-\left[\underbrace{-3^5 \cdot 3^{-2} \cdot 3^{-3}}_1 \cdot \left(-\frac{1}{3}\right)^{-3}\right]} = \frac{\cancel{0.35} \cdot 3^6}{\cancel{0.35} \cdot (-3)^3} = \frac{3^6}{-3^3} = -3^3 = \boxed{-27} \quad \text{TOTAL: 2}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \quad \text{a) } A &= (-\infty, 0) \quad \xrightarrow{\substack{\text{--} \infty \\ 0 \\ 0.025 \text{ cada uno}}} \quad A = \left\{ x \in \mathbb{R} / x < 0 \right\} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \text{0.05 cada uno} \end{array} \right\} \quad A \cup B = (-\infty, 3) \quad \text{0.1 cada uno} \\ B &= [-1, 3) \quad \xrightarrow{\substack{0 \\ -1 \\ 1 \\ 3 \\ 0.025 \text{ cada uno}}} \quad B = \left\{ x \in \mathbb{R} / -1 \leq x < 3 \right\} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \text{0.05 cada uno} \end{array} \right\} \quad A \cap B = [-1, 0) \\ \text{b) } 2,7 &= \frac{27-2}{9} = \frac{25}{9} \\ 1,8 &= \frac{18}{10} = \frac{9}{5} \quad \text{0.05 cada uno} \\ 2,26 &= \frac{226-2}{99} = \frac{224}{99} \\ 0,113 &= \frac{113-1}{990} = \frac{112}{990} = \frac{56}{495} \end{aligned}$$

$$2,7 \cdot 1,8 + 2,26 : 0,113 = \frac{25}{9} \cdot \frac{9}{5} + \frac{224}{99} : \frac{56}{495} = 5 + \frac{224 \cdot 495}{56 \cdot 99} =$$

$$= 5 + \frac{56 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 99}{56 \cdot 99} = 5 + 20 = \boxed{25} \text{ 0.15}$$

$$\text{d) } \frac{5}{4} = \frac{15}{12} = \frac{30}{24} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \frac{4}{3} = \frac{16}{12} = \frac{32}{24} \end{array} \right\} \text{ soluc: } \boxed{\frac{31}{24}} \text{ 0.35}$$

$$\text{c) } 2008 \in \mathbb{Q} \text{ pq. es IN}$$

$0,101101110\dots \in \mathbb{II}$ pq. tiene 80 cifras decimales no periódicas

$\sqrt{3} \in \mathbb{II}$ pq. su expresión decimal tiene 80 cifras decimales no periódicas

$0,2\bar{3} \in \mathbb{Q}$ pq. es periódico

$0,25 \in \mathbb{Q}$ pq. es decimal exacto 0.05 cada uno

$\sqrt[3]{16} \approx 2 \in \mathbb{Q}$ pq. es Z

$-\frac{1}{3} \in \mathbb{Q}$ pq. es un cociente de Z

TOTAL: 1,75

e) "Si los únicos divisores primos de una fracción irreducible de nos enteros son el 2 y/o 5, entonces su expresión decimal será un n.º exacto; en caso contrario, será periódico"

p.ej. $\frac{1}{2} \rightarrow$ EXACTO
 $\frac{1}{3} \rightarrow$ PERIÓDICO 0.333...

$$\textcircled{4} \quad \text{a) } \frac{\sqrt[3]{81} \cdot (\sqrt{3})^3}{\sqrt[3]{3\sqrt{3}} \cdot \sqrt[3]{9}} = \frac{\sqrt[3]{3^4} \cdot \sqrt{3^3}}{\sqrt[3]{3^3} \cdot \sqrt[3]{3^2}} = \frac{\sqrt[6]{3^8 \cdot 3^9} \text{ 0.25}}{\sqrt[6]{3^{12}} \text{ 0.25}} = \frac{\sqrt[6]{3^{12}}}{3^2} = \boxed{9} \text{ 0.5}$$

TOTAL: 2

$$\text{b) } 5\sqrt{\frac{3}{4}} + \sqrt{27} - 4\sqrt{3} - 5\sqrt{12} = 5 \cdot \sqrt{\frac{3}{2^2}} + \sqrt{3^3} - 4\sqrt{3} - 5\sqrt{2^2 \cdot 3} = \frac{5}{2}\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 4\sqrt{3} - 10\sqrt{3} = \left(\frac{5}{2} + 3 - 4 - 10\right)\sqrt{3} = \boxed{-\frac{17}{2}\sqrt{3}}$$

$$\textcircled{5} \quad \text{a) } \frac{5}{3\sqrt{5}} = \frac{5\sqrt{5}}{3\sqrt{5} \cdot \sqrt{5}} = \frac{5\sqrt{5}}{3 \cdot 5} = \boxed{\frac{\sqrt{5}}{3}} \text{ 0.35}$$

TOTAL: 2

$$\text{b) } \frac{5-7\sqrt{3}}{1+\sqrt{3}} = \frac{(5-7\sqrt{3})(1-\sqrt{3})}{(1+\sqrt{3})(1-\sqrt{3})} = \frac{5-5\sqrt{3}-7\sqrt{3}+7\sqrt{3}\sqrt{3}}{-2} = \frac{5-5\sqrt{3}-7\sqrt{3}+21}{-2} = \frac{26-12\sqrt{3}}{-2} = \boxed{-13+6\sqrt{3}} \text{ 1.35}$$

ORDEN	0.05
LIMPIEZA, CALIGRAFÍA	0.05
ORTOGRAFIA	0.05
SINTAXIS	0.05
LENGUAJE MATEMÁTICO	0.05
	0.25



**RECUPERACIÓN
1^a EVALUACIÓN
MATEMÁTICAS B**

4º E.S.O. C
CURSO 2006-2007



1. a) Indicar si los siguientes números $\in \mathbb{Q}$ o \mathbb{I} , razonando el porqué:

$$1,1666666\dots \quad \pi \quad -\frac{5}{6} \quad 4,2\overline{3} \quad \sqrt[3]{8} \quad 0,121221222\dots \quad \sqrt{81}$$

- b) Completar la siguiente tabla:

- c) Hallar la U e \cap de los dos primeros intervalos.

- d) Calcular, pasando previamente a fracción generatriz (dar el resultado en forma fraccionaria y decimal):

$$1,9\hat{2} + 0,2\hat{5} (0,2\hat{5} + 0,5) =$$

	$[-2,3]$	
	$\{x \in \mathbb{R} / -1 < x \leq 4\}$	
$\leftarrow \text{---} \circ$ $-\infty \quad 1$		
	$[2, \infty)$	
	$\{x \in \mathbb{R} / x \leq 2\}$	

- e) Operar, expresando el resultado en notación científica:

$$(1,4 \cdot 10^{15} + 2,13 \cdot 10^{18}) \cdot 2 \cdot 10^{-5} = \quad (1,75 \text{ puntos})$$

2. Calcular, simplificando en todo momento:

$$\text{a)} \frac{17}{9} - \frac{15}{5} + \frac{4}{3} : \left(\frac{1}{5} + \frac{2}{3} - \frac{1}{15} \right) + \frac{14}{3} : \frac{16}{8} = \quad \text{b)} \frac{\left[-3 + \frac{2}{5} \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} - \frac{3}{27} \right) \right] : \frac{3}{2}}{\left(\frac{2}{5} - 3 : \frac{3}{2} \right) \frac{8}{27} \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} \right)} = \quad (2 \text{ puntos})$$

3. Calcular, aplicando siempre las propiedades de las potencias:

$$\text{a)} \frac{2^3 \cdot (3^{-2})^{-3} \cdot (-8)^{-2} \cdot (6^2)^{-4}}{[(-9)^{-2}]^3 \cdot 16^{-1} \cdot 4^{-3} \cdot [(-3)^{-2}]^{-3}} = \quad \text{b)} \frac{\left(-\frac{5}{4} \right)^3 \cdot \left(\frac{2}{5} \right)^{-2} \left[\left(\frac{2}{25} \right)^{-2} \right]^2}{\left(\frac{4}{5} \right)^3 \cdot \left(-\frac{5}{2} \right)^{-1} \cdot (-25)^{-2} \cdot \left[\left(\frac{5}{2} \right)^{-3} \right]^2} = \quad (2 \text{ puntos})$$

4. a) Operar y extraer factores del resultado: $5 \sqrt[3]{\frac{3}{2}} \sqrt[3]{\frac{4}{81}} =$

$$\text{b) Operar y simplificar: } \frac{(\sqrt{27})^3 \cdot \sqrt[3]{9}}{\sqrt[3]{81} \cdot (\sqrt{3})^3} = \quad (2 \text{ puntos})$$

5. Operar, simplificando al máximo el radical resultante:

$$\text{a)} \sqrt{2 \cdot \sqrt{2}} \cdot \sqrt[4]{2} = \quad \text{b)} \frac{\sqrt[6]{54} \cdot \sqrt[12]{27}}{\sqrt[12]{4} \cdot \sqrt[4]{12}} = \quad (2 \text{ puntos})$$

① a) $1,1\bar{6} \in \mathbb{Q}$ pq. es periódico

$\pi \in \mathbb{II}$ pq. su expresión decimal consta de 30 cifras no periódicas.

$-\frac{5}{6} \in \mathbb{Q}$ pq. es una fracción de enteros

$4,2\bar{3} \in \mathbb{Q}$ pq. es periódico

0,05 cada uno

$\sqrt[3]{8} = 2 \in \mathbb{Q}$ pq. $\in \mathbb{N}$

$0,121221222 \in \mathbb{II}$ pq. consta de 30 cifras decimales no periódicas

$\sqrt{81} = 9 \in \mathbb{Q}$ pq. $\in \mathbb{N}$

b)

	$[-2, 3]$	$\{x \in \mathbb{R} / -2 \leq x \leq 3\}$
	$(-1, 4]$	$\{x \in \mathbb{R} / -1 < x \leq 4\}$
	$(-\infty, 1)$	$\{x \in \mathbb{R} / x < 1\}$
	$[2, \infty)$	$\{x \in \mathbb{R} / x \geq 2\}$
	$[-2, 2]$	$\{x \in \mathbb{R} / -2 \leq x \leq 2\}$

0,07
cada uno

$$c) [-2, 3] \cup (-1, 4] = [-2, 4]$$

$$[-2, 3] \cap (-1, 4] = (-1, 3] \quad > 0,35$$

$$d) 1,92 = \frac{192-19}{90} = \frac{173}{90}; \quad 0,25 = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}; \quad 0,2\bar{3} = \frac{25-2}{90} = \frac{23}{90}; \quad 0,3 = \frac{5}{9}$$

$$\Rightarrow \frac{173}{90} + \frac{1}{4} \left(\frac{23}{90} + \frac{5}{9} \right) = \frac{173}{90} + \frac{1}{4} \cdot \frac{23+50}{90} = \frac{173}{90} + \frac{1}{4} \cdot \frac{73}{90} = \frac{173}{90} + \frac{73}{360} = \frac{692+73}{360} = \frac{765}{360} = \frac{17}{8} = 2,125$$

$$e) (1,4 \cdot 10^{15} + 2,13 \cdot 10^{18}) \cdot 2 \cdot 10^{-5} = (1,4 \cdot 10^{-3} \cdot 10^{18} + 2,13 \cdot 10^{18}) \cdot 2 \cdot 10^{-5} = (0,0014 \cdot 10^{18} + 2,13 \cdot 10^{18}) \cdot 2 \cdot 10^{-5} =$$

$$= 2,1314 \cdot 10^{18} \cdot 2 \cdot 10^{-5} = \boxed{4,2628 \cdot 10^{13}} \quad < 0,35$$

$$② a) \frac{17}{9} - \frac{15}{5} + \frac{4}{3} : \left(\frac{1}{5} + \frac{2}{3} - \frac{1}{15} \right) + \frac{14}{3} : \frac{16}{8} = \frac{17}{9} - 3 + \frac{4}{3} : \frac{3+10-1}{15} + \frac{14 \cdot 8}{3 \cdot 16} =$$

$$= \frac{17}{9} - 3 + \frac{4}{3} : \frac{12}{15} + \frac{7}{3} = \frac{17}{9} - 3 + \frac{4 \cdot 15}{3 \cdot 12} + \frac{7}{3} = \frac{17}{9} - 3 + \frac{5}{3} + \frac{7}{3} = \frac{17}{9} - 3 + \frac{12}{3} = \frac{17}{9} - 3 + 4 =$$

$$= \frac{17}{9} + 1 = \boxed{\frac{26}{9}} \quad < 0,75$$

$$b) \left[-3 + \frac{2}{5} \left(\frac{1}{2} : \frac{3}{2} \cdot \frac{8}{27} \right) \right] : \frac{3}{2} = \left[-3 + \frac{2}{5} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{4}{9} \right) \right] : \frac{3}{2} = \frac{\left(-3 + \frac{2}{5} \cdot \frac{17}{18} \right) : \frac{3}{2}}{\left(-3 + \frac{2+17}{5 \cdot 9} \right) : \frac{3}{2}} =$$

$$= \frac{\left(\frac{2}{5} - 3 : \frac{3}{2} \right) \cdot \frac{8}{27} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} \right)}{\left(\frac{2}{5} - \frac{8 \cdot 2}{3^2} \right) \cdot \frac{8}{27} \cdot \frac{4}{2}} = \frac{\left(\frac{2}{5} - 2 \right) \cdot \frac{8}{27} \cdot 2}{\frac{-8}{5} \cdot \frac{8}{27} \cdot 2} =$$

$$= \frac{\left(-3 + \frac{17}{45} \right) : \frac{3}{2}}{\frac{-128}{135}} = \frac{-\frac{118}{45} \cdot \frac{2}{3}}{\frac{-128}{135}} = \frac{-\frac{236}{135}}{\frac{-128}{135}} = \frac{236}{128} = \boxed{\frac{59}{32}} \quad < 1,25$$

$$③ a) \frac{2^3 \cdot (3^{-2})^{-3} \cdot (-8)^{-2} \cdot (6^2)^{-4}}{(-9)^{-2}]^3 \cdot 16^{-1} \cdot 4^{-3} \cdot (-3)^{-2}]^{-3}} = \frac{2^3 \cdot 3^6 \cdot (-2^3)^2 \cdot [(2 \cdot 3)^2]^{-4}}{[(-3^2)^{-2}]^3 \cdot (2^4)^{-1} \cdot (2^2)^{-3} \cdot (-3)^6} = \frac{2^3 \cdot 3^6 \cdot 2^{-6} \cdot 2^{-8} \cdot 3^{-8}}{(-3^2)^{-6} \cdot 2^{-4} \cdot 2^{-6} \cdot 3^6} =$$

$$= \frac{-2^3 \cdot 3^6 \cdot 2^{-8} \cdot 3^{-8}}{3^{12} \cdot 2^{-4} \cdot 2^{-6} \cdot 3^6} = \frac{2^{-15} \cdot 3^{-8}}{2^{-10} \cdot 3^{12}} = \boxed{\frac{3^4}{2}} \quad \leftarrow 0.75$$

$$\text{b) } \frac{\left(\frac{-5}{4}\right)^3 \cdot \left(\frac{2}{5}\right)^{-2} \cdot \left[\left(\frac{2}{25}\right)^{-2}\right]^2}{\left(\frac{4}{5}\right)^3 \cdot \left(-\frac{5}{2}\right)^{-1} \cdot (-25)^{-2} \cdot \left\{\left(\frac{5}{2}\right)^{-3}\right\}^{-3}} = \frac{\left(-\frac{5}{2^2}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{2}\right)^2 \cdot \left(\frac{2}{5^2}\right)^{-4}}{\left(\frac{2^2}{5}\right)^3 \cdot \left(-\frac{2}{5}\right) \cdot (-5^2)^{-2} \cdot \left(\frac{5}{2}\right)^{18}} = \frac{-\frac{5^3}{2^6} \cdot \frac{5^2}{2^2} \cdot \left(\frac{5^2}{2}\right)^4}{\frac{2^6}{5^3} \cdot \left(-\frac{2}{5}\right) \cdot 5^{-4} \cdot \frac{5^{18}}{2^{18}}} =$$

$$= \frac{-\frac{5^3 \cdot 5^2 \cdot 5^8}{2^6 \cdot 2^2 \cdot 2^4}}{-\frac{2^6 \cdot 2 \cdot 5^{18}}{5^3 \cdot 5 \cdot 5^4 \cdot 2^{18}}} = \frac{5^{13} \cdot 5^3 \cdot 2^{18}}{5^{18} \cdot 2^{12} \cdot 2^7} = \frac{5^{21} \cdot 2^{18}}{5^{18} \cdot 2^{14}} = \frac{5^3}{2} = \boxed{\frac{125}{2}} \quad \leftarrow 1.25$$

(4) a)

$$5 \cdot \sqrt[3]{\frac{3}{2}} \cdot \sqrt[3]{\frac{4}{81}} = 5 \cdot \sqrt[3]{\frac{3}{2}} \cdot \sqrt[3]{\frac{2^2}{3^4}} = 5 \cdot \sqrt[3]{\frac{3 \cdot 2^2}{2 \cdot 3^4}} = 5 \cdot \sqrt[3]{\frac{2}{3^3}} = \boxed{\frac{5 \cdot \sqrt[3]{2}}{3}} \quad \leftarrow 0.75$$

$$\frac{(\sqrt{27})^3 \cdot \sqrt[3]{3^4}}{\sqrt[3]{81} \cdot (\sqrt{3})^3} = \frac{(\sqrt{3^3})^3 \cdot \sqrt[3]{3^2}}{\sqrt[3]{3^4} \cdot \sqrt[3]{3^3}} = \frac{\sqrt{3^9} \cdot \sqrt[3]{3}}{\sqrt[3]{3^4} \cdot \sqrt[3]{3^3}} = \frac{\sqrt[6]{3^{27}} \cdot \sqrt[6]{3^2}}{\sqrt[6]{3^8} \cdot \sqrt[6]{3^9}} = \sqrt[6]{\frac{3^{27} \cdot 3^2}{3^8 \cdot 3^9}} = \sqrt[6]{3^{12}} = 3^2 = \boxed{9} \quad \leftarrow 1.25$$

(5) a) $\sqrt{2\sqrt{2}} \cdot \sqrt[4]{2} = \sqrt{\sqrt{2^3} \cdot \sqrt[4]{2}} = \sqrt[4]{2^3} \cdot \sqrt[4]{2} = \sqrt[4]{2^4} = \boxed{2} \quad \leftarrow 1$

b) $\frac{\sqrt[6]{54} \cdot \sqrt[12]{27}}{\sqrt[12]{4} \cdot \sqrt[4]{12}} = \frac{\sqrt[6]{3^3 \cdot 2} \cdot \sqrt[12]{3^3}}{\sqrt[12]{2^2} \cdot \sqrt[4]{3 \cdot 2^2}} = \frac{\sqrt[12]{3^6 \cdot 2} \cdot \sqrt[12]{3^3}}{\sqrt[12]{2^2} \cdot \sqrt[12]{3^3 \cdot 2^6}} = \sqrt[12]{\frac{3^6 \cdot 2 \cdot 3^3}{2^2 \cdot 3^3 \cdot 2^6}} = \sqrt[12]{\frac{3^6}{2^6}} = \boxed{\sqrt{\frac{3}{2}}} \quad \leftarrow 1$

ORIGENALIA $\rightarrow 0.05$
 SINTAXIS $\rightarrow 0.05$
 ORDEN $\rightarrow 0.05$
 LIMPIEZA $\rightarrow 0.05$
 LEXICOGRAMMATICO $\rightarrow 0.05$
 TOTAL: 0.25



**RECUPERACIÓN
1ª EVALUACIÓN
MATEMÁTICAS B**

**4º ESO D
CURSO 2005-2006**



1. Calcula, **simplificando en todo momento** los pasos intermedios y el resultado:

$$\frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{5} + \frac{3}{4} : \frac{1}{2} + 5}{\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{2}{5} + \frac{3}{4} : \frac{1}{2} + 5 \right)} = \quad (2 \text{ puntos})$$

2. Calcula, **aplicando en todo momento propiedades de potencias**, y simplificando en los pasos intermedios:

$$\frac{\left[\frac{3}{(1/3)^{-2}} \right]^2 \cdot \left(\frac{3}{2} \right)^{-3} + 3^{-1}}{\left[\left(\frac{5}{3} \right)^{-3} \cdot 25 \cdot \left(\frac{5}{2} \right)^{-1} \right] : \frac{5}{3}} = \quad (2 \text{ puntos})$$

3. Para cada uno de los siguientes números, indica si $\in Q$ o $\notin Q$, razonando el porqué:

$$\frac{5}{2} \quad 3,141592654\dots \quad 1,3\bar{5} \quad \sqrt[3]{\frac{1}{8}} \quad 5 \quad (1 \text{ punto})$$

4. Rellena la siguiente tabla:

	(-3,3]	
	$x > -1$	
		$ x \leq 3$

5. Opera, dejando el resultado como un único radical **irreducible**:

a) $\sqrt[3]{2\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} =$ b) $\frac{\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt[12]{2}}{\sqrt[12]{18}} =$ (2 puntos)

6. a) Extrae factores y simplifica: $\sqrt{128} + 5\sqrt{12} - 2\sqrt{18} - 3\sqrt{27} - \sqrt{2} =$

b) Racionaliza, dejando el **resultado simplificado**: $\frac{\sqrt{2} - 4}{3\sqrt{2}} =$

c) Ídem: $\frac{\sqrt{5} + 2\sqrt{3}}{2\sqrt{5} - \sqrt{3}} =$ (2 puntos)

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad & \frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{5} + \frac{3}{2} : \frac{1}{4} + 5}{\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{2}{5} + \frac{3}{2} : \frac{1}{4} + 5 \right)} = \frac{\frac{1}{2} - \frac{2}{15} + \frac{3.4}{2} + 5}{\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{2}{5} + \frac{3.4}{2} + 5 \right)} = \frac{\frac{1}{2} - \frac{2}{15} + 6 + 5}{\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{2}{5} + 6 + 5 \right)} = \frac{\frac{1}{2} - \frac{2}{15} + 11}{\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{2}{5} + 11 \right)} = \frac{\frac{15-4+330}{30}}{\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \frac{57}{5}} = \\ & = \frac{\frac{341}{30}}{\frac{1}{2} - \frac{57}{30}} = \frac{\frac{341}{30}}{\frac{1}{2} - \frac{19}{5}} = \frac{\frac{341}{30} \text{ 0.75}}{-\frac{73}{10} \text{ 0.75}} = -\frac{341 \cdot 10}{33 \cdot 30} = -\frac{31 \cdot 11 \cdot 10}{3 \cdot 11 \cdot 3 \cdot 10} = \boxed{-\frac{31}{9}} \text{ 0.5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \quad & \frac{\left[\frac{3}{\left(\frac{1}{3} \right)^{-2}} \cdot \left(\frac{3}{2} \right)^{-3} + 3^{-1} \right]}{\left[\left(\frac{5}{3} \right)^{-3} \cdot 25 - \left(\frac{5}{2} \right)^{-1} \right] : \frac{5}{3}} = \frac{\left(\frac{3}{\frac{1}{9}} \right)^2 \cdot \left(\frac{2}{3} \right)^3 + \frac{1}{3}}{\left[\left(\frac{3}{5} \right)^3 \cdot 5^2 - \frac{2}{5} \right] : \frac{5}{3}} = \frac{\left(\frac{1}{3} \right)^{-2} \cdot \left(\frac{2}{3} \right)^3 + \frac{1}{3}}{\left(\frac{3^3 \cdot 5^2}{5^3} - \frac{2}{5} \right) : \frac{5}{3}} = \frac{3^2 \cdot \frac{2^3}{3^3} + \frac{1}{3}}{\left(\frac{3^3}{5} - \frac{2}{5} \right) : \frac{5}{3}} = \frac{\frac{2^3}{3} + \frac{1}{3}}{\left(\frac{27}{5} - \frac{2}{5} \right) : \frac{5}{3}} = \frac{\frac{8}{3} + \frac{1}{3}}{\frac{25}{5} : \frac{5}{3}} = \\ & = \frac{\frac{9}{3}}{\frac{25 \cdot 3}{8 \cdot 5}} = \frac{\frac{9}{3} \text{ 0.75}}{3 \text{ 0.75}} = \boxed{1} \text{ 0.5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \quad & \frac{5}{2} \in \mathbb{Q} \text{ pq. es una fracción de enteros } \text{ 0.25} \\ & 3,141592654\dots \in \mathbb{I} \text{ pq. tiene } \infty \text{ cifras decimales no periódicas } \text{ 0.25} \\ & 1,3\bar{5} \in \mathbb{Q} \text{ pq. es periódico } \text{ 0.25} \\ & \sqrt[3]{\frac{1}{8}} = \frac{1}{2} \in \mathbb{Q} \text{ pq. es una fracción de enteros } \text{ 0.25} \\ & 5 \in \mathbb{Q} \text{ pq. } \in \mathbb{N} \text{ 0.25} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & \begin{array}{c|c|c} \text{cada apartado} & \text{(-2, 3]} & -2 < x \leq 3 \\ \hline -3 & (-3, 3] & -3 < x \leq 3 \\ \hline -\infty & (-\infty, 2] & x \leq 2 \\ \hline -1 & (-1, \infty) & x > -1 \\ \hline -3 & [-3, 3] & |x| \leq 3 \end{array} \\ \textcircled{5} \quad & \begin{aligned} \text{a) } & \sqrt[3]{2\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} = \sqrt[3]{\sqrt[3]{2^3} \cdot \sqrt{2}} = \sqrt[6]{2^3 \cdot \sqrt{2}} = \sqrt[6]{12 \cdot \sqrt{2}} = \boxed{\sqrt{2}} \text{ 1} \\ \text{b) } & \frac{3\sqrt{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt[12]{2}}{\sqrt[12]{18}} = \frac{3\sqrt{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt[12]{2^4 \cdot 3^6 \cdot 2^4}}{\sqrt[12]{3^2 \cdot 2} \text{ 0.25}} = \frac{\sqrt[12]{2^4 \cdot 3^6 \cdot 2^4}}{\sqrt[12]{3^2 \cdot 2} \text{ 0.25}} = \frac{\sqrt[12]{2^4 \cdot 3^6 \cdot 2^4}}{\sqrt[12]{2^4 \cdot 3^4} \text{ 0.25}} = \sqrt[3]{2 \cdot 3} = \boxed{\sqrt[3]{6}} \text{ TOTAL: 1} \end{aligned} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{6} \quad & \text{a) } \sqrt{128} + 5\sqrt{12} - 2\sqrt{18} - 3\sqrt{27} - \sqrt{2} = \sqrt{2^7} + 5\sqrt{2^2 \cdot 3} - 2\sqrt{3^2 \cdot 2} - 3\sqrt{3^3} - \sqrt{2} = 2^3 \cdot \sqrt{2} + 5 \cdot 2\sqrt{3} - 2 \cdot 3\sqrt{2} - 3 \cdot 3\sqrt{3} - \sqrt{2} = \\ & = 8\sqrt{2} + 10\sqrt{3} - 6\sqrt{2} - 9\sqrt{3} - \sqrt{2} = \boxed{\sqrt{2} + \sqrt{3}} \text{ 0.25} \text{ TOTAL: 0.75} \text{ 0.25} \\ & \text{b) } \frac{\sqrt{2} - 4}{3\sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{2} - 4) \cdot \sqrt{2}}{3\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2} - 4\sqrt{2}}{3 \cdot 2} = \frac{2-4\sqrt{2}}{6} = \boxed{\frac{1-2\sqrt{2}}{3}} \text{ 0.25} \text{ TOTAL: 0.5} \text{ 0.25} \\ & \text{c) } \frac{\sqrt{5} + 2\sqrt{3}}{2\sqrt{5} - \sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{5} + 2\sqrt{3})(2\sqrt{5} + \sqrt{3})}{(2\sqrt{5} - \sqrt{3})(2\sqrt{5} + \sqrt{3})} = \frac{2\sqrt{5} \cdot \sqrt{5} + \sqrt{5} \cdot \sqrt{3} + 4\sqrt{3} \cdot \sqrt{5} + 2\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}}{(2\sqrt{5})^2 - (\sqrt{3})^2 \text{ 0.25}} = \frac{10 + \sqrt{15} + 4\sqrt{15} + 6}{20 - 3} = \boxed{\frac{16 + 5\sqrt{15}}{17}} = \boxed{\frac{16}{17} + \frac{5}{17}\sqrt{15}} \text{ 0.25} \end{aligned}$$