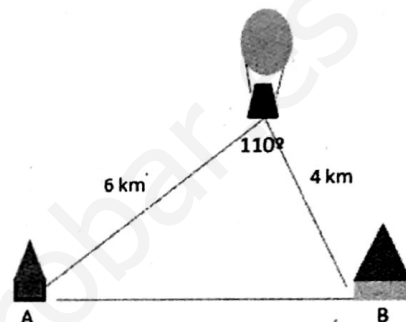


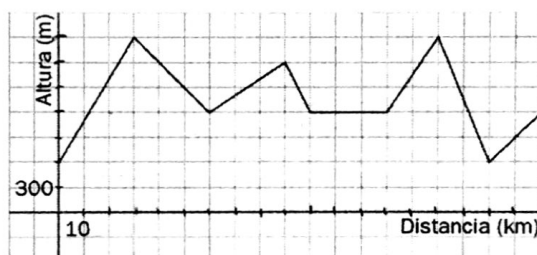
- (1 punto). Si la sombra de un poste es la mitad de su altura, ¿qué ángulo forman los rayos del sol con el suelo?
- (1 punto) Calcular $\sin \alpha$, sabiendo que $\operatorname{tg} \alpha = 3/2$ y que α es un ángulo del tercer cuadrante. Demuestra que sabes resolver el problema sin calculadora. Puedes utilizarla para comprobar tus resultados.

- (1,5 puntos) Desde lo alto de un globo se observa un pueblo A con un ángulo de 50° . Otro pueblo, B, situado al lado y en línea recta se observa desde un ángulo de 60° . El globo se encuentra a 6 km del pueblo A y a 4 km de B. Calcula la distancia entre A y B.



- (1,25 puntos). La gráfica muestra el perfil de una etapa de una vuelta ciclista. Contesta a las siguientes preguntas:

- ¿Qué longitud tiene la etapa?
- ¿A qué distancia de la salida se encuentra el puerto de 1800 m de altura?
- ¿Durante cuántos kilómetros el perfil de la etapa fue llano?
- ¿A qué altura se encuentra el punto más bajo de la etapa?
- ¿A qué altura se encuentra la salida? ¿Y la meta?

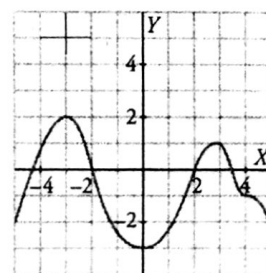


- (2 puntos) Calcula el **dominio** de las siguientes funciones:

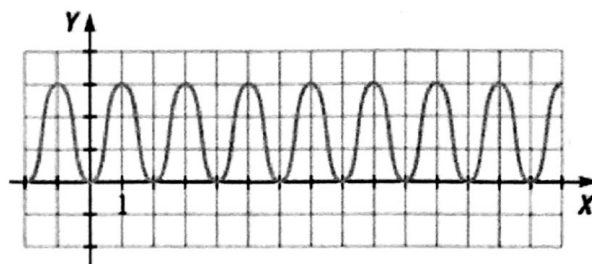
- $f(x) = 3x + 2$
- $f(x) = \frac{2x+1}{x^2-3x-10}$
- $f(x) = \sqrt{x^2+2x-3}$
- $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$

- (1 punto). De la función $f(x)$ que aparece representada en la figura, define:

- El dominio.
- El recorrido.
- Los intervalos de crecimiento y decrecimiento.
- Los extremos relativos.



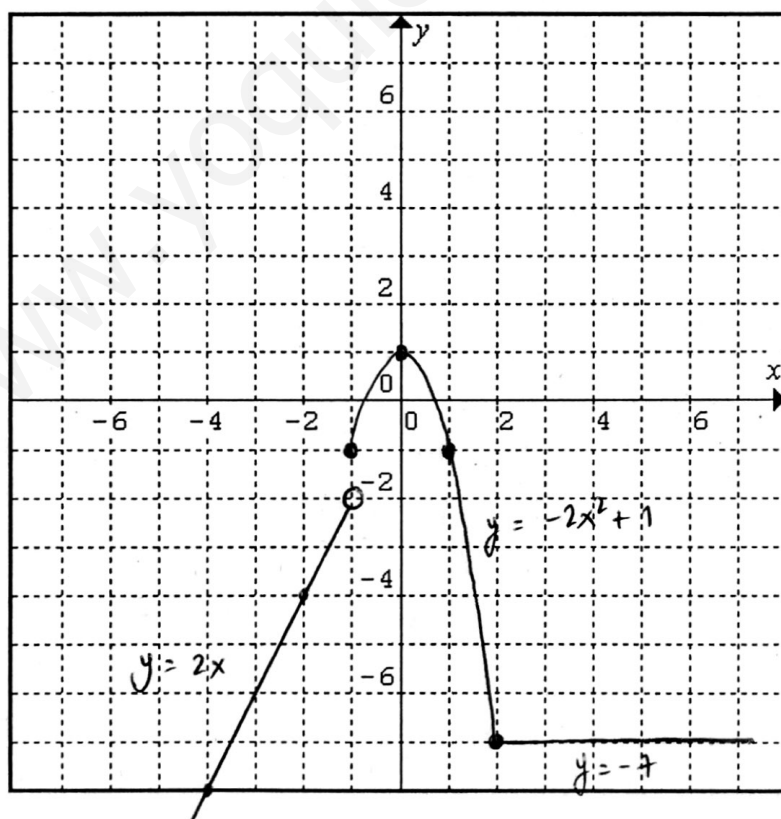
7. (0,75 puntos). Indica el **recorrido**, la **simetría** y la **periodicidad** de la siguiente función:



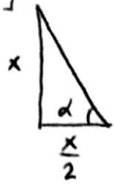
8. (1,5 puntos) Dada la función a trozos:

$$f(x) = \begin{cases} 2x & \text{si } x < -1 \\ -2x^2 + 1 & \text{si } -1 \leq x \leq 2 \\ -7 & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

- Representála gráficamente.
- Define su dominio y su recorrido.
- Analiza su continuidad, indicando el tipo de discontinuidad que presenta, si es el caso.



(1) Datos:
[1p]



$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{c.op}}{\text{c.adt}} = \frac{x}{x/2} = 2$$

$$\alpha = \arctg 2 = 63,435^\circ$$

$$\boxed{\alpha = 63,435^\circ}$$

¿α?

(2) Datos:
[1p]

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{2}$$

$\alpha \in \text{III}$

¿sen α?

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\operatorname{sen} \alpha}{\cos \alpha} ; \quad \frac{3}{2} = \frac{\operatorname{sen} \alpha}{\cos \alpha} ; \quad \operatorname{sen} \alpha = \frac{3}{2} \cos \alpha$$

$$\operatorname{sen}^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

Relación fundamental de la Trigonometría

$$\left(\frac{3}{2} \cos \alpha\right)^2 + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\frac{9}{4} \cos^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\frac{13}{4} \cos^2 \alpha = 1$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{4}{13} ; \quad \cos \alpha = \sqrt{\frac{4}{13}} = \frac{2}{\sqrt{13}} \quad 0,6$$

$\alpha \in \text{III}$

$$\operatorname{sen} \alpha = \frac{3}{2} \cos \alpha = \frac{3}{2} \cdot \frac{2}{\sqrt{13}} = \frac{3}{\sqrt{13}}$$

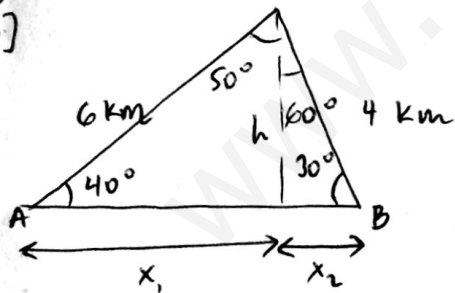
$\operatorname{sen} \alpha < 0$

0,1

0,3

$$\Rightarrow \boxed{\operatorname{sen} \alpha = -\frac{3}{\sqrt{13}}}$$

(3)
[1,5p]



$$\operatorname{sen} \alpha = \frac{\text{c.op}}{h}$$

$$\operatorname{sen} 40^\circ = \frac{h}{6 \text{ km}} ; \quad h = 6 \cdot \operatorname{sen} 40^\circ = 3,86 \text{ km}$$

altura del globo (no lo preguntan)

$$\cos \alpha = \frac{\text{cat.-adt}}{h}$$

$$\cos 40^\circ = \frac{x_1}{6} ; \quad x_1 = 6 \cos 40^\circ = 4,6 \text{ km} \quad 0,5$$

$$\cos 30^\circ = \frac{x_2}{4} ; \quad x_2 = 4 \cos 30^\circ = 3,46 \text{ km} \quad 0,5$$

Distancia entre A y B = $x_1 + x_2 = 4,6 + 3,46 = 8,06 \text{ km}$

0,5

$$\boxed{AB = 8,06 \text{ km}}$$

4)
[1,25 p]

- a) Tiene una longitud de 190 km medida en línea recta
- b) se encuentra a 90 km de la salida
- c) Fue llano desde los 100 km hasta los 130 km, es decir 30 km
- d) El punto más bajo se encuentra a 600 m
- e) la salida se encuentra a 600 m y la meta a 1200 m.

0,25 p
Cada aptda.

5)
[2 p]

a) $f(x) = 3x + 2$ F. polinomial

0,25

Dom $f(x) = \mathbb{R} = (-\infty, +\infty)$

b) $f(x) = \frac{2x+1}{x^2-3x-10}$ F. racional

$x^2 - 3x - 10 = 0$
 $x = \frac{3 \pm \sqrt{(-3)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-10)}}{2 \cdot 1} = \frac{3 \pm 7}{2}$ $x_1 = \frac{10}{2} = 5$
 $x_2 = \frac{-4}{2} = -2$ 0,5

Dom $f(x) = \mathbb{R} - \{-2, 5\} = (-\infty, -2) \cup (-2, 5) \cup (5, +\infty)$

c) $f(x) = \sqrt{x^2 + 2x - 3}$ F. irracional

$x^2 + 2x - 3 = 0$
 $x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-3)}}{2 \cdot 1} = \frac{-2 \pm 4}{2}$ $x_1 = \frac{2}{2} = 1$
 $x_2 = \frac{-6}{2} = -3$ 0,75

	-3	1
$(x-1)$	-	-
$(x+3)$	-	+
$(x-1)(x+3)$	+	-

Dom $f(x) = (-\infty, -3] \cup [1, +\infty)$

se incluyen porque el radicando puede valer cero.

d) $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$ F. irracional

$x+1 > 0$
 $x > -1$ Dom $f(x) = (-1, +\infty)$ 0,5

6)
[1 p]

a) Dom $f(x) = \mathbb{R}$

b) Rec $f(x) = (-\infty, 2]$

c) $f(x)$ creciente: $(-\infty, -3) \cup (0, 3)$

$f(x)$ decreciente: $(-3, 0) \cup (3, +\infty)$

d) Extremos relativos

Mínimo RELATIVO $(0, -3)$

Máximos RELATIVOS $(-3, 2); (3, 1)$

0,25 p. cada aptda.

7
[0,75 p]

$$\text{Rec } f(x) = [0, 3]$$

0,25

Simetría PAR

$f(-x) = f(x) \rightarrow$ la función es simétrica con respecto al eje y 0,25

$f(x)$ es periódica con $T = 2$ 0,25

8
[1,5 p]

a) Representación gráfica

$$y = 2x$$

Recta

x	y
-4	-8
-2	-4

$$y = -2x^2 + 1$$

Parábola

$a < 0 \rightarrow$ Máximo

0,75

x	y
-1	-1
0	1
1	-1
2	-7

b) Dom $f(x) = \mathbb{R}$

$$\text{Rec } f(x) = (-\infty, 1]$$

0,5

c) $x = -1$. Discontinuidad inevitable de salto finito 0,25

En $x = 2$, a pesar de cambiar la forma de la función, no hay ningún problema de continuidad.