

**INSTRUCCIONES Y CRITERIOS GENERALES DE CALIFICACIÓN**

Después de leer atentamente el examen, responda razonadamente a cinco preguntas cualesquiera a elegir entre las diez que se proponen.

**TIEMPO Y CALIFICACIÓN:** 90 minutos. Cada pregunta se calificará sobre 2 puntos.

**A.1. ( 2 puntos)**

Dada la matriz  $A = \begin{pmatrix} 2 & 5a \\ a & 3 \end{pmatrix}$  con  $a \in \mathbb{R}$ .

- Determine los valores del parámetro  $a$  para los que se verifica la igualdad  $A^2 - 5A = -I$ , donde  $I$  es la matriz identidad.
- Calcule  $A^{-1}$  para  $a = -1$ .

**A.2. ( 2 puntos)**

Un vivero elabora dos tipos de sustratos. Para elaborar  $1 \text{ m}^3$  del tipo A necesita 60 kg de tierra vegetal y 30 horas de trabajo. Para elaborar  $1 \text{ m}^3$  del tipo B necesita 50 kg de tierra vegetal y 50 horas de trabajo. El vivero dispone como máximo de 21000 kg de tierra vegetal y 15000 horas de trabajo. Además, la cantidad de metros cúbicos que elabora de tipo A debe ser como mucho cinco veces la cantidad de tipo B. Por la venta de cada metro cúbico de tipo A obtiene un beneficio de 50 € y 60 € por cada metro cúbico de tipo B.

- Represente la región del plano determinada por las restricciones anteriores y determine las coordenadas de sus vértices.
- Determine cuántos metros cúbicos de cada tipo deben elaborarse para, respetando las restricciones anteriores, maximizar el beneficio. Obtenga el valor del beneficio máximo.

**A.3. ( 2 puntos)**

Se considera la función real de variable real

$$f(x) = \begin{cases} \frac{6x}{2x^2 + 1} & \text{si } x < 1 \\ 2m + \ln x & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$$

- Estudie los valores del parámetro  $m \in \mathbb{R}$  para que  $f(x)$  sea continua en  $x = 1$  y calcule la derivada de la función para  $x < 1$ .
- Halle el área de la región del plano limitada por la curva  $y = f(x)$ , las rectas  $x = -1$  y  $x = 0$  y el eje  $OX$ .

**A.4. ( 2 puntos)**

Sean  $A$  y  $B$  sucesos de un experimento aleatorio tales que:  $P(A|B) = \frac{1}{4}$ ,  $P(B) = \frac{1}{6}$  y  $P(A) = \frac{2}{3}$ . Calcule:

- $P(A \cup \bar{B})$ .
- $P((\bar{A} \cap B) \cup (\bar{B} \cap A))$ .

*Nota:  $\bar{S}$  denota el suceso complementario del suceso  $S$ .*

**A.5. ( 2 puntos)**

El peso de una patata, en gramos (g), de una remesa que llega a un mercado se puede aproximar por una variable aleatoria  $X$  con distribución normal de media  $\mu$  y desviación típica  $\sigma = 60$  g.

- Determine el tamaño mínimo que debe tener una muestra aleatoria simple para que el error máximo cometido en la estimación de  $\mu$  sea menor que 20 g, con un nivel de confianza del 95 %.
- Suponiendo que se selecciona una muestra aleatoria simple de tamaño  $n = 100$ , calcule el valor de la media  $\mu$  para que  $P(\bar{X} \leq 220) = 0,9940$ .

**B.1. ( 2 puntos)**

Se considera el sistema de ecuaciones lineales dependiente del parámetro  $a \in \mathbb{R}$ :

$$\left. \begin{aligned} x - ay &= 1 \\ ax - 4y - z &= 2 \\ 2x + ay - z &= a - 4 \end{aligned} \right\}$$

- a) Discuta el sistema para los diferentes valores de  $a$ .  
 b) Resuelva el sistema para  $a = 3$ .

**B.2. ( 2 puntos)**

Se considera la función real de variable real definida por

$$f(x) = \frac{ax^2 - 3}{x^2 - 5}$$

- a) Calcule el valor del parámetro  $a \in \mathbb{R}$  para que  $f(x)$  tenga una asíntota horizontal en  $y = -1$ .  
 b) Para  $a = 1$ , halle los intervalos de crecimiento y decrecimiento de  $f(x)$  y los extremos relativos, si existen.

**B.3. ( 2 puntos)**

Dada la función real de variable real

$$f(x) = e^{2x} + x$$

- a) Determine la ecuación de la recta tangente a  $f(x)$  en  $x = 0$ .  
 b) Calcule

$$\int_0^1 f(x) dx$$

**B.4. ( 2 puntos)**

En un instituto se decide que los alumnos y alumnas solo pueden utilizar un único color (azul o negro) al realizar los exámenes. Dos de cada tres exámenes están escritos en azul. La probabilidad de que un examen escrito en azul sea de una alumna es de  $0,7$ . La probabilidad de que un examen esté escrito en negro y sea de un alumno es  $0,2$ . Se elige un examen al azar. Determine la probabilidad de que

- a) Sea el examen de un alumno.  
 b) Sabiendo que está escrito en negro, sea de un alumno.

**B.5. ( 2 puntos)**

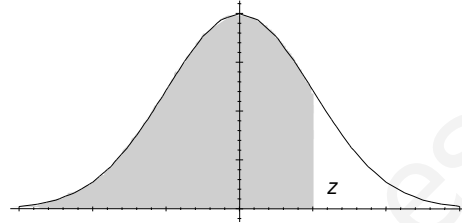
Una persona se ha propuesto salir a caminar todos los días realizando el mismo recorrido y cronometrando el tiempo que tarda en completarlo. El tiempo que está caminando por este recorrido puede aproximarse por una variable aleatoria con distribución normal cuya desviación típica es 10 minutos.

- a) Utilizando la información de una muestra aleatoria simple, se ha obtenido el intervalo de confianza  $(26.9, 37.1)$ , expresado en minutos, para estimar el tiempo medio que tarda en realizar el recorrido,  $\mu$ , con un nivel de confianza del 98,92 %. Obtenga el tamaño de la muestra elegida y el valor de la media muestral.  
 b) Si el tiempo medio para completar el recorrido es  $\mu = 30$  minutos, calcule la probabilidad de que, en una muestra de 16 días elegidos al azar, esta persona tarde entre 25 y 35 minutos de media para completar el recorrido.

## Matemáticas Aplicadas a las Ciencias Sociales

### ÁREAS BAJO LA DISTRIBUCIÓN DE PROBABILIDAD NORMAL ESTÁNDAR

Los valores en la tabla representan el área bajo la curva normal hasta un valor positivo de  $z$ .



<b>z</b>	<b>,00</b>	<b>,01</b>	<b>,02</b>	<b>,03</b>	<b>,04</b>	<b>,05</b>	<b>,06</b>	<b>,07</b>	<b>,08</b>	<b>,09</b>
<b>0,0</b>	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
<b>0,1</b>	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
<b>0,2</b>	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
<b>0,3</b>	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
<b>0,4</b>	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
<b>0,5</b>	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
<b>0,6</b>	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
<b>0,7</b>	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7703	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
<b>0,8</b>	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
<b>0,9</b>	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
<b>1,0</b>	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
<b>1,1</b>	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
<b>1,2</b>	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
<b>1,3</b>	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
<b>1,4</b>	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
<b>1,5</b>	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
<b>1,6</b>	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
<b>1,7</b>	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
<b>1,8</b>	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
<b>1,9</b>	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
<b>2,0</b>	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
<b>2,1</b>	0,9821	0,9826	0,9830	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,9850	0,9854	0,9857
<b>2,2</b>	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,9890
<b>2,3</b>	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9904	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
<b>2,4</b>	0,9918	0,9920	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
<b>2,5</b>	0,9938	0,9940	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
<b>2,6</b>	0,9953	0,9954	0,9956	0,9957	0,9959	0,9960	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
<b>2,7</b>	0,9965	0,9966	0,9967	0,9968	0,9969	0,9970	0,9971	0,9972	0,9973	0,9974
<b>2,8</b>	0,9974	0,9975	0,9976	0,9977	0,9977	0,9978	0,9979	0,9979	0,9980	0,9981
<b>2,9</b>	0,9981	0,9982	0,9982	0,9983	0,9984	0,9984	0,9985	0,9985	0,9986	0,9986
<b>3,0</b>	0,9987	0,9987	0,9987	0,9988	0,9988	0,9989	0,9989	0,9989	0,9990	0,9990

MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES II  
**CRITERIOS ESPECÍFICOS DE CORRECCIÓN Y CALIFICACIÓN**

ATENCIÓN: La calificación debe hacerse en múltiplos de 0,25 puntos

**Ejercicio A.1.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto.

Cálculo correcto de los términos de la ecuación ..... 0,50 puntos.

Obtención correcta del parámetro ..... 0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Planteamiento correcto de la inversa..... 0,25 puntos.

Cálculo correcto de la inversa ..... 0,75 puntos

**Ejercicio A.2.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto.

Expresión correcta de las restricciones ..... 0,25 puntos.

Representación correcta de la región factible..... 0,50 puntos.

Obtención correcta de los vértices..... 0,25 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Expresión correcta de la función objetivo..... 0,25 puntos.

Encontrar el punto de valor máximo (abscisa y ordenada)..... 0,50 puntos.

Determinación correcta del máximo de la función..... 0,25 puntos.

**Ejercicio A.3.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto.

Planteamiento correcto de la condición de continuidad ..... 0,25 puntos.

Obtención correcta del parámetro ..... 0,25 puntos.

Cálculo correcto de la derivada..... 0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Planteamiento correcto de la integral y los límites de integración ..... 0,25 puntos.

Cálculo correcto de la integral indefinida ..... 0,50 puntos.

Cálculo correcto de la integral definida ..... 0,25 puntos

**Ejercicio A.4.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto.

Planteamiento correcto de la probabilidad ..... 0,50 puntos.

Cálculo correcto de la probabilidad..... 0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Planteamiento correcto de la probabilidad ..... 0,50 puntos.

Cálculo correcto de la probabilidad..... 0,50 puntos.

**Ejercicio A.5.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto

Cálculo correcto de  $z_{\alpha/2}$  ..... 0,25 puntos.

Expresión correcta de la fórmula del tamaño ..... 0,25 puntos.

Cálculo correcto del tamaño de la muestra..... 0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Expresión de la distribución de la media muestral ..... 0,25 puntos.

Tipificación correcta de la variable..... 0,25 puntos.

Obtención correcta de la media..... 0,50 puntos.

## SOLUCIONES REPERTORIO

### Ejercicio A.1.

a)

$$\underbrace{\begin{pmatrix} -6 + 5a^2 & 0 \\ 0 & -6 + 5a^2 \end{pmatrix}}_{A \cdot A - 5A} = \underbrace{\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}}_{B \cdot C}$$
$$\implies a^2 = 1 \implies a = \pm 1$$

b) Como  $|A| = \begin{vmatrix} 2 & -5 \\ -1 & 3 \end{vmatrix} = 1$ , se sigue que  $A$  es invertible y, puesto que en este caso se verifica que

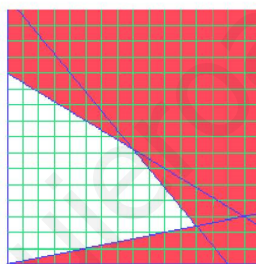
$$A(-A + 5I) = I, \text{ obtenemos que } A^{-1} = -A + 5I \implies A^{-1} = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

### Ejercicio A.2.

Sea  $x$  la cantidad de  $\text{m}^3$  de sustratos de tipo  $A$  e  $y$  la cantidad de  $\text{m}^3$  de sustratos de tipo  $B$ . Entonces:

$$S = \{6x + 5y \leq 2100, 30x + 50y \leq 1500, x \leq 5y, x \geq 0, y \geq 0\},$$

con vértices  $A = (300, 60)$ ,  $B = (200, 180)$ ,  $C = (0, 300)$  y  $D = (0, 0)$ .



Evaluamos la función coste  $B(x, y) = 50x + 60y$  en los vértices de la región factible obtenidos:

- $B(300, 60) = 18600$ .
- $B(200, 180) = 20800 \Rightarrow$  Máximo
- $B(0, 300) = 18000$
- $B(0, 0) = 0$

El máximo beneficio es 20800 euros y se obtiene elaborando 200  $\text{m}^3$  de sustratos de tipo A y 180  $\text{m}^3$  de sustratos de tipo B.

### Ejercicio A.3.

a) Para que la función sea continua en  $x = 1$  necesitamos que

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{6x}{2x^2 + 1} = 2$$

coincida con

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} (2m + \ln x) = 2m.$$

Concluimos que  $m = 1$  para que  $f(x)$  sea continua en  $x = 1$ .

$$\text{La derivada } f'(x) = \frac{-12x^2 + 6}{(2x^2 + 1)^2} \text{ para todo } x < 1$$

b) Puesto que la función es negativa en el intervalo  $[-1, 0]$ , el área es

$$\left| \int_{-1}^0 \frac{6x}{2x^2+1} dx \right| = \left| \left[ \frac{3}{2} \ln(2x^2+1) \right]_{-1}^0 \right| = \frac{3}{2} \ln(3) u^2$$

**Ejercicio A.4.** a) teniendo en cuenta que

$$P(\bar{B} \cup A) = P(\bar{B}) + P(A) - P(\bar{B} \cap A)$$

$$P(A \cap \bar{B}) + P(B \cap A) = P(A) \text{ y } P(B \cap A) = P(A|B)P(B) = 1/24$$

se sigue que

$$P(A \cap \bar{B}) = 2/3 - 1/24 = 15/24 = 5/8 \implies P(\bar{B} \cup A) = 5/6 + 2/3 - 5/8 = 7/8.$$

b) Como  $\bar{A} \cap B$  y  $\bar{B} \cap A$  son disjuntos se tiene que

$$\begin{aligned} P((\bar{A} \cap B) \cup (\bar{B} \cap A)) &= P(B \cap \bar{A}) + P(\bar{B} \cap A) = \\ &= P(\bar{A}|B)P(B) + P(A|\bar{B})P(\bar{B}) = 1/8 + 5/8 = 3/4 \end{aligned}$$

**Ejercicio A.5.**

a) El error es  $E = z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = 1.96 \frac{60}{\sqrt{n}} < 20 \implies \sqrt{n} > 5.88 \implies n \geq 35$ . Por lo tanto se tiene que tomar una muestra de tamaño 35 como mínimo.

b)

$$P(\bar{X} \leq 220) = P(\bar{Z} \leq \frac{220 - \mu}{6}) = 0.9940 \implies \frac{220 - \mu}{6} = 2.51 \implies \mu = 220 - 15.06 = 204.94$$

## SOLUCIONES REPERTORIO

### Ejercicio B.1.

a) La matriz de coeficientes del sistema es:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -a & 0 \\ a & -4 & -1 \\ 2 & a & -1 \end{pmatrix}$$

Cuyo determinante es  $|A| = -a^2 + 3a + 4$ .

Por lo tanto:

- Si  $a \neq -1$  y  $a \neq 4 \implies rg(A) = 3, rg(\bar{A}) = 3 \implies$  SISTEMA COMPATIBLE DETERMINADO.
- Si  $a = 4 \implies rg(A) = 2$  y  $rg(\bar{A}) = 2$  ( La segunda ecuación es la tercera más dos veces la primera)  $\implies$  SISTEMA COMPATIBLE INDETERMINADO.
- Si  $a = -1 \implies rg(A) = 2 \neq rg(\bar{A}) = 3 \implies$  SISTEMA INCOMPATIBLE.

b) Para  $a = 3$  el sistema es compatible determinado. Resulta:

$$\left. \begin{array}{l} x - 3y = 1 \\ 3x - 4y - z = 2 \\ 2x + 3y - z = -1 \end{array} \right\}$$

Aplicando por ejemplo el método de Cramer o el de Gauss obtenemos que la solución es:

$$x = \frac{\begin{vmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 2 & -4 & -1 \\ -1 & 3 & -1 \end{vmatrix}}{4} = \frac{-1}{2}; \quad y = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 3 & 2 & -1 \\ 2 & -1 & -1 \end{vmatrix}}{4} = \frac{-1}{2}; \quad z = \frac{\begin{vmatrix} 1 & -3 & 1 \\ 3 & -4 & 2 \\ 2 & 3 & -1 \end{vmatrix}}{4} = \frac{-3}{2}$$

### Ejercicio B.2.

Dominio de  $f$  es el conjunto  $\mathbb{R} - \{x : x^2 - 5 = 0\} = \mathbb{R} - \{\pm\sqrt{5}\}$

a) Para que  $f$  tenga una asíntota horizontal en  $y = -1$  se debe cumplir que

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$$

Como

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^2 - 3}{x^2 - 5} = a = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{ax^2 - 3}{x^2 - 5}$$

Se sigue que  $a = -1$

b) para  $a = 1$  tenemos que

$$f'(x) = \frac{-4x}{(x^2 - 5)^2} = 0 \implies f'(x) = 0 \implies x = 0.$$

Mirando ahora el signo de la derivada:

- $(-\infty, -\sqrt{5}), (-\sqrt{5}, 0)$  la derivada es positiva y por tanto la función creciente.
- En  $(0, \sqrt{5}), (\sqrt{5}, \infty)$  la derivada es negativa y por tanto la función es decreciente.
- En  $x = 0$  hay un máximo.

### Ejercicio B.3.

a) Calculamos la derivada

$$f'(x) = 2e^{2x} + 1 \implies f'(0) = 3 \implies y - 1 = 3x \implies y = 3x + 1$$

b)

$$\int_0^1 (e^{2x} + x) dx = \left| \frac{e^{2x}}{2} + \frac{x^2}{2} \right|_0^1 = \frac{e^2}{2}$$

**Ejercicio B.4.** Denotamos a negro, azul, chico y chica por  $N, A, Y,$  y  $X$  respectivamente. Sabemos además que  $P(N) = 1/3, P(A) = 2/3, P(X|A) = 7/10$  y  $P(Y \cap N) = 1/5$

a)

$$P(Y|N) = \frac{P(Y \cap N)}{P(N)} = 3/5$$

b) Como  $P(Y|A) = 3/10$  se tiene que

$$P(Y) = P(Y|A)P(A) + P(Y \cap N) = 2/5$$

### Ejercicio B.5.

a)  $X \sim N(\mu, \sigma = 10), I_\mu = (26'9, 37'1)$ . Como  $\bar{x} = \frac{26'9 + 37'1}{2} = 32$  se sigue que el error,  $E = 5'1$ .

Teniendo en cuenta que  $z_{\alpha/2} = 2'55 \implies$

$$E = z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \implies 2'55 \frac{10}{\sqrt{n}} = 5'1 \implies n = \left( \frac{25'5}{5'1} \right)^2 = 25.$$

b)  $X \sim N(30, 10) \implies \bar{X} \sim N(30, 2'5) \Leftrightarrow Z = \frac{\bar{X} - 30}{2'5} \sim N(0, 1)$ . Entonces

$$P(25 \leq \bar{X} \leq 35) = P(-2 \leq Z \leq 2) = 2P(Z \leq 2) - 1 = 0'9544.$$



**Ejercicio B.1.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto.

- Cálculo correcto de los valores críticos..... 0,50 puntos.
- Discusión correcta..... 0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Solución correcta del sistema ..... 1,00 punto.

**Ejercicio B.2.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto.

- Planteamiento correcto del límite..... 0,25 puntos.
- Resolución correcta del límite ..... 0,50 puntos.
- Obtención correcta del parámetro ..... 0,25 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Cálculo correcto de la derivada..... 0,25 puntos.
- Obtención de los intervalos de crecimiento y decrecimiento ..... 0,50 puntos.
- Obtención de los extremos relativos ..... 0,25 puntos

**Ejercicio B.3.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto.

- Expresión correcta de la ecuación de la recta tangente ..... 0,25 puntos.
- Cálculo correcto de la pendiente de la tangente ..... 0,50 puntos.
- Ecuación correcta de la recta tangente ..... 0,25 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Cálculo correcto de la integral indefinida ..... 0,50 puntos.
- Cálculo correcto de la integral definida ..... 0,50 puntos

**Ejercicio B.4.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto.

- Planteamiento correcto de la probabilidad ..... 0,50 puntos.
- Cálculo correcto de la probabilidad..... 0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Planteamiento correcto de la probabilidad ..... 0,50 puntos.
- Cálculo correcto de la probabilidad..... 0,50 puntos.

**Ejercicio B.5.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Apartado (a): 1 punto

- Cálculo correcto de  $z_{\alpha/2}$  ..... 0,25 puntos.
- Expresión correcta de la fórmula del tamaño ..... 0,25 puntos.
- Cálculo correcto del tamaño de la muestra..... 0,25 puntos.
- Cálculo correcto de la media muestral ..... 0,25 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Expresión de la distribución de la media muestral ..... 0,25 puntos.
- Tipificación correcta de la variable ..... 0,25 puntos.
- Obtención correcta de la probabilidad..... 0,50 puntos.