FUNCIONES

1) Un rectángulo tiene 20 cm. de perímetro. Escribe la función que da el área de ese rectángulo en función de su base *x*. ¿Cuál es el dominio de esa función?

2) La factura del gas de una familia, en septiembre ha sido de 24,82€ por 12m³, y en octubre de 43,81 por 42m³.

a) Escribe la función que da el importe de la factura según los m³ consumidos y represéntala

b) ¿Cuánto pagarán si consumen 28m³?

3) Hallar el dominio de las siguientes funciones:

a)
$$f(x) = \frac{2x-4}{3x-21}$$

d)
$$f(x) = \frac{2}{x^2 + 4}$$

b)
$$f(x) = \sqrt{x^2 - 25}$$

e)
$$f(x) = \sqrt{\frac{3x - x^2}{-x - 2}}$$

c)
$$f(x) = \frac{x+3}{x^3 + x^2 - 4x - 4}$$

f)
$$f(x) = \sqrt{\frac{-3x}{x^2 - 10}}$$

4) Estudia la simetría de las funciones:

a)
$$f(x) = \frac{x^3 + x}{x^2 + 7}$$

c)
$$f(x)=x^3+3$$

b)
$$f(x) = \sqrt[5]{x^5 + x^3}$$

d)
$$f(x)=x^2-2x+5$$

5) Calcular las inversas (recíprocas) de las siguientes funciones, comprobando después

que el cálculo es correcto, es decir, comprobando que: $f \circ f^{-1}(x) = f^{-1} \circ f(x) = x$

$$a) \quad f(x) = 5x - 7$$

$$d) \quad f(x) = \frac{x}{5}$$

b)
$$f(x) = -3x + \frac{1}{2}$$

e)
$$f(x) = \frac{x+2}{x-5}$$

c)
$$f(x) = \frac{-3}{x}$$

f)
$$f(x) = \frac{2x-3}{5x+6}$$

- 6) Dadas las funciones $f(x)=3x^2-3x$; $g(x)=\sqrt{x-1}$; $h(x)=\frac{x}{x-3}$ Efectuar las siguientes operaciones indicando el dominio de definición de las funciones resultantes:
 - a) f(x)+h(x)

c) $\frac{f(x)}{g(x)}$

b) $f(x) \cdot g(x) - h(x)$

- d) $f(x)\frac{g(x)}{h(x)}$
- 7) Se consideran las funciones $f(x) = \frac{1}{3x 6}$ y $g(x) = 2 + \sqrt{x}$.
 - a) Hallar $(f \circ g)(x)$
 - b) Hallar $(g \circ f)(x)$
 - c) ¿Se cumple la propiedad conmutativa para la composición de funciones?
- 8) El proceso de aprendizaje de una determinada actividad viene dado por la función: $f(t) = 75(1 e^{-0.30t})$ siendo t el tiempo en días y f(t) el número de una escala. ¿Qué puntuación alcanzará una persona que dedica 25 días al aprendizaje de esta actividad?
- 9) Un cultivo de bacterias crece según la función: $y = \frac{30}{2 + e^{-0.25t}}$ donde y representa el número de bacterias y t el tiempo en días. Determina el número de bacterias después de: a) 5 días; b) 10 días; c) 30 días
- 10) El crecimiento de la población de un determinado país sigue la ley exponencial:

$$y = A \cdot e^{rt}$$

Donde A es la población inicial del año 1990 que era de 350 000 habitantes; r la tasa de crecimiento anual expresada en tanto por uno y que, en este caso, es del 0,15 (15% anual), y t el tiempo expresado en años. ¿Cuántos años aproximadamente tardará en duplicarse la población que existía en 1990, si se mantiene la tendencia expuesta en el enunciado?

SOLUCIONES

1) $A(x)=x\cdot(10-x)$. Dominio (0,10).

2)

a)
$$Y=17,224+0,633x$$

b) *34,95€*.

3)

a)
$$\Re \setminus \{7\}$$

d) R

b)
$$(-\infty, -5] \cup [5, +\infty)$$

e)
$$(-\infty, -2) \cup [3, +\infty]$$

c)
$$\Re \{-2,-1,2\}$$

f)
$$(-\sqrt{10},0] \cup (+\sqrt{10},+\infty)$$

4)

a) Impar porque
$$f(-x) = -\frac{x^3 + x}{x^2 + 7} = -f(x)$$

- b) Impar
- c) Ni par ni impar
- d) Ni par ni impar

5)

a)
$$f^{-1}(x) = \frac{x+7}{5}$$

d)
$$f^{-1}(x) = 5x$$

b)
$$f^{-1}(x) = \frac{\frac{1}{2} - x}{3}$$

e)
$$f^{-1}(x) = \frac{5x+2}{x-1}$$

c)
$$f^{-1}(x) = \frac{-3}{x}$$

f) $f^{-1}(x) = \frac{6x+3}{2-5x}$

6)

a)
$$f(x)+h(x)=3x^2-3x+\frac{x}{x-3}$$
; Dominio $\Re \{3\}$

b)
$$f(x) \cdot g(x) - h(x) = (3x^2 - 3x) \cdot \sqrt{x - 1} - \frac{x}{x - 3}$$
; Dominio [1,3) \cup (3, +\infty)

c)
$$\frac{f(x)}{g(x)} = \frac{3x^2 - 3x}{\sqrt{x - 1}}$$
; Dominio $(I, +\infty)$

d)
$$f(x)\frac{g(x)}{h(x)} = \frac{(3x^2 - 3x)\cdot\sqrt{x - 1}}{\frac{x}{x - 3}} = \frac{(3x^2 - 3x)\cdot(\sqrt{x - 1})\cdot(x - 3)}{x}$$
; Dominio $[1, +\infty)$

a)
$$(f \circ g)(x) = \frac{1}{3\sqrt{x}}$$

b)
$$(g \circ f)(x) = 2 + \sqrt{\frac{1}{3x - 6}}$$

8)
$$f(t) = 75(1 - e^{-0.30t})$$
; $f(25) = 74.96$.

9)

a)
$$f(5)=13,10$$

c)
$$f(30)=14,99$$

10) Aproximadamente 5 años.