

# FORMULARIO FÍSICA

## Movimiento Armónico Simple (M.A.S)

$$F = -K \cdot X$$

↓ Elongación o distancia a la posición de equilibrio  
↓ Constante  
Fuerza restauradora

$$X = A \cdot \text{sen}(\omega t + \phi_0)$$

↓ Amplitud  
Elongación  
↓ fase inicial  
frecuencia angular

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$f = \frac{1}{T}$$

$$v = \pm \omega \sqrt{A^2 - x^2}$$

$$K = m\omega^2$$

$$E_p = \frac{1}{2} K x^2$$

$$a = -\omega^2 x$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}}$$

$$E_c = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_m = \frac{1}{2} K A^2$$

$$v = \frac{dx}{dt} = A \cdot \omega \cos(\omega t + \phi_0) ; v_{\max} = \pm A \cdot \omega \begin{matrix} + \\ \updownarrow \\ - \end{matrix}$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -A\omega^2 \text{sen}(\omega t + \phi_0) ; a_{\max} = \pm A\omega^2 \begin{matrix} + \\ \updownarrow \\ - \end{matrix}$$

# ONDAS

•  $y(x, t) = A \cdot \sin[(\omega t \pm \kappa \cdot x) + \theta_0]$

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\kappa = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$y(x, t) = A \sin\left[2\pi\left(\frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda}\right) + \theta_0\right]$$

$y$  es la magnitud variable (depende de que tipo de onda sea)

• velocidad de propagación  $v = \frac{\lambda}{T} = \lambda \cdot f$

• velocidad de vibración  $v = \frac{dy}{dt} (x = \text{cte})$   $v = A \cdot \omega \cos(\omega t \pm \kappa x + \theta_0)$

• aceleración de vibración  $a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2y}{dt^2} (x = \text{cte})$

$a = -A\omega^2 \sin(\omega t \pm \kappa x + \theta_0)$

$a = -\omega^2 \cdot y$

• Energía transportada:  $E = \frac{1}{2} \underset{\substack{\downarrow \\ \text{cte recuperadora}}}{KA^2} : \frac{1}{2} m\omega^2 A^2 = \frac{1}{2} m \cdot 4\pi^2 f^2 A^2$

• Potencia de una onda  $P = \frac{E}{t}$  (se mide en vatios, W; 1W =  $\frac{1J}{1s}$ )

• Intensidad de una onda  $I = \frac{P}{u.f.o} \rightarrow$  unidad de frente de ondas  $\left. \begin{array}{l} \text{Siempre} \\ I: \text{cte} \cdot A^2 \end{array} \right\}$

$n=1$  (cuerda)  $I = P (W) ; I_1 = I_2$

$n=2$  (superficie agua)  $I = \frac{P}{L} \left(\frac{W}{m}\right) ; \frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2}{r_1} ; \frac{A_1}{A_2} = \sqrt{\frac{r_2}{r_1}}$   
 $L = 2\pi \cdot r$

$n=3$  (luz, sonido)  $I = \frac{P}{S} \left(\frac{W}{m^2}\right) ; \frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2} ; \frac{A_1}{A_2} = \frac{r_2}{r_1}$   
 $S = 4\pi r^2$

• Absorción de una onda:  $I = I_0 \cdot e^{-\beta x}$

$x = \text{espesor}$   
 $\beta = \text{coeficiente de absorción}$

Espesor de semiabsorción  $D_{1/2} = \frac{\ln 2}{\beta}$

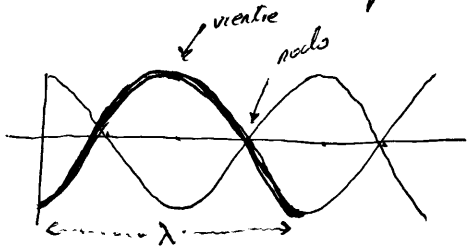
• Reflexión:  $\hat{i} = \hat{r}$   $\left\{ \begin{array}{l} f_i = f_r \\ \lambda_i = \lambda_r \end{array} \right.$

• Refracción:  $\frac{\text{sen } \hat{i}}{v_i} = \frac{\text{sen } \hat{r}}{v_r}$   $\left\{ \begin{array}{l} f_i = f_r \\ \lambda_i \neq \lambda_r \end{array} \right.$

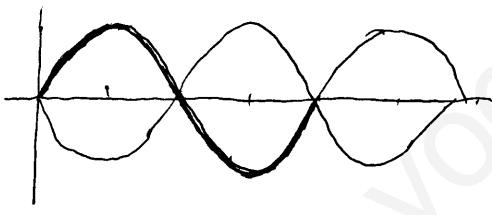
• Interferencia:

- Constructiva:  $x_2 - x_1 = n\lambda$ ; ( $A' = 2A$ )
- Destructiva:  $x_2 - x_1 = (2n+1)\frac{\lambda}{2}$ ; ( $A' = 0$ )

• Ondas estacionarias: producidas por superposición de ondas idénticas ( $T, f, \omega, \kappa$ , iguales)



$$y = 2A \cos(\kappa x) \text{sen}(\omega t) \left\{ \begin{array}{l} \text{vientres } x = n \frac{\lambda}{2} \\ \text{nodos } x = (2n+1) \frac{\lambda}{4} \end{array} \right.$$



$$y = 2A \text{sen}(\kappa x) \text{cos}(\omega t) \left\{ \begin{array}{l} \text{vientres } x = (2n+1) \frac{\lambda}{4} \\ \text{nodos } x = n \frac{\lambda}{2} \end{array} \right.$$

Tienen la misma  $\omega, f, T, \lambda, \kappa$  que las ondas que se superponen

**SONIDO**

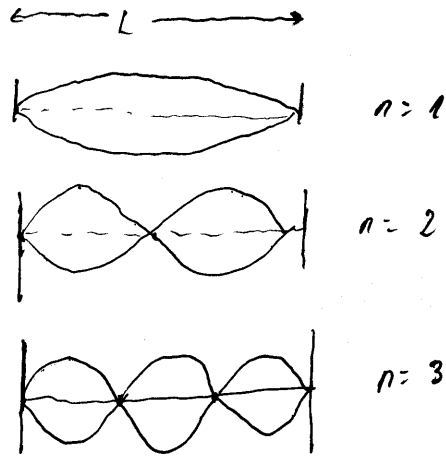
• Onda tridimensional:  $\frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2}$ ;  $\frac{A_1}{A_2} = \frac{r_2}{r_1}$

• Efecto Doppler:  $f_R = f \frac{V \pm V_R}{V \mp V_P}$   $\left\{ \begin{array}{l} + = \text{re aleja} \\ - = \text{re acerca} \end{array} \right\}$  receptor  
 $\left\{ \begin{array}{l} - = \text{re acerca} \\ + = \text{re aleja} \end{array} \right\}$  foco

• Sonoridad  
 Intensidad sonora  $\beta = 10 \lg \frac{I}{I_0}$   
 ( $I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$ )

Siendo  $I = \frac{P}{4\pi r^2}$

# ONDA ESTACIONARIA EN CUERDAS



$$L = n \frac{\lambda}{2} ; (n = 1, 2, 3 \dots) ; \lambda = \frac{2 \cdot L}{n}$$

$$f = \frac{v_p}{\lambda} ; f = \frac{n \cdot v_p}{2 \cdot L} \quad (n = 1, 2, 3 \dots)$$

$\downarrow \downarrow$  2º armónico  
 1º armónico o frecuencia fundamental

Si la onda estacionaria de la cuerda se transmite al aire en el aire mantiene la misma frecuencia ( $f$ ) pero en el aire la longitud de onda cambia porque cambia la velocidad de transmisión.

$$\lambda = \frac{v}{f} \rightarrow 340 \text{ m/s en el aire (distinta en la cuerda)}$$

• Energía de una onda en una cuerda:

$$E = \frac{1}{2} K A^2 = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2$$

densidad lineal  $\sigma$ : masa por unidad de longitud  $\sigma = \frac{m}{l}$

$$= \frac{1}{2} \sigma \cdot l \cdot \omega^2 \cdot A^2 = \frac{1}{2} \sigma \cdot l \cdot 4\pi^2 f^2 A^2 ; \quad \boxed{\omega = 2\pi f}$$

$$E = 2\sigma l \pi^2 f^2 A^2$$

• Energía por unidad de longitud:

$$\frac{E}{l} = 2\sigma \pi^2 f^2 A^2$$

• Potencia transmitida por la onda: energía transmitida por unidad de tiempo (se calcula como la energía acumulada en una longitud de onda  $\lambda$ , dividida por el tiempo que tarda en recorrerla  $T$  (periodo))

$$P = \frac{E}{T} = \frac{2\sigma \pi^2 f^2 A^2 \cdot \lambda}{T} ; \quad P = 2\sigma \pi^2 f^2 A^2 \cdot v$$

$$\boxed{\frac{\lambda}{T} = v}$$

# ONDAS ELECTROMAGNÉTICAS - LUZ -

$c = 3 \cdot 10^8$  m/s : velocidad de la luz en el vacío

$$c = \sqrt{\frac{1}{\epsilon_0 \cdot \mu_0}}$$

$\epsilon_0$  : permitividad eléctrica o constante dieléctrica del vacío

$\mu_0$  : permeabilidad magnética del vacío.

• Por ser una onda tridimensional  $\frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2}$  ;  $\frac{A_1}{A_2} = \frac{r_2}{r_1}$

• Absorción :  $I = I_0 \cdot e^{-\beta x}$  ;  $D_{1/2} = \frac{\ln 2}{\beta}$

• Reflexión :  $\hat{i} = \hat{r}$

• Refracción :  $\frac{\sin \hat{i}}{v_i} = \frac{\sin \hat{r}}{v_r}$  ;

índice de refracción de un medio

$$n = \frac{c}{v}$$

- Ley de Snell

$$n_i \cdot \sin \hat{i} = n_r \cdot \sin \hat{r}$$

Cuando la luz pasa de un medio a otro conserva la frecuencia y cambia la longitud de onda (debido al cambio de velocidad)

• Ángulo límite : si un rayo de luz pasa de un medio 1, más refringente, a un medio 2, menos refringente :

$$n_1 \cdot \sin \alpha_L = n_2 \cdot \sin 90^\circ ; n_1 \cdot \sin \alpha_L = n_2$$

recuerda :  $c = \frac{\lambda}{T}$  ;  $T = \frac{1}{f}$  ;  $c = \lambda \cdot f$

# ÓPTICA GEOMÉTRICA

ESPEJOS PLANOS:  $s' = -s$  ;  $y' = y$

ESPEJOS ESFÉRICOS:

$$\frac{1}{s'} + \frac{1}{s} = \frac{1}{f} \quad ; \quad \frac{y'}{y} = -\frac{s'}{s} \quad ; \quad P = \frac{1}{f}$$

DIOPTRIO ESFÉRICO:

$$\frac{n-n'}{r} = \frac{n}{s} - \frac{n'}{s'} \quad \begin{matrix} \nearrow s = -\infty \Rightarrow s' = f' \\ \searrow s = f \Rightarrow s' = \infty \end{matrix}$$

$$\frac{n-n'}{r} = \frac{n}{-\infty} - \frac{n'}{f'} \quad ; \quad P' = -\frac{n'}{n-n'} \cdot r$$

$$\frac{n-n'}{r} = \frac{n}{f} - \frac{n'}{\infty} \quad ; \quad P = \frac{n}{n-n'} \cdot r$$

$f$  y  $f'$  no son iguales;

$$\frac{f}{f'} = -\frac{n}{n'} \quad ; \quad f + f' = r$$

DIOPTRIO PLANO:  $\frac{n}{s} = \frac{n'}{s'}$

LENTES DELGADAS:

- Ecuación fundamental de las lentes delgadas  $(n'-1) \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = \frac{1}{s'} - \frac{1}{s}$

$$(s = -\infty \Rightarrow s' = f') \Rightarrow \downarrow$$

- Fórmula del constructor de lentes:  $(n'-1) \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = \frac{1}{f'}$

- Ecuación de las lentes delgadas:  $\frac{1}{s'} - \frac{1}{s} = \frac{1}{f'}$

- Aumento lateral  $\frac{y'}{y} = \frac{s'}{s}$

$f'$  = foco imagen

$f' > 0$  convergente ;  $P > 0$

$f' < 0$  divergente ;  $P < 0$

- Potencia  $P = \frac{1}{f'}$

# GRAVITACIÓN

- 2ª Ley de Kepler:  $V_A \cdot r_A = V_P \cdot r_P$

$A$ : afelio, apogeo, apoastro  $\rightarrow$  punto más alejado

$P$ : perihelio, perigeo, periastro  $\rightarrow$  punto más próximo

- 3ª Ley de Kepler:  $\frac{T^2}{r^3} = \text{cte} \Rightarrow \frac{T_1^2}{r_1^3} = \frac{T_2^2}{r_2^3}$

- Ley de Newton:

$\vec{F} = -G \frac{M \cdot m}{r^2} \cdot \vec{u}_r$ ;  $F = G \frac{M \cdot m}{r^2}$

$\vec{g} = \frac{\vec{F}}{m}$ ;  $\vec{g} = -G \frac{M}{r^2} \cdot \vec{u}_r$ ;  $g = \frac{GM}{r^2}$

gravedad en la superficie de la Tierra  $g_0 = \frac{GM_T}{R_T^2}$

(En algunos problemas se emplea  $G \cdot M_T = g_0 \cdot R_T^2$ )

$9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

gravedad en la superficie de un planeta  $g_P = G \frac{M_P}{R_P^2}$

- Ep. gravitatoria en un punto

$E_p(r) = W_{i \rightarrow \infty}$ ;  $E_p(r) = -\frac{GMm}{r}$

$W_{i \rightarrow f} = -\Delta E_p = E_p(i) - E_p(f) = -\frac{GMm}{r_i} - \left(-\frac{GMm}{r_f}\right)$

$\downarrow$   
de las fuerzas gravitatorias

$(W > 0$ : espontánea;  $W < 0$ : no espontánea)

- Teorema de las fuerzas vivas:

$W_{i \rightarrow f} = \Delta E_c = E_c(f) - E_c(i) = \frac{1}{2} m V_f^2 - \frac{1}{2} m V_i^2$

$\downarrow$   
 $W$  total, del conjunto de fuerzas conservativas y no conservativas

- Energía mecánica:  $E_m = E_c + E_p$

Si solo actúan fuerzas gravitatorias (conservativas)  $E_m = cte$

$E_m(i) = E_m(f) ; E_c(i) + E_p(i) = E_c(f) + E_p(f)$

- Potencial gravitatorio en un punto

$V(r) = \frac{E_p}{m} ; V(r) = -\frac{G \cdot M}{r}$

$E_p(r) = m \cdot V(r) ; W_{i \rightarrow f} = E_p(i) - E_p(f) = m(V_i - V_f)$

-  $E_{TOTAL}$  de un cuerpo en órbita circular

$E_T: E_c + E_p = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{G M m}{r} ; E_T = -\frac{G M m}{2r}$

- Energía y tipo de órbita:

- $E_T < 0$  : órbitas circulares o elípticas, cuerpos ligados
  - $E_T = 0$  : órbita parabólica: llega al  $\infty$  con  $v=0$
  - $E_T > 0$  : órbita hiperbólica: llega al  $\infty$  con  $v > 0$
- } cuerpos "no" ligados

- Velocidad de escape: (para que desde el punto "r" llegue al  $\infty$  con  $v=0$ )

deducción:  $E_T(r) = E_T(\infty) ; \frac{1}{2} m v_e^2 - \frac{G M m}{r} \Rightarrow v_e = \sqrt{\frac{2 G M}{r}}$

- Parámetros en órbitas circulares:

• Velocidad de la órbita

$v = \sqrt{\frac{G M}{r}}$

deducción  
 $F_G = F_c$   
 $\frac{G M m}{r^2} = \frac{m v^2}{r}$

• Periodo de la órbita

$T = \sqrt{\frac{4 \pi^2 r^3}{G \cdot M}}$

deducción  
 $v = \omega \cdot r ; T = \frac{2\pi}{\omega}$



- Energía de lanzamiento para poner un satélite en órbita a una distancia "r" (desde el centro del planeta;  $r = R_p + h$ )

$$E_{\text{SUPERFICIE}} = E_{\text{ÓRBITA}}$$

$$E_c + E_p = E_{\text{ÓRBITA}}$$

$$E_c - \frac{GMm}{R_T} = -\frac{GMm}{2r} \quad ; \quad E_c = GMm \left( \frac{1}{R_p} - \frac{1}{2r} \right)$$

- Si se pide la velocidad de lanzamiento para conseguir la órbita.

$$E_c = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$$

$$\frac{1}{2} m v^2 = GMm \left( \frac{1}{R_T} - \frac{1}{2r} \right) \quad ; \quad v = \sqrt{2GM \left( \frac{1}{R_p} - \frac{1}{2r} \right)}$$

- Energía para pasar de una órbita "1" a otra órbita "2"

$$\Delta E = E_2 - E_1 = -\frac{GMm}{2r_2} - \left( -\frac{GMm}{2r_1} \right)$$

$$\Delta E = \frac{GMm}{2} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

# CAMPO ELÉCTRICO

- Ley de Coulomb:  $\vec{F} = k \frac{Q \cdot q}{r^2} \cdot \vec{U}_r$  :  $\left( F = k \frac{Q \cdot q}{r^2} \right)$   
 $k$ : Cte de Coulomb (Cargas con su signo) (Valor absoluto = módulo)

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon} ; \vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{Q \cdot q}{r^2} \cdot \vec{U}_r : \left( F = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{Q \cdot q}{r^2} \right)$$

$\epsilon$  = permitividad o cte dieléctrica

$\epsilon_0$  = permitividad del vacío ;  $\epsilon_r$  = permitividad relativa

$$\epsilon_r = \frac{\epsilon \rightarrow \text{medio}}{\epsilon_0 \rightarrow \text{vacío}} \quad | \quad \epsilon = \epsilon_r \cdot \epsilon_0$$

- Campo eléctrico o intensidad de campo eléctrico:

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q} ; \vec{E} = k \frac{Q}{r^2} \cdot \vec{U}_r ; \left( E = k \frac{Q}{r^2} \right) \begin{array}{l} \text{Sentido: saliente en } (+) \\ \text{entrante en } (-) \end{array}$$

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E}$$

- Momento dipolar:  $\oplus \text{---} d \text{---} \ominus$  :  $\vec{\mu} = q \cdot \vec{d}$  sentido:  $\oplus \rightarrow \ominus$

- E. potencial en un punto  $E_p(r) = k \frac{Q \cdot q}{r}$  ( $E_p(r) = k r \rightarrow \infty$ )

- $W_{i \rightarrow f} = -\Delta E_p = E_p(i) - E_p(f) = k \alpha q \left( \frac{1}{r_i} - \frac{1}{r_f} \right)$

$W > 0 \Rightarrow$  espontáneo  $\Rightarrow$  aumento de  $E_c \rightarrow$  repulsión cargas iguales  
 $\rightarrow$  atracción cargas opuestas

$W < 0 \Rightarrow$  no espontáneo, lo hace una fuerza distinta al campo;  
aumenta  $E_p$

- Potencial eléctrico:  $V(r) = \frac{E_p}{q} ; V(r) = k \frac{Q}{r}$  ( $V(r) = k r \rightarrow \infty$ )  
 $q = +1$

$$E_p(r) = q \cdot V(r) ; \Delta E_p = q \cdot \Delta V$$

$$W_{i \rightarrow f} = E_p(i) - E_p(f) = q (V_i - V_f) \left( \begin{array}{l} \text{Se emplea para calcular el } W \\ \text{para llevar un carga } q \text{ de un punto} \\ \text{a otro considerando sus potenciales} \end{array} \right)$$

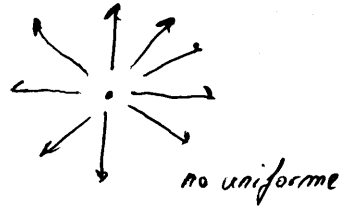
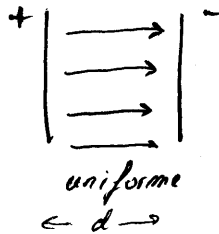
En fórmulas con  $E_p$  o  $V$  siempre las cargas con su signo

• Relación entre  $\vec{E}$  y  $V$  en campos eléctricos uniformes:

$$\Delta V = -E \cdot \Delta r$$

de otra forma

$$\Delta V = -E \cdot d$$



$$E = \frac{-\Delta V}{d} \quad (E \text{ se mide en } \frac{N}{C}, \text{ también se puede medir en } \frac{V}{m} \text{ voltios/metro})$$

• El movimiento espontáneo de las cargas origina aumento de la energía cinética y por tanto disminución de la energía potencial.

- las cargas positivas se mueven espontáneamente en el sentido de  $V$  decreciente.

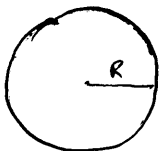
- las cargas negativas se mueven espontáneamente en el sentido de  $V$  creciente.

•  $\vec{E}$  es un campo conservativo  $\Rightarrow E_m = cte$  ;  $E_c(i) + E_p(i) = E_c(f) + E_p(f)$

• Flujo del campo eléctrico:  $d\phi = \vec{E} \cdot d\vec{s}$  ;  $\phi = \int \vec{E} \cdot d\vec{s}$

• Teorema de Gauss:  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q}{\epsilon_0}$  ;  $\phi = \frac{Q}{\epsilon_0}$   
sup. cerrada

• Campo y potencial de un conductor esférico cargado en equilibrio:



las cargas se sitúan en la superficie

$$\boxed{r < R} \quad E = 0 \quad ; \quad V = cte = V_{en R}$$

$$\boxed{r = R} \quad E = K \frac{Q}{R^2} \quad ; \quad V = K \frac{Q}{R}$$

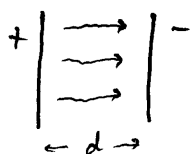
$$\boxed{r > R} \quad E = K \frac{Q}{r^2} \quad ; \quad V = K \frac{Q}{r}$$

(Si se conectan dos esferas cargadas hay un tránsito de cargas hasta igualar los potenciales)

• Hilo cargado: campo a distancia "r":  $E = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\lambda}{r}$   $\lambda = \frac{Q}{L}$  densidad lineal de carga.

• Superficie plana:  $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$   $\sigma = \frac{Q}{S}$  densidad superficial de carga

• Campo entre laminas paralelas:



$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \quad ; \quad -\Delta V = E \cdot d$$

# CAMPO MAGNÉTICO

$\vec{B}$ : campo magnético o inducción magnética; unidad Tesla (T):  $1T = 10^4 \text{ Gauss}$

El campo magnético no es conservativo y por tanto no se puede definir  $E_p$  magnética.

• Ley de Lenz (fuerza sobre una carga en movimiento dentro de un  $\vec{B}$ )

$$\vec{F} = q \cdot \vec{v} \times \vec{B} \quad (\text{regla de la mano derecha})$$



• Movimiento de cargas dentro de un campo magnético perpendicular a  $\vec{v}$

$$F_{\text{centrípeta}} = F_{\text{magnética}} \Rightarrow \frac{mv^2}{r} = qvB : \quad \boxed{r = \frac{mv}{q \cdot B}} \quad \boxed{T = \frac{2\pi m}{q \cdot B}}$$

$$\downarrow T = \frac{2\pi r}{v} \uparrow$$

• Selector de velocidades:  $\vec{F}_B = \vec{F}_E$  ;

$$q \cdot v \cdot B = q \cdot E : \quad \boxed{v = \frac{E}{B}}$$

• Fuerza sobre un hilo de corriente:  $\vec{F} = I \cdot \vec{l} \times \vec{B}$  (R. mano derecha)

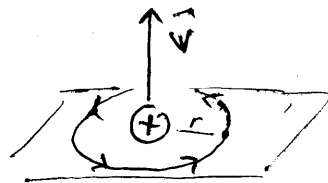
• Campo creado por una carga en movimiento

$$\boxed{B = \frac{\mu}{4\pi} \frac{q \cdot v}{r^2}}$$

$\mu$ : permeabilidad magnética

$\mu_0$ : " del vacío

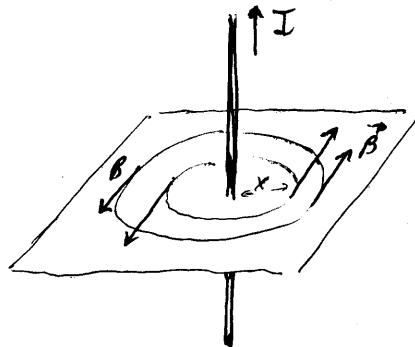
$\mu = \mu_r \cdot \mu_0$  ;  $\mu_r$ :  $\mu$  relativa



R. mano derecha.

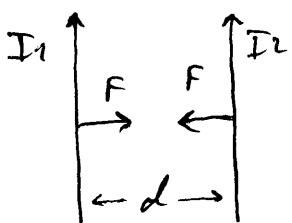
• Campo creado por un hilo de corriente:

$$\boxed{B = \frac{\mu}{2\pi} \frac{I}{x}}$$



R. mano derecha.

• Fuerza entre corrientes:



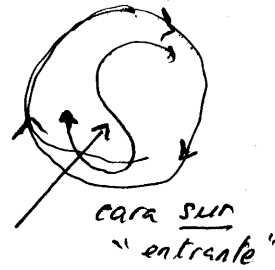
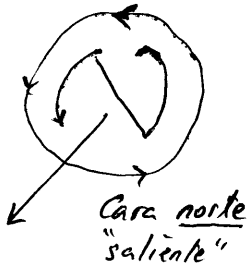
$$\boxed{\frac{F}{e} = \frac{\mu}{2\pi} \frac{I_1 \cdot I_2}{d}}$$

- El mismo sentido = atracción.

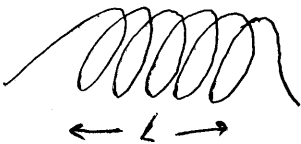
- Distinto sentido = repulsión.

- Campo creado por una espira:

$$B = \frac{\mu \cdot I}{2R}$$



- Campo creado por un solenoide (bobina):



$$B = \mu \cdot n \cdot I ; n = \frac{N}{L}$$

$n = n^\circ$  de espiras por unidad de longitud

$$B = \frac{\mu \cdot N \cdot I}{L}$$

# INDUCCIÓN ELECTROMAGNÉTICA

## Flujo magnético:

$$d\phi = \vec{B} \cdot d\vec{s}; \quad \phi = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{s}$$

unidad = weber (Wb)

$$1 \text{ Wb} = 1 \text{ T} \cdot 1 \text{ m}^2$$

- flujo por una espira  $\phi = B \cdot S \cdot \cos\theta$ ;  $\theta = 0 \Rightarrow \phi = B \cdot S$

- flujo por una bobina  $\phi = N \cdot B \cdot S \cdot \cos\theta$ ;  $\theta = 0 \Rightarrow \phi = N \cdot B \cdot S$

## Fuerza electromotriz $\mathcal{E}$ : energía que un generador eléctrico comunica a la unidad de carga (coulombios); se mide en voltios (V)

- Es un concepto similar al de diferencia de potenciales en circuitos

## Ley de Ohm

$$I = \frac{V}{R}$$

$\nearrow$  d. d. potencial (Voltios, V)  
 $\rightarrow$  resistencia (ohmios,  $\Omega$ )

intensidad (Ampere, A)

de forma similar  $I = \frac{\mathcal{E}}{R}$

## Ley de Faraday: da la f.e.m. ( $\mathcal{E}$ ) inducida en un circuito atravesado por un flujo magnético variable.

$$\mathcal{E} = - \frac{d\phi}{dt} \quad \leftarrow \text{cuando conocemos la función } \phi = \phi(t)$$

$$\mathcal{E} = - \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \quad \leftarrow \text{cuando conocemos variaciones de flujo } \mathcal{E} = - \left( \frac{\phi_{\text{final}} - \phi_{\text{inicial}}}{t} \right)$$

la intensidad de la corriente inducida es,  $I = \frac{\mathcal{E}}{R} = - \frac{1}{R} \frac{d\phi}{dt}$  o bien  $I = - \frac{1}{R} \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$

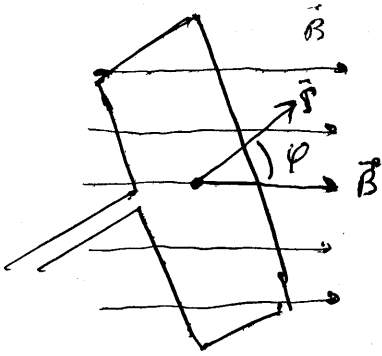
Relacionar la ley de Faraday con la ley de Lenz

## Conductor en movimiento en el seno de un campo magnético:

d. d. p. en sus extremos  $\Delta V = v \cdot B \cdot l$

Si el conductor se mueve sobre un conductor se comporta como un generador  $\mathcal{E} = v \cdot B \cdot l$

• Alternador: espira que gira en un campo magnético



$$\phi = \vec{B} \cdot \vec{S} = B \cdot S \cdot \cos \varphi ; \phi = B \cdot S \cdot \cos \omega t$$

$$\varphi = \omega \cdot t$$

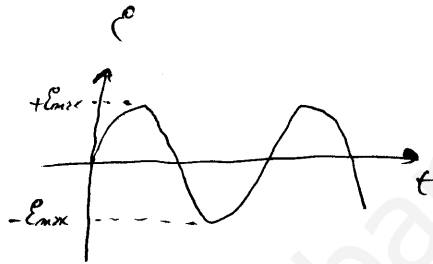
recuerda

$$\omega = \frac{2\pi}{T} ; T = \frac{2\pi}{\omega} ; f = \frac{1}{T} ; f = \frac{\omega}{2\pi}$$

$\downarrow$  segundos       $\downarrow$  hercios

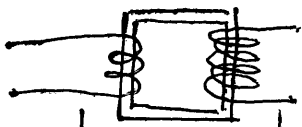
$$\mathcal{E} = -\frac{d\phi}{dt} = \underbrace{B \cdot S \cdot \omega}_{\mathcal{E}_{max}} \cdot \sin \omega t$$

$$\mathcal{E} = \mathcal{E}_{max} \cdot \sin \omega t$$



Si se trata de una bobina con "N" espiras  $\mathcal{E} = \underbrace{N \cdot B \cdot S \cdot \omega}_{\mathcal{E}_{max}} \cdot \sin \omega t$

• Transformador



primario (p)

secundario (s)

$$\frac{\mathcal{E}_p}{N_p} = \frac{\mathcal{E}_s}{N_s}$$

$$\frac{I_p}{I_s} = \frac{N_s}{N_p}$$

(potencia constante  $P = \mathcal{E}_s I$ )

# FÍSICA NUCLEAR

## Defecto de masa: $\Delta m$

- La masa de un núcleo es menor que la suma de las masas de las partículas que lo forman (nucleones)

$$\Delta m = \sum M_{\text{nucleones}} - M_{\text{núcleo}}$$

## Energía de enlace de un núcleo:

- La masa que falta en el núcleo se ha convertido en energía al formarse el núcleo (según la fórmula de Einstein  $E = mc^2$ )

$$E_{\text{enlace}} = \Delta m \cdot c^2; \quad \Delta E_{\text{enlace}} = (\sum M_{\text{nucleones}} - M_{\text{núcleo}}) \cdot c^2$$

## Energía de enlace por nucleón:

- Es la magnitud que indica la estabilidad de un núcleo.

$$\frac{E_{\text{enlace}}}{\text{nucleón}}$$

$A$  → n.º másico: suma de protones y neutrones del núcleo.

## CINÉTICA DE LA DESINTEGRACIÓN RADIACTIVA

- Actividad radiactiva ( $A$ ): N.º de núcleos que se desintegran por unidad de tiempo

$$A = - \frac{dN}{dt}$$

$$a = -\lambda \cdot N$$

n.º de núcleos presentes

↓ constante de desintegración o de decaimientos

$A$  se mide en Becquerel (Bq)  $1 \text{ Bq} = 1 \text{ desintegración/segundo}$

- N.º de núcleos presentes en un instante determinado ( $N$ )

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

; también se cumple

$$A = A_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$\lambda$  se mide en tiempo<sup>-1</sup>: s<sup>-1</sup>; h<sup>-1</sup>; día<sup>-1</sup> ... (debe coincidir con la unidad de t)

- Periodo de semidesintegración

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$

Vida media  $\tau$

$$\tau = \frac{1}{\lambda}$$

$$\tau = \frac{T_{1/2}}{\ln 2}$$



# FÍSICA CUÁNTICA

- Energía transportada por un fotón o cuanto:

$$E = h \cdot f$$

frecuencia del fotón

Cte de Planck:  $6,626 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$

$$f = \frac{c}{\lambda}$$

velocidad de la luz

longitud de onda.

- Momento lineal de un fotón:

$$p = \frac{h}{\lambda}$$

h se mide en  $\frac{\text{J}\cdot\text{s}}{\text{m}}$  o  $\frac{\text{kg}\cdot\text{m}}{\text{s}}$

- Principio de dualidad de De Broglie:

Toda partícula tiene asociada una onda

- partícula: se caracteriza por su momento lineal  $p$

- onda: se caracteriza por su frecuencia o longitud de onda  $f$  y  $\lambda$

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

- Efecto fotoeléctrico:

$$E_{\text{fotón incidente}} = W_{\text{extracción del electrón}} + E_{\text{c electrón arrancado}}$$

$$h \cdot f = h \cdot f_0 + \frac{1}{2} m v_e^2$$

Energía umbral

$$h \cdot f = h \cdot f_0 + |q_e| \cdot V_{\text{frenado}}$$

potencial de frenado del electrón

$$\frac{1}{2} m v_e^2 = q_e \cdot V$$

$E_{\text{c}}$  del electrón

$E_p$  que gana cuando se frena