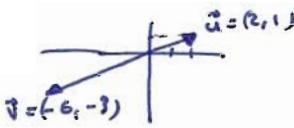


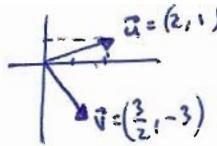
1. Dados $\vec{u} = (2,1)$ y $\vec{v} = (a,-3)$, se pide:
- Hallar a para que sean \parallel . Justificar gráficamente la solución obtenida.
 - Hallar a para que sean \perp . Justificar gráficamente la solución obtenida.
 - Hallar a para que formen 45° . Justificar gráficamente la solución obtenida.
 - Hallar un vector \perp a \vec{u} de módulo 5
 - Hallar $\left(\vec{u} \cdot \vec{u}\right)\vec{u}$
- (2,5 puntos)*
2. Dadas las rectas $r: 2x+3y+5=0$
 $s: 5x-2y-16=0$, se pide
- ¿Cuál es su posición relativa? Caso de ser secantes, hallar su punto de corte.
 - Hallar la ecuación general de la recta \perp a r que pasa por $P(-2,1)$
 - Hallar el ángulo que forman r y s
- (2,25 puntos)*
3. Dada la recta $r: 3x-4y+5=0$ y el punto $P(4,2)$, se pide:
- Hallar la ecuación de la recta $r' \parallel r$ que pasa por P , en todas las formas conocidas.
 - Razonar analíticamente que la recta obtenida es correcta.
 - ¿Qué ángulo forma dicha recta con OX^+ ?
 - Hallar la distancia de r a r'
- (2,5 puntos)*
4. a) Operar en binómica: $-2-5i - \frac{10-10i-5(1+i)}{8+2i-(5+3i)}$
- b) Operar en polar y pasar el resultado a binómica: $\left[\frac{\left(-\sqrt{3} + i \right) \left(-\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{2}i \right)}{-6} \right]^3$
- (2,5 puntos)*

$$\textcircled{1} \quad \vec{u} = (2, 1) ; \quad \vec{v} = (a, -3)$$

$$\text{a}) \quad \vec{u} \parallel \vec{v} \Rightarrow \frac{2}{a} = \frac{1}{-3} \Rightarrow \boxed{a = -6} \quad 0,5$$



$$\text{b}) \quad \vec{u} \perp \vec{v} \Rightarrow \vec{u} \cdot \vec{v} = 0 \Rightarrow (2, 1)(a, -3) = 2a - 3 = 0 ; \quad 2a = 3 ; \quad \boxed{a = \frac{3}{2}} \quad 0,5$$



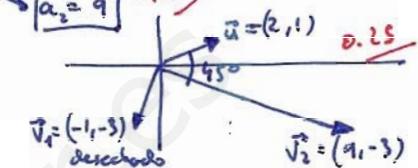
$$\text{c}) \quad \cos 45^\circ = \frac{\vec{u} \cdot \vec{v}}{|\vec{u}| \cdot |\vec{v}|} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2a - 3}{\sqrt{5} \cdot \sqrt{a^2 + 9}} \Rightarrow \sqrt{2} \sqrt{5} \sqrt{a^2 + 9} = 2(2a - 3) ;$$

$$(\sqrt{10} \sqrt{a^2 + 9})^2 = [2(2a - 3)]^2 ; \quad 10(a^2 + 9) = 4(4a^2 - 12a + 9) ; \quad 5(a^2 + 9) = 2(4a^2 - 12a + 9)$$

$$5a^2 + 45 = 8a^2 - 24a + 18 ; \quad 0 = 3a^2 - 24a - 27 ; \quad 0 = a^2 - 8a - 9 \quad \begin{matrix} a_1 = -1 \text{ descartado por el dibujo} \\ \boxed{a_2 = 9} \end{matrix}$$

$$\text{d}) \quad \vec{u} = (2, 1) \xrightarrow{\perp} \vec{n} = (-1, 2) \xrightarrow{\text{unitario}} \frac{\vec{n}}{|\vec{n}|} = \left(\frac{-1}{\sqrt{5}}, \frac{2}{\sqrt{5}} \right) = \left(-\frac{\sqrt{5}}{5}, \frac{2\sqrt{5}}{5} \right)$$

$$\boxed{0,5} \quad \boxed{(-\sqrt{5}, 2\sqrt{5})}$$



TOTAL: 2,5

$$\text{e}) \quad (\vec{u} \cdot \vec{u}) \vec{u} = [(2, 1) \cdot (2, 1)] (2, 1) = 5 (2, 1) = \boxed{(10, 5)} \quad 0,25$$

$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} r: 2x + 3y + 5 = 0 \\ 5x - 2y - 16 = 0 \end{cases} \quad \text{a}) \quad \begin{array}{l} 2x + 3y = -5 \xrightarrow{\text{①} \cdot 2} 4x + 6y = -10 \\ 5x - 2y = 16 \xrightarrow{\text{②} \cdot 3} 15x - 6y = 48 \end{array} \quad \begin{array}{l} 14x = 38 ; \quad x = 2 \xrightarrow{\text{sustituir en } \text{①}} 4 + 3y = -5 \\ 3y = -9 ; \quad y = -3 \end{array}$$

SOLUCION: 0,25 SE UNIRÁN; SE CORTAN EN (2, -3) 0,51

$$\text{b}) \quad \vec{u}_1 = (-3, 2) \xrightarrow{\perp} \vec{n} = (2, 3) \quad \begin{array}{l} P(-2, 1) \\ \xrightarrow{\quad} \end{array} \quad \begin{array}{l} \frac{x+2}{2} = \frac{y-1}{3} \\ \text{CONTINUA} \quad \boxed{0,75} \end{array} \quad \begin{array}{l} 3x + 6 = 2y - 2 \\ 3x - 2y + 8 = 0 \\ \text{CORT. O IMPLÍCITA} \end{array}$$

TOTAL: 2,25

$$\text{c}) \quad \begin{cases} \vec{u}_r = (-3, 2) \\ \vec{u}_s = (2, 5) \end{cases} \quad \cos \alpha = \frac{|\vec{u}_r \cdot \vec{u}_s|}{\|\vec{u}_r\| \cdot \|\vec{u}_s\|} = \frac{|(-3, 2)(2, 5)|}{\sqrt{13} \cdot \sqrt{29}} = \frac{|-6 + 10|}{\sqrt{377}} = \frac{4}{\sqrt{377}} \Rightarrow \boxed{\alpha = \arccos \frac{4}{\sqrt{377}} \approx 78^\circ 6' 41''} \quad 0,75$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} r: 3x - 4y + 5 = 0 \\ P(4, 2) \end{cases} \rightarrow \vec{u}_r = (4, 3) \rightarrow m = \frac{3}{4}$$

$$\text{a}) \quad r \parallel r' \Rightarrow \vec{u}_r = \vec{u}_{r'} = (4, 3) \quad \begin{array}{l} P(4, 2) \\ \downarrow \\ m = m' = \frac{3}{4} \end{array} \quad \begin{array}{l} \begin{cases} x = 4 + 4\lambda \\ y = 2 + 3\lambda \end{cases} \\ \text{PARÁMÉTRICAS} \quad \boxed{0,2} \text{ cada fórm.} \end{array} \quad \begin{array}{l} \frac{x-4}{4} = \frac{y-2}{3} \\ \text{CONTINUA} \end{array} \quad \begin{array}{l} 3x - 12 = 4y - 8 \\ 3x - 4y - 4 = 0 \\ \text{CORT. O IMPLÍCITA} \end{array}$$

$$\downarrow \quad 4y = 3x - 4 ; \quad \boxed{y = \frac{3}{4}x - 1} \quad \text{PRECISITA}$$

$$\text{b}) \quad r': 3x - 4y - 4 = 0 \quad \text{tiene} \quad \vec{u}_{r'} = (4, 3) = \vec{u}_r \quad \begin{array}{l} P(4, 2) \in r' : 12 - 8 - 4 = 0 \quad 0,5 \end{array}$$

c) $r^1: 3x - 4y - 4 = 0 \rightarrow \vec{r}^1 = (4, 3) \rightarrow m = \frac{3}{4} = \operatorname{tg} d \Leftrightarrow d = \arctg \frac{3}{4} \approx 36^\circ 52' 12''$ 0,5

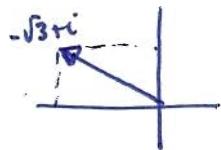
d) $r \parallel r^1 \Rightarrow d(r, r^1) = d(P, r) = \frac{|12 - 8 + 5|}{\sqrt{9+16}} = \boxed{\frac{9}{5}}$ 0,5 TOML: 2,5

4) a) $-2-5i - \frac{10-10i-5(1+i)}{8+2i-(5+3i)} = -2-5i - \frac{10-10i-5-5i}{8+2i-5-3i} = -2-5i - \frac{5-15i}{3-i} =$

$$= -2-5i - \frac{(5-15i)(3+i)}{(3-i)(3+i)} = -2-5i - \frac{15+5i-45i+15}{9+1} = -2-5i - \frac{30-40i}{10} =$$
0,75

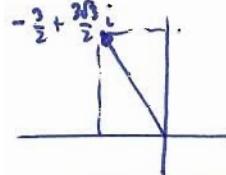
$$= -2-5i - (3-4i) = \boxed{-5-i}$$
 0,5

b) $\left[\frac{(-\sqrt{3}+i)\left(-\frac{3}{2}+\frac{3\sqrt{3}}{2}i\right)}{-6} \right]^3 = \left(\frac{2_{150^\circ} \cdot 3_{120^\circ}}{6_{180^\circ}} \right)^3 = \left(\frac{6_{270^\circ}}{6_{180^\circ}} \right)^3 = \left(1_{90^\circ} \right)^3 = 1_{270^\circ} = \boxed{-i}$ 0,25



$$r = \sqrt{(-\sqrt{3})^2 + 1^2} = \sqrt{4} = 2$$

$$d = \arctg \frac{1}{-\sqrt{3}} = \arctg \frac{\sqrt{3}}{3} = 150^\circ$$



$$r = \sqrt{\left(\frac{-3}{2}\right)^2 + \left(\frac{3\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{9}{4} + \frac{27}{4}} = \sqrt{\frac{36}{4}} = \sqrt{9} = 3$$

$$d = \arctg \frac{\frac{3\sqrt{3}}{2}}{-\frac{3}{2}} = \arctg(-\sqrt{3}) = -\arctg\sqrt{3} = 120^\circ$$

TOML: 2,5

ORTOGRAFÍA, SINTÁSIS, CALIGRANÍA: 0,05

LIMPIEZA Y ORDEN: 0,10

LONGUJE MATEMÁTICO: 0,10