Ejercicios: Binomio de Newton

Desarrolla

$$1. (a+b)^7$$

2.
$$(a-b)^5$$
3 $(m+2n)^4$

4.
$$(a-1)^8$$

5. $(x+\sqrt{2})^5$

6.
$$(\sqrt{x} - \sqrt{2})^5$$

$$7. \quad \left(\frac{1}{3}a - \frac{1}{4}b\right)^4$$

8.
$$\left(a^2b + c\right)^6$$
9.
$$\sqrt{a} - \sqrt{b}\right)^7$$

9.
$$\sqrt{a} - \sqrt{b}$$

13. $\left(a + \frac{1}{2}\right)^5 - \left(a - \frac{1}{2}\right)^5$

$$10. \left(x^{\frac{1}{3}} + y^{\frac{1}{3}} \right)^5$$

14. Halla el noveno término del desarrollo de
$$(x-y)^{12}$$

15. Halla el quinto término del desarrollo de
$$\left(\frac{1}{a} - \sqrt{2}\right)^{15}$$

16. Halla el sexto término del desarrollo de
$$(\sqrt{x} + y)^8$$

17. Halla el término central del desarrollo de
$$(x-y)^8$$

18. Halla el cociente que resulta de dividir el término noveno por el sexto del desarrollo de
$$\left(\frac{1}{2}-a\right)^{14}$$

19. Halla el término medio del desarrollo de
$$\left(a^{\frac{1}{2}} + b\right)^6$$

20. Halla los dos términos medios del desarrollo de
$$(x-0,1)^7$$

21. Halla el término que ocupa el lugar 505 en el desarrollo de
$$\left(a^3b+c^2\right)^{506}$$

22. Hallar el término que contenga la cuarta potencia de a en el desarrollo de
$$(\sqrt{2}-a)^{10}$$

23. Hallar el término medio en el desarrollo de
$$(\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{y})^6$$

24. Justifica del modo más rápido la igualdad:
$$\begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix} = 16$$

25. Encuentra una regla que generalice el cálculo anterior y que permita obtener el valor de
$$\binom{n}{0} + \binom{n}{1} + \ldots + \binom{n}{n}$$