

## 0.1 Cinematica

V10.1

Lineal: MRUA  $x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$   $v = v_0 + a t$   $v^2 - v_0^2 = 2 a s$  MRU es caso especial MRUA con  $a=0$ .

Traslación	Rotación	Definición	SI	Relación
s	$\theta$	$\theta =$ posición angular	rad	$s = \theta R$
v	$\omega$	$\omega = d\theta/dt$ velocidad angular	rad/s	$v = \omega R$
a	$\alpha$	$\alpha = d\omega/dt$ aceleración angular	rad/s <sup>2</sup>	$a_t = \alpha R$

Circular: expresiones similares cambiando variables traslación por rotación

$$\vec{a} = \vec{a}_t + \vec{a}_n$$

$$a_n = \omega \cdot v = \omega^2 \cdot R = \frac{v^2}{R}$$

## 0.2 Dinámica

Momento lineal  $\vec{p} = m \cdot \vec{v}$  Si  $F=0$ ,  $\vec{P} = cte$ , 2ª Ley Newton  $\vec{F} = m \vec{a}$  Ley Hooke:  $F = -kx$

## 0.3 Trabajo y energía

Trabajo si F es cte, despl recta  $W = \vec{F} \cdot \Delta \vec{x} = F \cdot \Delta x \cdot \cos \alpha$  (En 2º Bachillerato  $W_{A \rightarrow B} = \int_A^B \vec{F} d\vec{l}$ )

Energía cinética  $E_c = \frac{1}{2} m v^2$  Energía potencial elástica  $E_{pe} = \frac{1}{2} k x^2$

Energía potencial gravitatoria  $E_{pg} = mgh$  (válida para h "pequeñas", de modo que g es constante)

Energía mecánica  $E_m = E_c + E_p$   $W_{Fconserv} = -\Delta E_p$

Conservación Energía mecánica  $\Delta E_m = W_{NoConservativo}$  ( $\Delta E_m = 0$  si no hay fuerzas no conservativas)

Teorema fuerzas vivas  $W_{total} = \Delta E_c$

## 1. Movimiento oscilatorio

$$f = 1/T \quad \omega = 2\pi f \quad k = m\omega^2 \quad x(t) = A \cos(\omega t + \varphi_0) \quad \text{Muelle vertical: } mg = k \Delta l$$

$$v(t) = -A \omega \sin(\omega t + \varphi_0) \quad v = \pm \omega \sqrt{(A^2 - x^2)} \quad a(t) = -A \omega^2 \cos(\omega t + \varphi_0) \quad a(x) = -\omega^2 x$$

$$E_c = \frac{1}{2} k (A^2 - x^2); E_p = \frac{1}{2} k x^2; E_m = E_c + E_p = E_{cmax} = E_{pmax} = \frac{1}{2} k A^2 \quad \text{Péndulo: } T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

## 2. Movimiento ondulatorio

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \quad v = \frac{\lambda}{T} = \lambda \cdot f = \frac{\omega}{k} \quad y(x, t) = A \cos(\omega t \pm kx + \varphi_0)$$

$$\omega t \pm kx = 2\pi \left( \frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda} \right) = \omega \left( t \pm \frac{x}{v} \right) = k(vt \pm x) \quad \Delta \varphi = \omega \Delta t \pm k \Delta x \quad \text{Para } t \text{ ó } x \text{ fijo: } \Delta \varphi = k \Delta x \text{ y } \Delta \varphi = \omega \Delta t.$$

Ondas estacionarias  $y(x, t) = A \cos(\omega t - kx) - A \cos(\omega t + kx) = A_r \sin(\omega t)$  donde  $A_r = 2A \sin kx$

Nodos  $A_r = 0 \rightarrow x_n = n \cdot \lambda/2$ . Vientres  $A_r = 2A \rightarrow x_v = (2n-1) \cdot \lambda/4$ . Expresiones límites fijos y/o abiertos

## 3. Sonido

$$I = \frac{E}{S \cdot t} = \frac{P}{S} [W/m^2] \quad \frac{I_1}{I_2} = \frac{A_1^2}{A_2^2} = \frac{r_2^2}{r_1^2} \Rightarrow \frac{r_2}{r_1} = \frac{A_1}{A_2} \quad \beta (dB) = 10 \log \frac{I}{I_0}$$

## 4. Gravitación

Principio de superposición: aplica a fuerzas, campos, energía potencial y potencial

$$\vec{F} = -G \frac{Mm}{r^2} \vec{u}_r \quad \vec{E}_g = \vec{g} = \frac{\vec{F}}{m} = -G \frac{M}{r^2} \vec{u}_r \quad \vec{F} = m \vec{g} \quad E_p = -G \frac{Mm}{r} \quad V = -G \frac{M}{r}$$

Leyes de Kepler: 1 Ley Órbitas, 2 Ley de las áreas

$$\vec{L}_o = \vec{r} \times \vec{p}, \quad \frac{dA}{dt} = \frac{1}{2} \frac{|\vec{L}|}{m} = \frac{|\vec{L}|}{2m} = cte, \quad \text{3 Ley de los}$$

periodos. Para el caso de órbita circular, igualando fuerza centrípeta y gravitatoria:

$$\frac{T^2}{R^3} = \frac{4\pi^2}{GM} \Rightarrow T^2 \propto R^3$$