



Julio Rey-Pastor
1888-1962

IES REY PASTOR EXAMEN DE MATEMÁTICAS 2º BAC CCSS

NOMBRE

Recuperación 2ª EVALUACIÓN 8 de Abril de 2013 NOTA:

EJERCICIO 1 : Se considera la función $f(x) = \frac{x^2+x+2}{x}$. Se pide :

- a) Encuentra las asíntotas de $f(x)$ y haz un bosquejo de la función. (1,5 puntos)
- b) Halla los intervalos de crecimiento , máximos y mínimos. (1,5 puntos)
- c) Halla $\int f(x)dx$ (1 punto)

EJERCICIO 2: Se considera la función: (3 puntos)

$$f(x) = \begin{cases} x + 4 & \text{si } x < 0 \\ 4 - x^2 & \text{si } 0 \leq x \leq 2 \\ ax + b & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

- a) Calcúlense a y b para que $f(x)$ sea continua y derivable en $x = 2$
- b) Determinése la ecuación de la tangente a la gráfica en $x = 1$
- c) Para $a = 1$ y $b = -2$, hágase una representación aproximada de la función y calcúlese el área de la región plana limitada por $y = f(x)$, el eje OX , $x = -1$ y $x = 3$

EJERCICIO 3 (1,5 puntos)

Dada la función $y = \frac{x^2}{4}$, determine un valor m comprendido entre 1 y 2 para el que el valor del área entre la curva, el eje X, $x = 1$ y $x = m$ sea igual que el valor del área entre la recta $y = 1$, la recta $x = m$ y la curva.

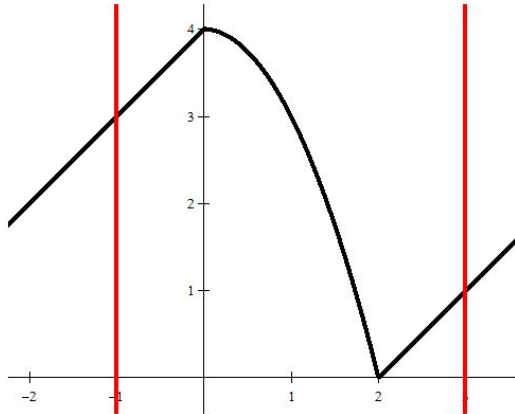
EJERCICIO 4 (1,5 puntos)

Se considera la función $f(x) = ax^3 + bx^2 + c$. ¿ Qué valores deben tomar a b y c para que la gráfica pase por (0, 0) y además tenga un punto de inflexión en P(1, 2) ?

b) La ecuación de la tangente en $x = 1$ es $y - f(1) = f'(1) (x - 1)$

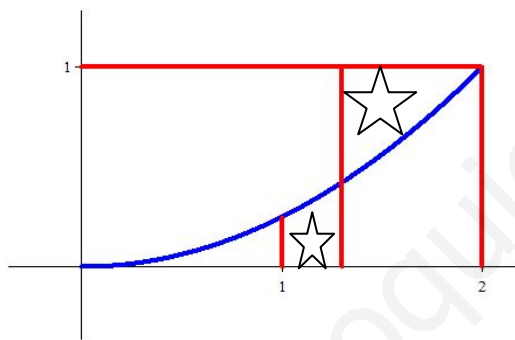
$$f(1) = 4 - 1^2 = 3 \quad f'(1) = -2 \quad y - 3 = -2(x - 1)$$

c) Representamos la función aproximadamente :



$$\text{ÁREA} = \int_{-1}^0 (x + 4) dx + \int_0^2 (4 - x^2) dx + \int_2^3 (x - 2) dx = \frac{7}{2} + \frac{16}{3} + \frac{1}{2} = \frac{28}{3}$$

EJERCICIO 3



Para que las dos áreas marcadas sean iguales : $\int_1^m x^2/4 dx = \int_m^2 (1 - x^2/4) dx$

$$\frac{m^3}{12} - \frac{1}{12} = \left(2 - \frac{8}{12}\right) - \left(m - \frac{m^3}{12}\right) \rightarrow \text{Resolviendo la ecuación queda } m = \frac{17}{12}$$

EJERCICIO 4

$$Y = ax^3 + bx^2 + c \quad y' = 3ax^2 + 2bx \quad y'' = 6ax + 2b$$

$$X = 0 \quad y = 0 \quad 0 = a \cdot 0 + b \cdot 0 + c \rightarrow c = 0$$

$$X = 1 \quad y = 2 \quad 2 = a + b$$

$$X = 1 \quad y'' = 0 \quad 0 = 6a + 2b$$

Resolviendo el sistema : $a = -1$, $b = 3$