

**Problema 1** Discutir y resolver por el método de Gauss los siguientes sistemas:

$$\begin{cases} x- & y- & z = 0 \\ 2x+ & y+ & z = 4 \\ 3x- & y+ & z = 3 \end{cases} ; \begin{cases} x+ & y+ & z = 1 \\ 3x- & 2y- & 2z = 3 \\ 4x- & y- & z = 8 \end{cases}$$

**Solución:**

$$\begin{cases} x- & y- & z = 0 \\ 2x+ & y+ & z = 4 \\ 3x- & y+ & z = 3 \end{cases} \text{ Sistema Compatible Determinado} \implies \begin{cases} x = 4/3 \\ y = 7/6 \\ z = 1/6 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+ & y+ & z = 1 \\ 3x- & 2y- & 2z = 3 \\ 4x- & y- & z = 8 \end{cases} \text{ Sistema Incompatible}$$

**Problema 2** Resolver las ecuaciones:

- $\log(x + 3) + \log x = 2 \log(x + 1)$
- $\log(4x + 1) + \log(2x) = 2$
- $\log(3x - 1) - \log(x + 2) = 1 + \log x$

**Solución:**

$$\text{a) } \log(x + 3) + \log x = 2 \log(x + 1) \implies \log(x^2 + 3x) = \log(x + 1)^2 \implies$$

$$x = 1.$$

$$\text{b) } \log(4x + 1) + \log(2x) = 2 \implies \log(8x^2 + 2x) = \log 100 \implies x = 3,413, x = -3,663(\text{no vale}).$$

$$\text{c) } \log(3x - 1) - \log(x + 2) = 1 + \log x \implies \log \frac{3x - 1}{x + 2} = \log(10x) \implies 19x^2 + 17x + 1 = 0 \implies x = -0,061 (\text{no vale}); x = -1,639(\text{no vale}).$$

**Problema 3** Resolver el siguiente sistema

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 2 \\ 2x - y = 1 \end{cases}$$

**Solución:**

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 2 \\ 2x - y = 1 \end{cases} \implies \begin{cases} x = 1, y = 1 \\ x = -\frac{1}{5}, y = -\frac{7}{5} \end{cases}$$

**Problema 4** Resolver las inecuaciones siguientes:

a)  $\frac{x}{2} - \frac{3x+2}{5} \geq 2 - \frac{2x-1}{10}$

b)  $\frac{x^2 - 5x + 6}{x+1} \leq 0$

**Solución:**

a)  $\frac{x}{2} - \frac{3x+2}{5} \geq 2 - \frac{2x-1}{10} \implies [25, +\infty)$

b)  $\frac{x^2 - 5x + 6}{x+1} \leq 0 \implies (-\infty, -1) \cup [2, 3]$

**Problema 5** Calcular los siguientes límites:

a)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 1}{-x + 2}$

b)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x+2}}{x+5}$

c)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-2x^3 + 3x}{3x^3 + 5}$

d)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x+3}{\sqrt{5x^2+x-1}}$

e)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{2x^2 + x - 1}{3x^2 - 1} \right)^{x^2+2}$

f)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x^2 - 1}{x^2} \right)^{2x^2}$

**Solución:**

a)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 1}{-x + 2} = -\infty$

b)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x+2}}{x+5} = 0$

c)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-2x^3 + 3x}{3x^3 + 5} = -\frac{2}{3}$

d)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x+3}{\sqrt{5x^2+x-1}} = \frac{2}{\sqrt{5}}$

e)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{2x^2 + x - 1}{3x^2 - 1} \right)^{x^2+2} = 0$

$$\text{f) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x^2 - 1}{x^2} \right)^{2x^2} = e^{-2}$$

[www.yoquieroaprobar.es](http://www.yoquieroaprobar.es)