

1 Divisibilidad. Números enteros

ACTIVIDADES INICIALES

- 1.I. **Con números de teléfono de 5 cifras, ¿cuántos distintos puede haber? ¿Y con números de 6 cifras?**

Con cinco cifras se pueden formar teléfonos desde el 00000 hasta el 99999, es decir, 100 000 números distintos. Con seis cifras hay 1 000 000 de teléfonos distintos.

- 1.II. **Anteriormente solo se usaba el prefijo provincial para llamar a otra provincia distinta, pero ahora es necesario marcar siempre el número completo. Por ejemplo, para llamar a Madrid desde otra provincia había que marcar el 91 antes del número de teléfono, y para llamar a Barcelona, el 93. Ceuta y Melilla usan el prefijo de Cádiz y Málaga, respectivamente. ¿Cuántos prefijos distintos son necesarios? Busca a qué provincia corresponde el prefijo 987.**

Como Ceuta y Melilla no tenían prefijo propio, hacían falta tantos prefijos como provincias, 50.

El prefijo 987 correspondía a León.

- 1.III. **¿Sabes cómo llamar a España desde el extranjero? ¿Y los teléfonos de emergencia (policía, bomberos, urgencias)? Si tienes móvil, ¿llevas algunos de estos teléfonos apuntados, por si te hacen falta?**

Para llamar a España desde el extranjero es necesario marcar en la mayoría de los países 00 + 34 + número de teléfono.

Los números de emergencia más usados son:

- Llamadas de urgencia, policía, ambulancia o bomberos: 112
- Policía: 091
- Guardia Civil: 062
- Bomberos: 080 o 085
- Médicos: 061

Respuesta abierta.

- 1.IV. **Habrás visto en televisión una campaña de Cruz Roja sobre los teléfonos de tu móvil. Para saber a quién hay que avisar si tienes un accidente, se recomienda que en la agenda de tu móvil pongas delante del nombre de esa persona las letras Aa (avisar a). Así aparecerá la primera en tu agenda y será más fácil contactar con esa persona. ¿Lo has hecho?**

Respuesta abierta.

ACTIVIDADES PROPUESTAS

- 1.1. **Actividad resuelta.**

- 1.2. **Actividad resuelta.**

1.3. Escribe 5 múltiplos de:

- | | |
|-------|-------|
| a) 8 | c) 25 |
| b) 19 | d) 40 |

Respuesta libre:

- a) 8, 16, 24, 32, 40
- b) 19, 38, 57, 76, 95
- c) 25, 50, 75, 100, 125
- d) 40, 80, 120, 160, 200

1.4. Halla todos los divisores de los números:

- | | |
|-------|-------|
| a) 16 | d) 20 |
| b) 44 | e) 13 |
| c) 27 | f) 35 |
- a) 1, 2, 4, 8, 16
 - b) 1, 2, 4, 11, 22, 44
 - c) 1, 3, 9, 27
 - d) 1, 2, 4, 5, 10, 20
 - e) 1, 13
 - f) 1, 5, 7, 35

1.5. Utilizando los criterios de divisibilidad, estudia si son divisibles por 2, 3 y 5:

- | | |
|--------|--------|
| a) 45 | d) 75 |
| b) 90 | e) 100 |
| c) 316 | f) 408 |
- a) Es divisible por 3 y por 5.
 - b) Es divisible por 2, 3 y 5.
 - c) Es divisible por 2
 - d) Es divisible por 3 y 5.
 - e) Es divisible por 2 y 5.
 - f) Es divisible por 2 y 3.

1.6. Razona si son ciertas o falsas las afirmaciones:

- a) Si un número es múltiplo de 4, también lo es de 2.
 - b) Un múltiplo de 3 lo es también de 9.
 - c) No hay ningún número que sea a la vez múltiplo de 2 y de 5.
- a) Sí, porque un múltiplo de 4 siempre acaba en cifra par.
 - b) No, porque si la suma de sus cifras es 3, no puede ser múltiplo de 9.
 - c) Sí, todo el que acabe en 0.

1.7. Escribe un número de 2 cifras que solo tenga dos divisores.

Cualquier número primo entre 9 y 100 es una respuesta correcta.

1.8. Escribe dos números de cuatro cifras que sean divisibles por 2, por 3 y por 25 a la vez, y no lo sean por 100.

1650 y 8250

1.9. ¿Qué tiene que cumplir un número para ser divisible por 45?

Debe ser múltiplo de 5 y de 9 a la vez.

1.10. Calcula de cuantas formas distintas se pueden agrupar 18 libros de modo que en todos los grupos haya la misma cantidad.

El número de libros que habrá en cada grupo es cada uno de los divisores de 18: 1, 2, 3, 6, 9, 18.

1.11. Un mago, para realizar su truco, necesita hacer montones iguales con las cartas de una baraja francesa, que tiene 52 cartas. ¿De cuántas maneras distintas puede hacer los montones?

El número de cartas que puede tener cada montón es: 1, 2, 4, 13, 26 y 52.

El número de montones en cada caso será: 51, 26, 4, 13, 2 y 1.

1.12. Actividad resuelta.

1.13. De los siguientes números, ¿cuáles son primos y cuáles compuestos?

- | | | | |
|-------|--------|--------|---------|
| a) 39 | d) 71 | g) 147 | j) 343 |
| b) 18 | e) 77 | h) 169 | k) 803 |
| c) 53 | f) 121 | i) 239 | l) 2001 |

- a) Compuesto
- b) Compuesto
- c) Primo
- d) Primo
- e) 77 es compuesto porque es divisible por 7 y por 11.
- f) 121 es compuesto porque es divisible por 11.
- g) 147 es compuesto por ser divisible por 3.
- h) 169 es compuesto porque es divisible por 13.
- i) 239 es primo.

| | | | | |
|-----------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------|
| $\begin{array}{r} 239 \overline{)2} \\ 03 \quad 119 \\ \underline{19} \\ 1 \end{array}$ | $\begin{array}{r} 239 \overline{)3} \\ 2979 \\ \underline{2} \end{array}$ | $\begin{array}{r} 239 \overline{)5} \\ 3947 \\ \underline{4} \end{array}$ | $\begin{array}{r} 239 \overline{)7} \\ 2934 \\ \underline{1} \end{array}$ | $\begin{array}{r} 239 \overline{)11} \\ 1921 \\ \underline{8} \end{array}$ |
|-----------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------|

| | |
|------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------|
| $\begin{array}{r} 239 \overline{)13} \\ 10918 \\ \underline{05} \end{array}$ | $\begin{array}{r} 239 \overline{)17} \\ 06914 \\ \underline{01} \end{array}$ |
|------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------|

- j) 343 es múltiplo de 7.
- k) 803 es múltiplo de 11.
- l) 2001 es múltiplo de 3.

1.14. Encuentra el primer primo mayor que 116

Solo se estudiarán los números impares, ya que los pares son siempre divisibles por 2 y, por tanto, compuestos. El siguiente a 116, 117, es múltiplo de 3. Se estudia 119.

$$\begin{array}{r}
 119 \overline{)2} \\
 \underline{1959} \\
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 119 \overline{)3} \\
 \underline{2939} \\
 2
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 119 \overline{)5} \\
 \underline{1923} \\
 4
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 119 \overline{)7} \\
 \underline{4917} \\
 0
 \end{array}$$

Como es divisible por 7, 119 es compuesto.

El siguiente a estudiar, 121, es divisible por 11. Luego es compuesto.

123 es múltiplo de 3, y 125 lo es de 5.

Se estudia 127.

$$\begin{array}{r}
 127 \overline{)2} \\
 \underline{0763} \\
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 127 \overline{)3} \\
 \underline{0742} \\
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 127 \overline{)5} \\
 \underline{2725} \\
 2
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 127 \overline{)7} \\
 \underline{5718} \\
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 127 \overline{)11} \\
 \underline{1711} \\
 6
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 127 \overline{)13} \\
 \underline{109} \\

 \end{array}$$

El último cociente obtenido es menor que el divisor. Por tanto, 127 es el primer número primo después de 116.

1.15. Halla cuatro números primos entre 300 y 400. Explica cómo los has encontrado.

| | | | | | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 301 | 302 | 303 | 304 | 305 | 306 | 307 | 308 | 309 | 310 |
| 311 | 312 | 313 | 314 | 315 | 316 | 317 | 318 | 319 | 320 |
| 321 | 322 | 323 | 324 | 325 | 326 | 327 | 328 | 329 | 330 |
| 331 | 332 | 333 | 334 | 335 | 336 | 337 | 338 | 339 | 340 |
| 341 | 342 | 343 | 344 | 345 | 346 | 347 | 348 | 349 | 350 |
| 351 | 352 | 353 | 354 | 355 | 356 | 357 | 358 | 359 | 360 |
| 361 | 362 | 363 | 364 | 365 | 366 | 367 | 368 | 369 | 370 |
| 371 | 372 | 373 | 374 | 375 | 376 | 377 | 378 | 379 | 380 |
| 381 | 382 | 383 | 384 | 385 | 386 | 387 | 388 | 389 | 390 |
| 391 | 392 | 393 | 394 | 395 | 396 | 397 | 398 | 399 | 400 |

El proceso que se sigue para obtener los números primos es:

Se tachan los números que acaban en 0 o en cifra par por ser múltiplos de 2 y los acabados en 5 por ser múltiplos de 5.

El primer múltiplo de 3 es 303. Se tacha, y a partir de él, todos los múltiplos de 3.

Los múltiplos de 4 y de 6 ya están eliminados, por ser múltiplos de 2 y de 2 y 3.

El primer múltiplo de 7 es el 301. Se tacha, y a partir de él, todos los múltiplos de 7.

También se han tachado los múltiplos de 8, los de 9 y los de 10.

Se eliminan los múltiplos de 11, empezando por el primero, 308, que ya está eliminado.

Ya están eliminados los múltiplos de 12.

Por tanto, los números que quedan son primos.

Para encontrar 4 mayores que 400 se puede seguir el mismo procedimiento o buscar los 4 primeros empezando por 401.

- 401 no es múltiplo de 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19 ni 23. Es primo.
- 403 es divisible entre 13, por lo que no es primo.
- 407 es divisible entre 11, por lo que no es primo.
- 409 no es múltiplo de 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19 ni 23. Es primo.
- 413 es divisible entre 7, por lo que no es primo.
- 419 no es múltiplo de 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19 ni 23. Es primo.
- 421 no es múltiplo de 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19 ni 23. Es primo.
- Los cuatro números primos pueden ser: 401, 409, 419 y 421.

1.16. ¿Cuántos números primos hay entre 200 y 205? ¿Y entre 300 y 305?

Los números pares son múltiplos de 2; por tanto, 200, 202 y 204 son números compuestos.

El número 201 es múltiplo de 3 porque la suma de sus cifras lo es. Por tanto, no es primo.

El número 205 es múltiplo de 5, luego es compuesto.

Falta comprobar si 203 es primo o compuesto.

$$\begin{array}{r}
 203 \overline{) 2} \quad 203 \overline{) 3} \quad 203 \overline{) 5} \quad 203 \overline{) 7} \\
 003 \quad 101 \quad 2367 \quad 0340 \quad 6329 \\
 \underline{1} \quad \quad \quad \underline{2} \quad \quad \quad \underline{3} \quad \quad \quad \underline{0}
 \end{array}$$

Como 203 es divisible por 7, también es compuesto.

Entre 200 y 205 no hay ningún número primo.

Los números pares son múltiplos de 2; por tanto, 300, 302 y 304 son números compuestos.

El número 303 es múltiplo de 3 porque la suma de sus cifras lo es. Por tanto, no es primo.

El número 305 es múltiplo de 5, luego es compuesto.

Falta comprobar si 301 es primo o compuesto.

$$\begin{array}{r}
 301 \overline{) 2} \quad 301 \overline{) 3} \quad 301 \overline{) 5} \quad 301 \overline{) 7} \\
 10 \quad 150 \quad 001100 \quad 0160 \quad 2143 \\
 \underline{01} \quad \quad \quad \underline{1} \quad \quad \quad \underline{1} \quad \quad \quad \underline{0}
 \end{array}$$

Como 301 es divisible por 7, también es compuesto.

Entre 300 y 305 tampoco hay ningún número primo.

1.17. Actividad interactiva

1.18. Escribe el número cuya descomposición factorial es:

- | | | |
|--------------------------|---------------------------|----------------------------------|
| a) $2^3 \cdot 5^2$ | c) $5^3 \cdot 7^2$ | e) $3^3 \cdot 5 \cdot 7$ |
| b) 2^6 | d) $2 \cdot 3^4$ | f) $3 \cdot 5 \cdot 11^2$ |
| a) $2^3 \cdot 5^2 = 200$ | c) $5^3 \cdot 7^2 = 6125$ | e) $3^3 \cdot 5 \cdot 7 = 945$ |
| b) $2^6 = 64$ | d) $2 \cdot 3^4 = 163$ | f) $3 \cdot 5 \cdot 11^2 = 1815$ |

1.19. Expresa los siguientes números como productos de 3 factores:

- | | | | |
|-----------------------------|-------|-------------------------------|--------|
| a) 28 | b) 45 | c) 64 | d) 168 |
| a) $28 = 2 \cdot 2 \cdot 7$ | | c) $64 = 2 \cdot 4 \cdot 8$ | |
| b) $45 = 3 \cdot 3 \cdot 5$ | | d) $168 = 2 \cdot 4 \cdot 21$ | |

1.20. Descompón en factores primos:

- | | | | |
|--------------------------------|--------|------------------------------------------|---------|
| a) 56 | d) 95 | g) 999 | j) 1944 |
| b) 57 | e) 189 | h) 1540 | k) 1000 |
| c) 79 | f) 243 | i) 3072 | l) 3690 |
| a) $56 = 2^3 \cdot 7$ | | g) $999 = 3^3 \cdot 37$ | |
| b) $57 = 3 \cdot 19$ | | h) $1540 = 2^2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11$ | |
| c) $79 = 1 \cdot 79$ | | i) $3072 = 2^3 \cdot 3$ | |
| d) $95 = 5 \cdot 19$ | | j) $1944 = 2^3 \cdot 3^4$ | |
| e) $189 = 3^2 \cdot 3 \cdot 7$ | | k) $1000 = 2^3 \cdot 5^3$ | |
| f) $243 = 3^5$ | | l) $3690 = 2 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 41$ | |

1.21. Copia y completa con los números adecuados para que sean ciertas las igualdades.

a) $250 = \square \cdot 5^{\square}$

c) $140 = \square^2 \cdot 5 \cdot \square$

b) $504 = 2^{\square} \cdot \square^2 \cdot 7$

d) $832 = 2^{\square} \cdot \square$

a) $250 = 50 \cdot 5$

c) $140 = 2^2 \cdot 5 \cdot 7$

b) $504 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 7$

d) $832 = 2^6 \cdot 13$

1.22. Calcula el número de divisores de:

a) 11

b) 18

c) 24

d) 50

a) Tiene 2 divisores: 1 y 11.

c) Tiene 8 divisores: 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24.

b) Tiene 6 divisores: 1, 2, 3, 6, 9, 18.

d) Tiene 6 divisores: 1, 2, 5, 10, 25, 50.

1.23. a) Descompón 90 en factores primos.

b) Averigua el número más pequeño por el que debes multiplicar a 90 para obtener un número cuadrado perfecto.

c) Averigua el número más grande por el que debes dividir a 90 para obtener otro cuadrado perfecto.

a) $90 = 2 \cdot 3^2 \cdot 5$

b) Para obtener un cuadrado perfecto, bastaría que en la descomposición factorial los factores 2 y 5 estuvieran elevados a 2. Por tanto, hay que multiplicarlo por 10.

c) Sería cuadrado perfecto si al dividir, el cociente fuera el factor que aparece como tal en la descomposición, 3^2 . Por tanto, hay que dividir por 10.

1.24. Actividad resuelta.

1.25. Calcula el máximo común divisor y el mínimo común múltiplo de los números:

a) 180 y 360

c) 720 y 345

e) 315 y 176

b) 882 y 588

d) 375 y 600

f) 392 y 252

a) $m.c.d.(180, 360) = 180$

$m.c.m.(180, 360) = 360$

b) $m.c.d.(882, 588) = 2 \cdot 3 \cdot 7^2 = 294$

$m.c.m.(882, 588) = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 7^2 = 1764$

c) $m.c.d.(720, 345) = 3 \cdot 5 = 15$

$m.c.m.(720, 345) = 2^4 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 23 = 16550$

d) $m.c.d.(375, 600) = 3 \cdot 5^2 = 75$

$m.c.m.(375, 600) = 2^3 \cdot 3 \cdot 5^3 = 2700$

e) $m.c.d.(315, 176) = 1$

$m.c.m.(315, 176) = 2^4 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 = 55440$

f) $m.c.d.(392, 252) = 2^2 = 4$

$m.c.m.(392, 252) = 2^5 \cdot 3 \cdot 11 \cdot 31 = 32736$

1.26. Calcula el máximo común divisor y el mínimo común múltiplo de los números:

a) 180 y 360

c) 720 y 345

e) 315 y 176

b) 882 y 588

d) 375 y 600

f) 392 y 252

a) $m.c.d.(180, 360) = 180$

$m.c.m.(180, 360) = 360$

b) $m.c.d.(882, 588) = 2 \cdot 3 \cdot 7^2 = 294$

$m.c.m.(882, 588) = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 7^2 = 1764$

c) $m.c.d.(720, 345) = 3 \cdot 5 = 15$

$m.c.m.(720, 345) = 2^4 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 23 = 16\ 550$

d) $m.c.d.(375, 600) = 3 \cdot 5^2 = 75$

$m.c.m.(375, 600) = 2^3 \cdot 3 \cdot 5^3 = 2700$

e) $m.c.d.(315, 176) = 1$

$m.c.m.(315, 176) = 2^4 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 = 55\ 440$

f) $m.c.d.(392, 252) = 2^2 = 4$

$m.c.m.(392, 252) = 2^5 \cdot 3 \cdot 11 \cdot 31 = 32\ 736$

1.27. ¿Son primos entre sí 72 y 175?

$$72 = 2^3 \cdot 3^2$$

$$175 = 5^2 \cdot 7$$

El único divisor común es el 1. Son primos entre sí.

1.28. En una frutería tienen 162 manzanas y 96 naranjas. Quieren colocarlas en bandejas que tengan el mismo número de piezas de fruta sin que estas se mezclen. ¿Cuántas de cada clase deben hacer?

Hay que buscar un divisor común al número de manzanas y naranjas:

$$D(162) = 1, 2, 3, 6, 9, 18, 27, 54, 81, 162$$

$$D(96) = 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 32, 48, 96$$

El número de frutas que se deben poner en cada bandeja puede ser: 1, 2, 3 o 6.

En cada caso, el número de bandejas debe ser: 162 de manzanas y 96 de naranjas si se ponen de 1 en 1; 81 de manzanas y 48 de naranjas si se colocan de 2 en 2; 54 de manzanas y 32 de naranjas si se agrupan de 3 en 3, y 17 de manzanas y 16 de naranjas si se colocan de 6 en 6.

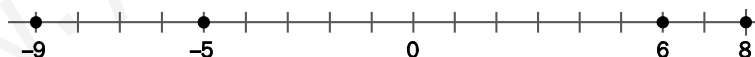
1.29. Expresa con números enteros las siguientes situaciones:

- a) 25 °C bajo cero
- b) 245 m sobre el nivel del mar
- c) Primer sótano de un edificio
- d) Ingresar en el banco 35 euros

- a) -25
- b) +245
- c) -1
- d) +35

1.30. Representa en la recta los siguientes números y sus opuestos y ordénalos de menor a mayor.

- a) 6
- b) -5
- c) -9
- d) 8



$$-9 < -8 < -6 < -5 < 5 < 6 < 8 < 9$$

1.31. Calcula:

- a) $|\text{op}(12)|$
- b) $|-7|$
- c) $|\text{op}(-18)|$

a) $|\text{op}(12)| = |-12| = 12$

b) $|-7| = 7$

c) $|\text{op}(-18)| = |18| = 18$

1.32. Actividad resuelta.

1.33. Calcula:

a) $14 + (-8)$

b) $-3 - 20$

c) $-8 + 8$

a) $14 + (-8) = +6$

b) $-3 - 20 = -23$

c) $-8 + 8 = 0$

d) $16 - (-1)$

e) $-7 + (-3)$

f) $16 + (-18)$

d) $16 - (-1) = 17$

e) $-7 + (-3) = -10$

f) $16 + (-18) = 34$

g) $-5 - 5$

h) $-15 - (-5)$

i) $9 - (-15)$

g) $-5 - 5 = -10$

h) $-15 - (-5) = -10$

i) $9 - (-15) = 24$

1.34. Realiza de dos formas distintas:

a) $3 + (-9) + 4$

b) $-4 + (-3) - (-2)$

Aplicando la propiedad asociativa:

a) $[3 + (-9)] + 4 = -6 + 4 = -2$

b) $3 + [(-9) + 4] = 3 + (-5) = -2$

a) $[-4 + (-3)] - (-2) = -7 - (-2) = -5$

b) $-4 + [(-3) - (-2)] = -4 + (-1) = -5$

1.35. Halla el resultado de:

a) $18 - 7 - 12$

b) $9 + 6 - 24$

c) $11 + 3 - 7$

a) $18 - 7 - 12 = -1$

b) $9 + 6 - 24 = -9$

c) $11 + 3 - 7 = 7$

d) $-4 - 9 - 2 + 15$

e) $-10 - 8 + 6 + 19$

f) $14 - 5 + 4 - 13$

d) $-4 - 9 - 2 + 15 = 0$

e) $-10 - 8 + 6 + 19 = +7$

f) $14 - 5 + 4 - 13 = 0$

1.36. Un buceador desciende 2 metros; luego 1 metro más y por último otros 4 metros. ¿A qué profundidad se encuentra en ese momento?

$$-2 + (-1) + (-4) = -7$$

Se encuentra a 7 metros de profundidad.

1.37. Un alpinista escaló 50 metros un día. Al día siguiente llovía y decidió descender 15 metros para protegerse en una cueva. ¿A qué altitud se encuentra la cueva?

1.º Sube 50 m: $+50$.

2.º Baja 15 m: -15 .

La cueva se encuentra a: $-50 + (-15) = 35$ m.

1.38. Actividad resuelta.

1.39. Calcula:

a) $8 \cdot 9$

b) $-2 \cdot 12$

c) $-4 \cdot (-7)$

a) $8 \cdot 9 = +72$

b) $-2 \cdot 12 = -24$

c) $-4 \cdot (-7) = +28$

d) $6 \cdot (-5) \cdot 3$

e) $-2 \cdot (-10) \cdot (-1)$

f) $-4 \cdot 8 \cdot (-2)$

d) $6 \cdot (-5) \cdot 3 = -90$

e) $-2 \cdot (-10) \cdot (-1) = -20$

f) $-4 \cdot 8 \cdot (-2) = 64$

1.40. Halla el resultado de las siguientes divisiones exactas:

- | | |
|----------------------|-----------------------------|
| a) $-36 : 4$ | d) $9 : (-1)$ |
| b) $16 : (-2)$ | e) $-45 : (-3) : (-5)$ |
| c) $-15 : (-5)$ | f) $100 : 10 : (-2)$ |
| a) $-36 : 4 = -9$ | d) $9 : (-1) = -9$ |
| b) $16 : (-2) = -8$ | e) $-45 : (-3) : (-5) = -3$ |
| c) $-15 : (-5) = +3$ | f) $100 : 10 : (-2) = -5$ |

1.41. Comprueba que se cumplen las siguientes igualdades:

- a) $[(-5) \cdot 8] \cdot (-4) = (-5) \cdot [8 \cdot (-4)]$
 b) $1 \cdot (-4) \cdot 3 = 3 \cdot (-4)$
 c) $(-5) [2 \cdot 8] = [2 \cdot 8] \cdot (-5) = 2 \cdot [8 \cdot (-5)]$

¿Qué propiedades se reflejan en ellas?

- a) $[(-5) \cdot 8] \cdot (-4) = -40 \cdot (-4) = 160$
 $(-5) \cdot [8 \cdot (-4)] = -5 \cdot (-32) = 160$

Es la propiedad asociativa del producto de números enteros.

- b) $1 \cdot (-4) \cdot 3 = 3 \cdot (-4)$
 $1 \cdot (-4) \cdot 3 = -4 \cdot 3 = -12$
 $3 \cdot (-4) = -12$

Se utilizan el elemento neutro y la propiedad conmutativa de la multiplicación de enteros.

- c) $(-5) \cdot [2 \cdot 8] = [2 \cdot 8] \cdot (-5) = 2 \cdot [8 \cdot (-5)]$
 $(-5) \cdot [2 \cdot 8] = (-5) \cdot 16 = -80$
 $[2 \cdot 8] \cdot (-5) = 16 \cdot (-5) = -80$
 $2 \cdot [8 \cdot (-5)] = 2 \cdot (-40) = -80$

En la primera igualdad se utiliza la propiedad conmutativa de la multiplicación de enteros, y en la segunda, la propiedad asociativa.

1.42. Utilizando la propiedad distributiva, calcula:

- | | |
|--------------------------------------------------------------------------|------------------------|
| a) $3 \cdot (-5 + 2)$ | c) $-5 \cdot (9 + 1)$ |
| b) $-4 \cdot [7 + (-1)]$ | d) $-6 \cdot (-3 + 5)$ |
| a) $3 \cdot (-5 + 2) = 3 \cdot (-5) + 3 \cdot 2 = -15 + 6 = -9$ | |
| b) $-4 \cdot [7 + (-1)] = -4 \cdot 7 + (-4) \cdot (-1) = -28 + 4 = -24$ | |
| c) $-5 \cdot (9 + 1) = -5 \cdot 9 + (-5) \cdot 1 = -45 + (-5) = -50$ | |
| d) $-6 \cdot (-3 + 5) = -6 \cdot (-3) + (-6) \cdot 5 = 18 + (-30) = -12$ | |

1.43. Extrae factor común en las siguientes expresiones y calcula:

- | | |
|-----------------------------------------------------|----------------------------------------------|
| a) $(-3) \cdot 5 + (-3) \cdot 2$ | c) $4 \cdot 3 + 2 \cdot 7$ |
| b) $2 \cdot 3 + (-5) \cdot (-2)$ | d) $-15 + 45$ |
| a) $(-3) \cdot 5 + (-3) \cdot 2 = -3 \cdot (5 + 2)$ | c) $4 \cdot 3 + 2 \cdot 7 = 2 \cdot (6 + 7)$ |
| b) $2 \cdot 3 + (-5) \cdot (-2) = 2 \cdot (3 + 5)$ | d) $-15 + 45 = 15 \cdot (-1 + 3)$ |

1.44. Copia y completa en tu cuaderno con los números adecuados las siguientes igualdades:

a) $50 : (-2) : 5 = \square : \square = -5$

d) $2 \cdot (\square + 3) = -10 + \square = \square$

b) $6 \cdot (-4) \cdot \square = 24$

e) $-4 \cdot 5 + (-4) \cdot (-1) = \square \cdot (5 + \square)$

c) $-81 : \square : (-3) = \square : (-3) = -1$

a) $50 : (-2) : 5 = -25 : 5 = -5$

b) $6 \cdot (-4) \cdot (-1) = 24$

c) Hay varias opciones:

$-81 : 9 : (-3) = -9 : (-3) = 3$

$-81 : -9 : (-3) = 9 : (-3) = -3$

$-81 : 3 : (-3) = -27 : (-3) = 9$

$-81 : -3 : (-3) = 27 : (-3) = -9$

d) $2 \cdot (-5 + 3) = -10 + 15 = -5$

e) $-4 \cdot 5 + (-4) \cdot (-1) = -4 \cdot (5 + (-1))$

1.45. Halla el resultado de las siguientes operaciones sin paréntesis:

a) $-6 + 5 \cdot (-7) - (-27) : 3$

e) $2 - (-3) \cdot 5 + 30 : (-3) : (-2)$

b) $18 : (-2) : 9 + (-4) \cdot 2 \cdot 5$

f) $7 + 12 : (-6) : 2 - (-3) \cdot (-1) \cdot 4$

c) $-3 \cdot 9 - 26 : (-2) + 14 : 7 \cdot (-2)$

g) $4 \cdot (-7) : (-2) + 18 : (-3) \cdot 6 - 9 \cdot (-8)$

d) $16 : (-4) + 8 : 2 \cdot (-3) - 12$

h) $81 : (-9) \cdot 3 - 6 \cdot (-2) \cdot 4 - 36 : 2 : 6$

a) $-6 + 5 \cdot (-7) - (-27) : 3 = -6 - 35 + 9 = -32$

b) $18 : (-2) : 9 + (-4) \cdot 2 \cdot 5 = -9 : 9 - 40 = -1 - 40 = -41$

c) $-3 \cdot 9 - 26 : (-2) + 14 : 7 \cdot (-2) = -27 + 13 + 2 \cdot (-2) = -27 + 13 - 4 = -18$

d) $16 : (-4) + 8 : 2 \cdot (-3) - 12 = -4 + 4 \cdot (-3) - 12 = -4 - 12 - 12 = -28$

e) $2 - (-3) \cdot 5 + 30 : (-3) : (-2) = 2 + 15 - 10 : (-2) = 17 + 5 = 22$

f) $7 + 12 : (-6) : 2 - (-3) \cdot (-1) \cdot 4 = 7 - 2 : 2 - 12 = 7 - 1 - 12 = -6$

g) $4 \cdot (-7) : (-2) + 18 : (-3) \cdot 6 - 9 \cdot (-8) = -28 : (-2) - 6 \cdot 6 + 72 = 14 - 36 + 72 = 50$

h) $81 : (-9) \cdot 3 - 6 \cdot (-2) \cdot 4 - 36 : 2 : 6 = -9 \cdot 3 + 48 - 18 : 6 = -27 + 48 - 3 = 18$

1.46. Calcula:

a) $9 \cdot (5 - 8) - 2$

d) $4 - (3 \cdot 5) - 8 + 7$

b) $-7 - 4 : (11 - 9)$

e) $-10 + 15 : 3 - (13 - 8)$

c) $(12 + 6 + 8) - 20 : 2$

f) $28 : 4 : 7 - (7 - 6)$

a) $9 \cdot (5 - 8) - 2 = 9 \cdot (-3) - 2 = -27 - 2 = -29$

b) $-7 - 4 : (11 - 9) = -7 - 4 : 2 = -7 - 2 = -9$

c) $(12 + 6 + 8) - 20 : 2 = 26 - 10 = 16$

d) $4 - (3 \cdot 5) - 8 + 7 = 4 - 15 - 8 + 7 = 11 - 23 = -12$

e) $-10 + 15 : 3 - (13 - 8) = -10 + 5 - 5 = -10$

f) $28 : 4 : 7 - (7 - 6) = 7 : 7 - 1 = 1 - 1 = 0$

1.47. Razona si son correctas o no las siguientes igualdades.

a) $2 + 4 \cdot 5 + 9 = 6 \cdot 5 + 9$

b) $7 - 3 \cdot (5 - 6) = 4 \cdot (-1)$

a) No es correcta porque primero se ha hecho la suma $2 + 4$, y se debe hacer antes la multiplicación $4 \cdot 5$.

b) No es correcta porque después de hacer el paréntesis hay que multiplicar este resultado por 3, y se ha realizado la resta $7 - 3$.

1.48. Calcula:

a) $3 + 2 [6 : (-3) - 1] - [5 + 3 \cdot (-2)]$

b) $-7 - [15 : (-1 + 4) - 2]$

c) $70 : [(-5) \cdot 7] - 8 \cdot [(-2) + 6]$

d) $-2 \cdot [(9 - 6) \cdot 5 + 3] - (4 - 2 \cdot 5) \cdot (6 - 3)$

e) $(-8 + 2) \cdot (-6) : 4 \cdot 9 - 75 : (9 - 4) \cdot (-1)$

f) $20 : (-3 - 1) \cdot 7 + 3 \cdot (6 \cdot 4 - 12 : 3)$

g) $9 - [6 \cdot (4 - 2 \cdot 5) - (7 - 2)]$

h) $8 + 2 \cdot 7 - (13 - 15) \cdot (12 - 4 \cdot 2)$

a) $3 + 2[6 : (-3) - 1] - [5 + 3 \cdot (-2)] = 3 + 2(-2 - 1) - (5 - 6) = 3 - 6 + 1 = -2$

b) $-7 - [15 : (-1 + 4) - 2] = -7 - (15 : 3 - 2) = -7 - 3 = -10$

c) $70 : [(-5) \cdot 7] - 8 \cdot [(-2) + 6] = 70 : (-35) - 8 \cdot 4 = -2 - 32 = -34$

d) $-2 \cdot [(9 - 6) \cdot 5 + 3] - (4 - 2 \cdot 5) \cdot (6 - 3) = -2 \cdot (3 \cdot 5 + 3) - (4 - 10) \cdot 3 = -2 \cdot 18 - (-6) \cdot 3 = -36 + 18 = -18$

e) $(-8 + 2) \cdot (-6) : 4 \cdot 9 - 75 : (9 - 4) \cdot (-1) = -6 \cdot (-6) : 4 \cdot 9 - 75 : 5 \cdot (-1) = 36 : 4 \cdot 9 - 15 \cdot (-1) = 9 + 15 = 24$

f) $20 : (-3 - 1) \cdot 7 + 3 \cdot (6 \cdot 4 - 12 : 3) = 20 : (-4) \cdot 7 + 3 \cdot (24 - 4) = -5 \cdot 7 + 3 \cdot 20 = -35 + 60 = 25$

g) $9 - [6 \cdot (4 - 2 \cdot 5) - (7 - 2)] = 9 - [6 \cdot (-6) - 5] = 9 - (-36 - 5) = 9 + 41 = 50$

h) $8 + 2 \cdot 7 - (13 - 15) \cdot (12 - 4 \cdot 2) = 8 + 14 - (-2) \cdot (12 - 8) = 8 + 14 + 8 = 30$

1.49. En algunas de las siguientes operaciones no son necesarios los paréntesis. ¿En cuáles?

a) $(6 : 3) : (-2) \cdot 4$

d) $(-4 + 9) \cdot 3$

b) $-7 \cdot (-18 : 6)$

e) $[10 \cdot (-2)] : 4$

c) $12 - (4 \cdot 9)$

f) $36 : (-12 : 2)$

No son necesarios en a, c y d porque las operaciones se realizarían en el mismo orden que están puestos los paréntesis.

1.50. Escribe los paréntesis necesarios para que las igualdades sean ciertas.

a) $4 - 9 \cdot 6 : 10 = -3$

c) $2 \cdot 11 - 4 \cdot 3 = -2$

b) $18 : 5 - 2 + 7 = 13$

d) $16 : 4 - 8 \cdot 2 = -8$

a) $(4 - 9) \cdot 6 : 10 = -3$

b) $18 : (5 - 2) + 7 = 13$

c) $2 \cdot (11 - 4 \cdot 3) = -2$

d) $(16 : 4 - 8) \cdot 2 = -8$

EJERCICIOS

Múltiplos y divisores

1.51. Escribe 5 múltiplos de cada uno de los números.

- | | | | |
|--------------------------|-------|-------|-------|
| a) 35 | b) 19 | c) 40 | d) 22 |
| a) 35, 70, 105, 140, 175 | | | |
| b) 19, 36, 57, 76, 95 | | | |
| c) 40, 80, 120, 160, 200 | | | |
| d) 22, 44, 66, 88, 110 | | | |

1.52. Halla todos los divisores de:

- | | | | |
|---------------------------------------------|-------|-------|--------|
| a) 28 | c) 63 | e) 18 | g) 91 |
| b) 150 | d) 24 | f) 60 | h) 100 |
| a) 1, 2, 4, 7, 14, 28 | | | |
| b) 1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 25, 30, 75, 150 | | | |
| c) 1, 3, 7, 9, 31, 63 | | | |
| d) 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24 | | | |
| e) 1, 2, 3, 6, 9, 18 | | | |
| f) 1, 2, 3, 4, 5, 6, 10, 12, 15, 20, 30, 60 | | | |
| g) 1, 91 | | | |
| h) 1, 2, 4, 5, 10, 20, 25, 50, 100 | | | |

1.53. Responde a las siguientes preguntas, razonando tu respuesta.

- ¿Es 45 múltiplo de 405?
 - ¿Es 32 múltiplo de 80?
 - ¿Es 18 divisor de 9?
 - ¿Es 24 divisor de 144?
- No, porque no se puede obtener multiplicando 405 por un número natural.
 - No, porque no se puede obtener multiplicando 80 por un número natural.
 - No, porque la división de 9 entre 18 no es exacta.
 - Sí, porque la división de 144 entre 24 es exacta.

1.54. Indica cuáles de los siguientes números son primos y cuáles compuestos.

- a) 567 c) 397 e) 611
 b) 121 d) 539 f) 241

- a) 567 es divisible por 3. Por tanto, es compuesto.
 b) Es compuesto porque es divisible por 11.
 c) Es primo puesto que:

$$\begin{array}{r}
 397 \overline{) 2} \\
 198 \\
 \hline
 17 \\
 1 \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 397 \overline{) 3} \\
 093 \\
 \hline
 072 \\
 07 \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 397 \overline{) 5} \\
 477 \\
 \hline
 29 \\
 2 \\
 \hline
 2
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 397 \overline{) 7} \\
 475 \\
 \hline
 66 \\
 5 \\
 \hline
 6
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 397 \overline{) 11} \\
 673 \\
 \hline
 66 \\
 1 \\
 \hline
 1
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 397 \overline{) 13} \\
 0730 \\
 \hline
 000
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 397 \overline{) 17} \\
 15729 \\
 \hline
 049 \\
 04 \\
 \hline
 9
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 397 \overline{) 19} \\
 01720 \\
 \hline
 010
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 397 \overline{) 23} \\
 16717 \\
 \hline
 067 \\
 06 \\
 \hline
 7
 \end{array}$$

- d) Es compuesto porque es divisible por 7.

$$\begin{array}{r}
 539 \overline{) 2} \\
 139 \\
 \hline
 19 \\
 1 \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 539 \overline{) 3} \\
 237 \\
 \hline
 299 \\
 29 \\
 \hline
 9
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 539 \overline{) 5} \\
 039107 \\
 \hline
 047 \\
 4 \\
 \hline
 7
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 539 \overline{) 7} \\
 4977 \\
 \hline
 000
 \end{array}$$

- e) Es compuesto porque es divisible por 13.

$$\begin{array}{r}
 611 \overline{) 2} \\
 011305 \\
 \hline
 15 \\
 1 \\
 \hline
 5
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 611 \overline{) 3} \\
 011203 \\
 \hline
 203 \\
 2 \\
 \hline
 3
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 611 \overline{) 5} \\
 11121 \\
 \hline
 111 \\
 1 \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 611 \overline{) 7} \\
 5187 \\
 \hline
 27 \\
 2 \\
 \hline
 7
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 611 \overline{) 11} \\
 06155 \\
 \hline
 65 \\
 6 \\
 \hline
 5
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 611 \overline{) 13} \\
 9147 \\
 \hline
 007 \\
 00 \\
 \hline
 7
 \end{array}$$

- f) Es primo.

$$\begin{array}{r}
 241 \overline{) 2} \\
 04120 \\
 \hline
 010 \\
 0 \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 241 \overline{) 3} \\
 0180 \\
 \hline
 180 \\
 0 \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 241 \overline{) 5} \\
 4148 \\
 \hline
 148 \\
 1 \\
 \hline
 8
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 241 \overline{) 7} \\
 3134 \\
 \hline
 334 \\
 3 \\
 \hline
 4
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 241 \overline{) 11} \\
 2121 \\
 \hline
 101 \\
 1 \\
 \hline
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 241 \overline{) 13} \\
 11118 \\
 \hline
 078 \\
 07 \\
 \hline
 8
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 241 \overline{) 17} \\
 7114 \\
 \hline
 314 \\
 3 \\
 \hline
 4
 \end{array}$$

1.55. Encuentra todos los números primos entre 100 y 125.

- 101 402 103 404 405 406 107 408 109 410
 411 412 113 414 415 416 417 418 419 420
 421 422 423 424 425

Se quitarán los números pares, aquellos que al sumar las cifras dé un múltiplo de 3 porque son divisibles por 3, los múltiplos de 4, los de 5, los de 7...

Todos los números que no están tachados son los primos entre 100 y 125: 101, 103, 107, 109 y 113.



1.56. Razona si cada una de las siguientes afirmaciones es verdadera o falsa. En este caso, pon un ejemplo que lo demuestre.

- a) Los múltiplos de un número son mayores o iguales que él.
 - b) Todos los números primos son impares .
 - c) No existe ningún número compuesto que sea impar.
 - d) Si un número a es divisor de b , b es múltiplo de a .
- a) Verdadera, porque los múltiplos de un número se obtienen multiplicando este por un número natural y , por tanto, si se multiplica por 1, es igual que el número, y si se multiplica por otro, resultará otro mayor que él.
- b) Verdadera, porque cualquier número par es divisible por 2.
- c) Falsa, porque 9 es divisible por 1, 3 y 9, y, por tanto, compuesto.
- d) Verdadera, porque si a es divisor de b , $b = a \cdot c$ (c es natural). Entonces, b se obtiene multiplicando a por un número natural, c , y, en consecuencia, es un múltiplo de a .

Divisibilidad. Descomposición factorial

1.57. Sin hacer la división, estudia cuáles de los siguientes números son divisibles por 4, 6 y 9.

- a) 216
- b) 600
- c) 312
- d) 854
- e) 992
- f) 414

- a) Es divisible por 4 porque sus dos últimas cifras lo son.
Es divisible por 6 por serlo por 2 y 3.
Y por 9 porque la suma de sus cifras es múltiplo de 9.
- b) Es múltiplo de 4 y 6.
- c) Es múltiplo de 4 y 6.
- d) No es múltiplo de ninguno de los tres números.
- e) Es múltiplo de 4.
- f) Es múltiplo de 6 y 9.

1.58. Escribe un número que sea a la vez divisible por:

- a) 2 y 3
- b) 2 y 5
- c) 3 y 7

Respuesta abierta. Se puede elegir el producto de los dos números o cualquier otro múltiplo de este. Por ejemplo:

- a) 12
- b) 30
- c) 21

1.59. Los números que son divisibles por 4, ¿lo son también por 2?

¿Los divisibles por 3 son también lo son por 9?

Razona tus respuestas.

Los números divisibles por 4 también lo son por 2 porque terminan en 0 o en par.

Los divisibles por 3 no siempre lo son de 9. Por ejemplo, 6.

1.60. Halla el valor de a para que el número $243a$ sea:

- a) Divisible por 3, pero no por 5.
- b) Divisible por 2, pero no por 3.
- c) Divisible por 11.
- a) La suma de las cifras debe ser múltiplo de 3 y, a la vez, a no puede ser ni 0 ni 5. Como la suma de las cifras es $9 + a$, para que sea múltiplo de 3, a debe ser 3, 6 o 9.
- b) Para que sea divisible por 2, a debe ser 0 o un par. Y para que no sea múltiplo de 3, la suma de las cifras no debe serlo. Entonces, a debe ser 0, 2, 4 u 8.
- c) Para que sea divisible por 11, la suma de las cifras pares y de las impares debe resultar en diferencia 0 o un múltiplo de 11. En este caso resultará 0 tomando como a el valor 1.

1.61. Halla los números cuya descomposición factorial es:

- | | | |
|--------------------------|--------------------------|----------------------------------|
| a) $5 \cdot 7^2$ | c) $2^2 \cdot 3^3$ | e) $2 \cdot 5 \cdot 11$ |
| b) $3^3 \cdot 5^2$ | d) $3 \cdot 11^2$ | f) $2^4 \cdot 3^2 \cdot 5$ |
| a) $5 \cdot 7^2 = 245$ | c) $2^2 \cdot 3^3 = 108$ | e) $2 \cdot 5 \cdot 11 = 110$ |
| b) $3^3 \cdot 5^2 = 225$ | d) $3 \cdot 11^2 = 363$ | f) $2^4 \cdot 3^2 \cdot 5 = 720$ |

1.62. Calcula la descomposición en factores primos de:

- | | | |
|----------------------------------|---------------------------------|----------------------------------|
| a) 375 | c) 648 | e) 700 |
| b) 1485 | d) 726 | f) 1600 |
| a) $375 = 3 \cdot 5^3$ | c) $648 = 2^3 \cdot 3^4$ | e) $700 = 2^2 \cdot 5^2 \cdot 7$ |
| b) $1485 = 3^3 \cdot 5 \cdot 11$ | d) $726 = 2 \cdot 3 \cdot 11^2$ | f) $1600 = 2^6 \cdot 5^2$ |

Máximo común divisor y mínimo común múltiplo

1.63. Calcula el máximo común divisor de:

- | | | |
|-----------------------------------------------------|------------------|-----------------|
| a) 45 y 63 | c) 28, 42 y 99 | e) 126, 56 y 84 |
| b) 75 y 625 | d) 60, 300 y 180 | f) 46, 33 y 115 |
| a) $m.c.d.(45, 63) = 32 = 9$ | | |
| b) $m.c.d.(75, 625) = 52 = 25$ | | |
| c) $m.c.d.(28, 42, 99) = 1$ | | |
| d) $m.c.d.(60, 300, 180) = 22 \cdot 3 \cdot 5 = 60$ | | |
| e) $m.c.d.(126, 56, 84) = 2 \cdot 7 = 14$ | | |
| f) $m.c.d.(46, 33, 115) = 1$ | | |

1.64. Halla el mínimo común múltiplo de:

- | | | |
|-------------------------------------------------------------------------------|--------------|--------------|
| a) 243 y 270 | c) 220 y 189 | e) 375 y 150 |
| b) 72 y 360 | d) 90 y 144 | f) 156 y 95 |
| a) $m.c.m.(243, 270) = 2 \cdot 3^5 \cdot 5 = 2430$ | | |
| b) $m.c.m.(72, 360) = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 = 720$ | | |
| c) $m.c.m.(220, 189) = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 11 \cdot 31 = 9\ 147\ 600$ | | |
| d) $m.c.m.(90, 144) = 2^4 \cdot 3^2 \cdot 5 = 720$ | | |
| e) $m.c.m.(375, 150) = 2 \cdot 3 \cdot 5^3 = 750$ | | |
| f) $m.c.m.(156, 95) = 22 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 13 \cdot 19 = 14\ 820$ | | |

1.65. El producto del máximo común divisor por el mínimo común múltiplo de dos números es 54432 y uno de los números es 216. ¿Cuál es el otro?

$$A \cdot B = \text{m.c.d.}(A, B) \cdot \text{m.c.m.}(A, B)$$

$$216 \cdot B = 54\,432 \Rightarrow B = 252 \text{ es el otro número.}$$

1.66. El máximo común divisor de dos números es 92 y el producto de esos números, 57684. Calcula el mínimo común múltiplo.

$$A \cdot B = \text{m.c.d.}(A, B) \cdot \text{m.c.m.}(A, B)$$

$$57\,684 = 92 \cdot \text{m.c.m.}(A, B) \Rightarrow \text{m.c.m.}(A, B) = 57\,684 : 92 = 627$$

1.67. Si el producto de dos números coincide con el mínimo común múltiplo de los mismos, ¿cuánto vale su máximo común divisor? ¿Qué relación existe entre esos números?

$$\text{Teniendo en cuenta que } A \cdot B = \text{m.c.d.}(A, B) \cdot \text{m.c.m.}(A, B)$$

$$\text{y que } A \cdot B = \text{m.c.m.}(A, B)$$

$$\text{se obtiene } \text{m.c.d.}(A, B) = 1.$$

Números enteros

1.68. Expresa con números enteros las siguientes situaciones.

a) Gastar 6 euros.

b) Estar a 18 grados de temperatura.

c) Estar a 150 metros sobre el nivel del mar.

d) Conseguir 24 puntos en un juego.

e) Estar en el tercer sótano.

a) -6

c) +150

e) -3

b) +18

d) +24

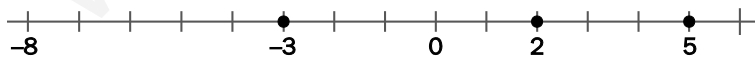
1.69. Representa en la recta real los números.

a) -3

b) 5

c) 2

d) -8



1.70. Ordena de menor a mayor.

a) -7, -9, 1, 3, 8

c) -5, 9, -6, -8

b) 4, 6, 0, -2, -1

d) 3, -4, 1, 0, 2

a) $-9 < -7 < 1 < 3 < 8$

c) $-8 < -6 < -5 < 9$

b) $-2 < -1 < 0 < 4 < 6$

d) $-4 < 0 < 1 < 2 < 3$