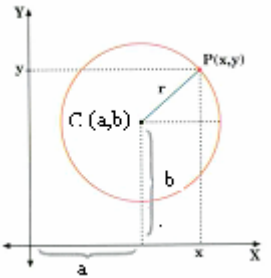
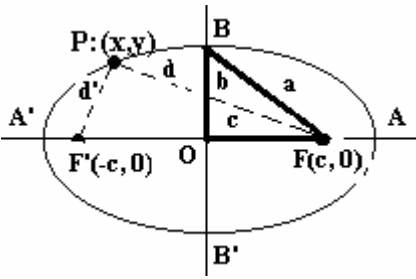
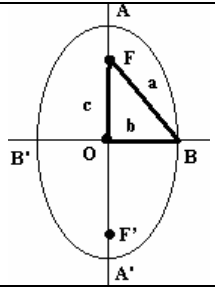
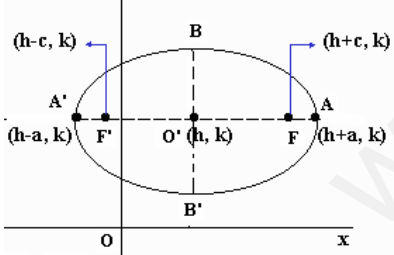
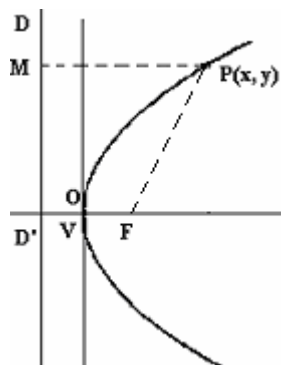


|                       |   | <b>GENERALIDADES</b>   | <b>ECUACIÓN</b>  | <b>E. TANGENTE</b><br><b>E. NORMAL</b>   | <b>ASÍNTOTAS</b> | <b>PARTICULARIDADES</b>   |
|-----------------------|---|--|--|--|------------------|---|
| <b>CIRCUNFERENCIA</b> |    | <p>Centro: C(a, b)<br/> <math>r \equiv d_{CP}</math>: radio</p> $r = \sqrt{(x-a)^2 + (y-b)^2}$ <p>A=- 2a B= -2b<br/> <math>C= a^2 + b^2 - r^2</math></p>   | $(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$ $x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0$ <p>Si C(0, 0):<br/> <math>x^2 + y^2 = r^2</math></p> | <p><b>E. Tangente</b><br/> <math display="block">y - y_0 = -\frac{x_0 - a}{y_0 - b}(x - x_0)</math></p> <p><b>Otra forma:</b><br/> <math display="block">y - y_0 = -\frac{x_0}{y_0}(x - x_0)</math></p>  |                  | <p><b>Potencia:</b><br/> Pot(Q) = <math>(x-a)^2 + (y-b)^2 - r^2</math></p> <p>Si <math>d_{QO} = r</math><br/> Pot(Q) = <math>d^2 - r^2</math></p> <p><b>Eje radical:</b><br/> <math>(A-A')x + (B-B')y + (C-C') = 0</math></p> |
| <b>ELIPSE</b>         |    | <p>Vértices: A, A', B, B'<br/> Focos: F, F'<br/> <math>d + d' = 2a</math><br/> Eje mayor: 2a<br/> Eje menor: 2b<br/> <math>FF' = 2c</math>; <math>OF = OF' = c</math><br/> <math>e = \frac{c}{a} &lt; 1</math>; <math>a^2 = b^2 + c^2</math><br/> e: excentricidad</p> | $PF + PF' = 2a$ $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  | <p><b>E. Tangente</b><br/> <math display="block">y - y_0 = -\frac{b^2 x_0}{a^2 y_0}(x - x_0)</math></p> <p><b>Otra forma:</b><br/> <math display="block">\frac{x \cdot x_0}{a^2} + \frac{y \cdot y_0}{b^2} = 1</math></p> <p><b>E. Normal</b><br/> <math display="block">y - y_0 = \frac{a^2 y_0}{b^2 x_0}(x - x_0)</math></p> |                  | <p>Coordenadas:</p> <p>O(0, 0)<br/> A(a, 0); A'(-a, 0)<br/> B(0, b); B'(0, -b)<br/> F(c, 0); F'(-c, 0)</p>  |
|                       |   | <p>O(0, 0)<br/> A(0, a); A'(0, -a)<br/> B(b, 0); B'(-b, 0)<br/> F(0, c); F'(0, -c)</p>   | $\frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1$  |  |                  |   |
|                       |  | <p>O(0, 0); O'(h, k)<br/> A(h+a, k); A'(h-a, k)<br/> B(h, k+b); B'(h, k-b)<br/> F(h+c, k); F'(h-c, k)</p>  | $\frac{(x-h)^2}{a^2} + \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$  |  |                  |   |

|           |  |   |   |  |                         |  |
|-----------|--|---|---|--|-------------------------|--|
|           |  | <p>O(0, 0); O'(h,k)</p> <p>A(h, k+a); A'(h, k-a)<br/>         B(h+b, k); B'(h-b, k)<br/>         F(h, k+c); F'(h, k-c)</p>  | $\frac{(x-h)^2}{b^2} + \frac{(y-k)^2}{a^2} = 1$                     |  |                         |  |
| HIPÉRBOLA |  | <p>Vértices: A, A', B, B'</p> <p>Focos: F, F'</p> <p>Eje real AA' = 2a<br/>         Eje imaginario: BB' = 2b<br/>         FF' = 2c; OF = OF' = c</p> <p><math>e = \frac{c}{a} &gt; 1</math>; <math>c^2 = a^2 + b^2</math></p> <p>e: excentricidad<br/> <math>d + d' = 2a</math></p> | <p><b>PF - PF' = 2a</b></p> $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ | <p><b>E. Tangente</b><br/> <math>y - y_0 = \frac{b^2 x_0}{a^2 y_0} (x - x_0)</math></p> <p><b>Otra forma:</b><br/> <math>\frac{x \cdot x_0}{a^2} - \frac{y \cdot y_0}{b^2} = 1</math></p> <p><b>E. Normal</b><br/> <math>y - y_0 = -\frac{a^2 y_0}{b^2 x_0} (x - x_0)</math></p> | $y = \pm \frac{b}{a} x$ | <p>Coordenadas:</p> <p>O(0, 0)<br/>         A(a, 0); A'(-a, 0)<br/>         B(0, b); B'(0, -b)<br/>         F(c, 0); F'(-c, 0)</p> |
|           |  | <p>O(0, 0)</p> <p>A(0, a); A'(0, -a)<br/>         B(b, 0); B'(-b, 0)<br/>         F(0, c); F'(0, -c)</p>  | $\frac{y^2}{a^2} - \frac{x^2}{b^2} = 1$                             |  |                         |  |

|  |   |   |  |             |  |
|--|---|---|--|-------------|--|
|  | <p><math>O(0, 0); O'(h, k)</math></p> <p><math>A(h, k+a); A'(h, k-a)</math><br/> <math>B(h+b, k); B'(h-b, k)</math><br/> <math>F(h, k+c); F'(h, k-c)</math></p> | $\frac{(x-h)^2}{a^2} - \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$ |  |             |  |
|  | <p><math>O(0, 0); O'(h, k)</math></p> <p><math>A(h, k+a); A'(h, k-a)</math><br/> <math>B(h+b, k); B'(h-b, k)</math><br/> <math>F(h, k+c); F'(h, k-c)</math></p> | $\frac{(y-k)^2}{a^2} - \frac{(x-h)^2}{b^2} = 1$ |  |             |  |
|  | <p><b>Hipérbola equilátera</b></p> <p><math>a = b</math></p> <p><math>c^2 = 2a^2</math></p> <p><math>c = a\sqrt{2}</math></p>                                   | $x^2 - y^2 = a^2$                               |  | $y = \pm x$ |  |

PARÁBOLA



F: foco  $(\frac{p}{2}, 0)$   
 V: vértice  $(0, 0)$   
 Parámetro:  $p = FD'$   
 $D'(-\frac{p}{2}, 0)$   
 $FV = VD' = \frac{p}{2}$   
 Eje  $y = 0$   
 DD': directriz.  
 Ecuación directriz:  
 $x = -\frac{p}{2}$

**PM = PF**  
 $y^2 = 2px$

**E. tangente:**

$$y - y_0 = \frac{p}{y_0}(x - x_0)$$

**Otra forma:**

$$y \cdot y_0 = p(x + x_0)$$

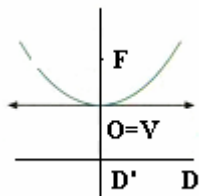
**Si  $p < 0$ :**

F: foco  $(-\frac{p}{2}, 0)$

$D'(\frac{p}{2}, 0)$

**Ecuación directriz:**

$$x = \frac{p}{2}$$



V: vértice  $(0, 0)$   
**Ecuación directriz:**  
 $y = -\frac{p}{2}$   
 F: foco  $(0, \frac{p}{2})$   
 $D'(0, -\frac{p}{2})$   
**Eje:  $x = 0$**

$x^2 = 2py$

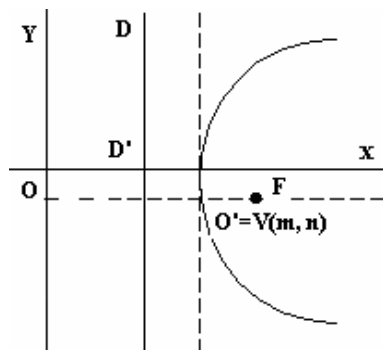
**Si  $p < 0$ :**

F: foco  $(0, -\frac{p}{2})$

$D'(0, \frac{p}{2})$

**Ecuación directriz:**

$$y = \frac{p}{2}$$



F: foco  $(m + \frac{p}{2}, n)$   
 V: vértice  $\equiv O'(m, n)$   
 Parámetro:  $p = FD'$   
 $D'(m - \frac{p}{2}, n)$   
 $FV = VD' = \frac{p}{2}$   
 Ecuación directriz:  
 $x = m - \frac{p}{2}$   
**Eje:  $y = n$**

$(y - n)^2 = 2p(x - m)$

|  |   |   |  |  |  |
|--|---|---|--|--|--|
|  | <p>F: foco <math>(m, n + \frac{p}{2})</math><br/> V: vértice <math>\equiv O'(m, n)</math><br/> Parámetro: <math>p = FD'</math><br/> <math>D'(m, n - \frac{p}{2})</math><br/> <math>FV = VD' = \frac{p}{2}</math><br/> Ecuación directriz:<br/> <math>y = n - \frac{p}{2}</math><br/> <b>Eje: <math>y = n</math></b></p> | <p><math>(x - m)^2 = 2p(y - n)</math><br/> <b>Otra forma:</b><br/> <math>y = ax^2 + bx + c</math><br/> <b>Siendo:</b><br/> <math>a = \frac{1}{2p}; b = -\frac{m}{p}</math><br/> <math>c = n + \frac{m^2}{2p}</math></p> |  |  |  |
|--|---|---|--|--|--|

### Ecuación general de las cónicas

La ecuación general de las cónicas es:  $Ax^2 + By^2 + Cx + Dy + E = 0$

Según sean los valores de **A** y **B**, se pueden identificar las distintas cónicas:

1. Si  $A = B \neq 0$  ..... La cónica es una **CIRCUNFERENCIA**
2. Si  $A \neq B \neq 0$ :
  - Signo de A = Signo de B ..... **ELIPSE**
  - Signo de A  $\neq$  Signo de B ..... **HIPÉRBOLA**
3. Si  $A = 0$  ó  $B = 0$  ..... **PARÁBOLA**
4. Si  $A = B = 0$  ..... **RECTA**

### Estudio de la excentricidad

Se define la excentricidad de una cónica como el cociente:  $e = \frac{c}{a}$ . Los distintos valores de e nos sirven también para identificar las cónicas:

1. Si  $e = 0 \rightarrow c = 0$ ; por tanto los focos coinciden y  $a^2 \pm b^2 = 0 \rightarrow a = b$  ..... **CIRCUNFERENCIA.**
2. Si  $e < 1$  ..... **ELIPSE.**
3. Si  $e = 1 \rightarrow c = a \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 \rightarrow b = 0$  ..... **RECTA.**
4.  $e > 1$  ..... **HIPÉRBOLA.**