

Escribir los desarrollos a lápiz y meter las soluciones en recuadros

$$1) (5x^2 - 2x - 1) \cdot \overbrace{(2x+1) \cdot (2x-1)} =$$

$$2) 2 \cdot (3x-1) + (x+1) \cdot (2x-3)^2 - 3x \cdot (3-4x) =$$

$$3) \frac{2}{3} \cdot (3x^2 - x - 3) - x \cdot \left( \frac{2}{3}x^2 + \frac{1}{2}x \right) =$$

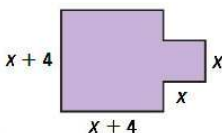
$$4) (2x^6 + x^3 + 16x^2) : (2x^2) =$$

$$5) (6x^4 - 5x^3 - 5x^2 + 1) : (3x^2 + 2x - 1)$$

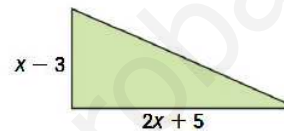
$$6) (2x^3 - 10x^2 + 2x + 8) : (2x + 4)$$

$$7) (5x^3 + 4x^2 + 8) : (x + 2) \quad (\text{por Ruffini})$$

8) Expresión algebraica del área de esta figura:



9) Expresión algebraica del área de esta figura:



TEORÍA PARA ESTUDIAR

El Teorema del resto dice que el resto de dividir un polinomio  $P(x)$  por  $(x - a)$  es igual al valor numérico del polinomio para  $x = a$ .

10) Halla el resto de la división aplicando dicho teorema (sin hacer la división)  $(x^3 + 10x^2 - 4x + 8) : (x + 2)$   
¿Es  $-2$  una raíz del polinomio dividendo (razona)?

TEORÍA PARA ESTUDIAR

El Teorema del factor dice que un polinomio  $P(x)$  tiene como factor  $(x - a)$  si el valor numérico del polinomio para  $x = a$  es 0.

11) Comprueba que  $(x+3)$  es un factor del polinomio, aplicando este teorema.  $P(x) = x^3 + 2x^2 - 6x - 9$   
¿Es  $-3$  una raíz del polinomio  $P(x)$  (razona)?

• DESARROLLA LOS PRODUCTOS (algunas son identidades notables y otros no)

12)  $(3x+1)^2 =$

13)  $(3x-5y)^2 =$

14)  $(2x+3y)^2 =$

15)  $(-1-5a)^2 =$

16)  $(-1+2a)^2 =$

17)  $2x^2y \cdot (x-2y^3) =$

18)  $(3x-5y) \cdot (3x+5y) =$

19)  $(3x-5y) \cdot (2x+5y) =$

20)  $(2abc+1) \cdot (2abc-1) =$

21)  $(x+5) \cdot (x+5) =$

22)  $\left(x^2y + \frac{1}{2}\right) \cdot \left(x^2y - \frac{1}{2}\right) =$

• FACTORIZA sacando factor común

23)  $x^3 - 3x =$

24)  $5x^4 - 5x^2 + 5x =$

25)  $ax - bx + ay - by =$

26)  $4x^4 + 8x^3 - 4x^2 =$

27)  $25x^3 - 5x^2 + 5 =$

28)  $25x^3y - 5x^2y + 5xy^2 =$

29)  $2x^{10} - 30x^8 =$

30)  $\frac{x^3}{4} - \frac{5x^2}{6} + \frac{7x}{2} =$

• FACTORIZA aplicando las identidades notables

31)  $x^4 - 25 =$

32)  $x^4 - 1 =$

33)  $x^2 + 6x + 9 =$

34)  $x^2 - 4x + 4 =$

35)  $-x^2 + 4x - 4 =$

36)  $-x^2 + 1 =$

37)  $\frac{1}{4} - \frac{1}{3}x + \frac{1}{9}x^2 =$

38)  $-x^2 - 2xy - y^2 =$

39)  $-x^2 + \frac{4}{81} =$

40) Comprueba si 5 y -5 son raíces del polinomio:  $P(x) = x^3 - 5x^2 - x + 5$

• FACTORIZACIÓN de polinomios de segundo grado.

RECUERDA La fórmula de las ec de 2º grado:

41) Determina cuáles son las raíces de los siguientes polinomios de 2º grado, resolviendo las correspondientes ecuaciones de 2º grado. Después factoriza cada uno de esos polinomios, si se puede.

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 \cdot a \cdot c}}{2 \cdot a}$$

$A(x) = x^2 - 3x - 4$

Coeficiente principal de  $A(x) \rightarrow$

Raíces de  $A(x) \rightarrow$

Factorización:  $A(x) = x^2 - 3x - 4 =$

$B(x) = 2x^2 - 9x - 5$

Coeficiente principal de  $B(x) \rightarrow$

Raíces de  $B(x) \rightarrow$

Factorización:  $B(x) = 2x^2 - 9x - 5 =$

$C(x) = x^2 - 3x + 10$

Coeficiente principal de  $C(x) \rightarrow$

Raíces "reales" de  $C(x) \rightarrow$

Factorización:  $C(x) = x^2 - 3x + 10 =$

$D(x) = x^2 + 4x + 4$

Coeficiente principal de  $D(x) \rightarrow$

Raíces de  $D(x) \rightarrow$

Factorización:  $D(x) = x^2 + 4x + 4 =$

$$1) (5x^2 - 2x - 1) \cdot (2x + 1) \cdot (2x - 1) = (5x^2 - 2x - 1) \cdot (4x^2 - 1) = 20x^4 - 5x^2 - 8x^3 + 2x - 4x^2 + 1 = 20x^4 - 8x^3 - 9x^2 + 2x + 1$$

$$2) 2 \cdot (3x - 1) + (x + 1) \cdot (2x - 3)^2 - 3x \cdot (3 - 4x) = 6x - 2 + (x + 1) \cdot (4x^2 - 12x + 9) - 9x + 12x^2 = 6x - 2 + 4x^3 - 12x^2 + 9x + 4x^2 - 12x + 9 - 9x + 12x^2 = 4x^3 + 4x^2 - 6x + 7$$

$$3) \frac{2}{3} \cdot (3x^2 - x - 3) - x \cdot \left(\frac{2}{3}x^2 + \frac{1}{2}x\right) = 2x^2 - \frac{2}{3}x - 2 - \frac{2}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 = -\frac{2}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - \frac{2}{3}x - 2$$

$$4) (2x^6 + x^3 + 16x^2) : (2x^2) = x^4 + \frac{1}{2}x + 8$$

$$5) (6x^4 - 5x^3 - 5x^2 + 1) : (3x^2 + 2x - 1)$$

$$\begin{array}{r} 6x^4 - 5x^3 - 5x^2 + 0x + 1 \\ \underline{6x^4 - 4x^3 + 2x^2} \\ -9x^3 - 3x^2 + 0x + 1 \\ \underline{+9x^3 + 6x^2 - 3x} \\ 3x^2 - 3x + 1 \\ \underline{-3x^2 - 2x + 4} \\ -5x + 2 = \text{RESTO} \end{array}$$

COCIENTE

$$6) (2x^3 - 10x^2 + 2x + 8) : (2x + 4)$$


$$\begin{array}{r} 2x^3 - 10x^2 + 2x + 8 \\ \underline{-2x^3 - 4x^2} \\ -14x^2 + 2x + 8 \\ \underline{+14x^2 + 28x} \\ 30x + 8 \\ \underline{-30x - 60} \\ -52 = \text{RESTO} \end{array}$$

COCIENTE

$$7) (5x^3 + 4x^2 + 8) : (x + 2) \quad (\text{por Ruffini})$$

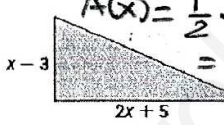
$$\begin{array}{r|rrrr} -2 & +5 & +4 & 0 & +8 \\ & -10 & +12 & -24 & \\ \hline & 5 & -6 & +12 & -16 = \text{RESTO} \end{array}$$

COCIENTE:  $5x^2 - 6x + 12$

$$8) \text{ Expresión algebraica del área de esta figura:}$$


$$A(x) = (x+4)^2 + x^2 = x^2 + 8x + 16 + x^2 = 2x^2 + 8x + 16$$

9) Expresión algebraica del área de esta figura:



$$A(x) = \frac{1}{2} \cdot (x-3) \cdot (2x+5) = \frac{1}{2} \cdot (2x^2 + 5x - 6x - 15) = x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{15}{2}$$

TEORÍA PARA ESTUDIAR

El Teorema del resto dice que el resto de dividir un polinomio  $P(x)$  por  $(x-a)$  es igual al valor numérico del polinomio para  $x=a$ .

10) Halla el resto de la división aplicando dicho teorema (sin hacer la división)  $(x^3 + 10x^2 - 4x + 8) : (x + 2)$   
¿Es  $-2$  una raíz del polinomio dividendo (razona)?

RESTO = Valor numérico de  $P(x)$  para  $x = -2$

$$P(-2) = (-2)^3 + 10 \cdot (-2)^2 - 4 \cdot (-2) + 8 = -8 + 40 + 8 + 8 = 48 = \text{RESTO}$$

$-2$  NO ES RAÍZ porque  $P(-2) \neq 0$

TEORÍA PARA ESTUDIAR

El Teorema del factor dice que un polinomio  $P(x)$  tiene como factor  $(x-a)$  si el valor numérico del polinomio para  $x=a$  es 0.

11) Comprueba que  $(x+3)$  es un factor del polinomio, aplicando este teorema.  $P(x) = x^3 + 2x^2 - 6x - 9$   
¿Es  $-3$  una raíz del polinomio  $P(x)$  (razona)?

Si  $(x^3 + 2x^2 - 6x - 9) : (x+3)$  es una división de resto 0, entonces  $(x+3)$  es un factor del polinomio.

Comprobemos haciendo "Ruffini".

$$\begin{array}{r|rrrr} -3 & 1 & 2 & -6 & -9 \\ & -3 & +3 & +9 & \\ \hline & 1 & -1 & -3 & 0 \end{array} \Rightarrow \text{Si, el resto es 0}$$

por tanto,  $(x+3)$  sí es factor de  $P(x)$  y además,  $-3$  sí es raíz de  $P(x)$

• DESARROLLA LOS PRODUCTOS (algunas son identidades notables y otros no)

12)  $(3x+1)^2 = 9x^2 + 6x + 1$

13)  $(3x-5y)^2 = 9x^2 - 30xy + 25y^2$

14)  $(2x+3y)^2 = 4x^2 + 12xy + 9y^2$

15)  $(-1-5a)^2 = 1 + 10a + 25a^2$

16)  $(-1+2a)^2 = 1 - 4a + 4a^2$

17)  $2x^2 \cdot (x-2y^3) = 2x^3y - 4x^2y^4$

18)  $(3x-5y) \cdot (3x+5y) = 9x^2 - 25y^2$

19)  $(3x-5y) \cdot (2x+5y) = 6x^2 + 15xy - 10xy - 25y^2 = 6x^2 + 5xy - 25y^2$

20)  $(2abc+1) \cdot (2abc-1) = 4a^2b^2c^2 - 1$

21)  $(x+5) \cdot (x+5) = (x+5)^2 = x^2 + 10x + 25$

22)  $\left(x^2y + \frac{1}{2}\right) \cdot \left(x^2y - \frac{1}{2}\right) = x^4y^2 - \frac{1}{4}$

• FACTORIZA sacando factor común

23)  $x^3 - 3x = x(x^2 - 3)$

24)  $5x^4 - 5x^2 + 5x = 5x(x^3 - x + 1)$

25)  $ax - bx + ay - by = x(a-b) + y(a-b) = (x+y) \cdot (a-b)$

26)  $4x^4 + 8x^3 - 4x^2 = 4x^2(x^2 + 2x - 1)$

27)  $25x^3 - 5x^2 + 5 = 5(5x^3 - x^2 + 1)$

28)  $25x^3y - 5x^2y + 5xy^2 = 5xy(5x^2 - x + y)$

29)  $2x^{10} - 30x^8 = 2x^8(x^2 - 15)$

30)  $\frac{x^3}{4} - \frac{5x^2}{6} + \frac{7x}{2} = \frac{x}{2} \left( \frac{x^2}{2} - \frac{5x}{3} + 7 \right)$

• FACTORIZA aplicando las identidades notables

31)  $x^4 - 25 = (x^2 + 5) \cdot (x^2 - 5)$

32)  $x^4 - 1 = (x^2 + 1) \cdot (x^2 - 1) = (x^2 + 1) \cdot (x + 1) \cdot (x - 1)$

33)  $x^2 + 6x + 9 = (x + 3)^2$

34)  $x^2 - 4x + 4 = (x - 2)^2$

35)  $-x^2 + 4x - 4 = -(x^2 - 4x + 4) = -(x - 2)^2$

36)  $-x^2 + 1 = 1 - x^2 = (1 + x) \cdot (1 - x)$

37)  $\frac{1}{4} - \frac{1}{3}x + \frac{1}{9}x^2 = \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}x\right)^2$

38)  $-x^2 - 2xy - y^2 = -(x^2 + 2xy + y^2) = -(x + y)^2$

39)  $-x^2 + \frac{4}{81} = \frac{4}{81} - x^2 = \left(\frac{2}{9} + x\right) \cdot \left(\frac{2}{9} - x\right)$

40) Comprueba si 5 y -5 son raíces del polinomio:  $P(x) = x^3 - 5x^2 - x + 5$

$P(5) = 5^3 - 5 \cdot 5^2 - 5 + 5 = 125 - 125 - 5 + 5 = 0 \Rightarrow 5$  SI ES RAÍZ DE  $P(x)$

$P(-5) = (-5)^3 - 5 \cdot (-5)^2 - (-5) + 5 = -125 - 125 + 5 + 5 = -240 \neq 0 \Rightarrow -5$  NO ES RAÍZ DE  $P(x)$

www.yoquiero.com