

---

**Potencias y Raíces.**


---

1.- Calcula las siguientes potencias de exponente natural:

a) $2^6$	b) $6^2$	c) $3^6$
d) $10^5$	e) $\left(\frac{2}{3}\right)^2$	f) $\left(\frac{1}{2}\right)^5$
g) $(-2)^7$	h) $(-3)^4$	i) $1^{2008}$
j) $(-1)^{1000001}$	k) $\left(-\frac{1}{4}\right)^2$	l) $\left(-\frac{2}{3}\right)^3$

Solución:

a) 64	b) 36	c) 729
d) 100000	e) 4/9	f) 1/32
g) -128	h) 81	i) 1
j) -1	k) 1/16	l) -8/27

2.- Expresa en forma de fracción las siguientes potencias de exponente negativo:

a) $2^{-3}$	b) $4^{-2}$	c) $5^{-3}$
d) $2^{-8}$	e) $10^{-7}$	f) $(-2)^{-2}$
g) $(-2)^{-5}$	h) $(-8)^{-3}$	i) $(-3)^{-4}$
j) $\left(\frac{3}{5}\right)^{-2}$	k) $\left(\frac{1}{3}\right)^{-3}$	l) $\left(-\frac{2}{5}\right)^{-3}$

Solución:

a) 1/8	b) 1/16	c) 1/125
d) 1/256	e) 1/10000000	f) $\frac{1}{4}$
g) -1/32	h) -1/512	i) 1/81
j) 25/9	k) 27	l) -125/8

3.- Expresa en forma de potencia con exponente negativo:

a) $\frac{1}{3^5}$	b) $\frac{1}{2^7}$	c) $\frac{1}{7^2}$
e) $\frac{1}{4^6}$	f) $\frac{1}{10^5}$	g) $\frac{1}{6^3}$

Solución:

a) $3^{-5}$	b) $2^{-7}$	c) $7^{-2}$
d) $4^{-6}$	e) $10^{-5}$	f) $6^{-3}$

4.- Escribe como una única potencia los siguientes productos de potencias:

- |                             |                                     |                                       |
|-----------------------------|-------------------------------------|---------------------------------------|
| a) $2^4 \cdot 2^7$          | b) $(-3)^4 \cdot (-3)^2$            | c) $(-2)^6 \cdot (-2)$                |
| d) $(-4)^{14} \cdot (-4)^0$ | e) $(-5)^2 \cdot (-5) \cdot (-5)^0$ | f) $10^7 \cdot 10^4 \cdot 10$         |
| g) $2^{-5} \cdot 2^{-9}$    | h) $3^{-2} \cdot 3^{-1}$            | i) $10^{-2} \cdot 10^{-1} \cdot 10^5$ |
| j) $4^{-3} \cdot 4^7$       | k) $2^{-4} \cdot 2^6 \cdot 2$       | l) $5^7 \cdot 5^{-3} \cdot 5^0$       |

Solución:

- |                |             |              |
|----------------|-------------|--------------|
| a) $2^{11}$    | b) $(-3)^6$ | c) $(-2)^7$  |
| d) $(-4)^{14}$ | e) $(-5)^3$ | f) $10^{12}$ |
| g) $2^{-14}$   | h) $3^{-3}$ | i) $10^2$    |
| j) $4^4$       | k) $2^3$    | l) $5^4$     |

5.- Escribe como una única potencia los siguientes cocientes de potencias:

- |                      |                   |                         |
|----------------------|-------------------|-------------------------|
| a) $2^{-7} : 2^4$    | b) $5^{-3} : 5^9$ | c) $2^6 : 2^5$          |
| d) $5^{-4} : 5^{-2}$ | e) $2^8 : 2^3$    | f) $5^5 : 5^{-7}$       |
| g) $3^{-2} : 3^{-3}$ | h) $4^6 : 4^{-2}$ | i) $11^{101} : 11^{-3}$ |

Solución:

- |              |              |               |
|--------------|--------------|---------------|
| a) $2^{-11}$ | b) $5^{-12}$ | c) 2          |
| d) $5^{-2}$  | e) $2^5$     | f) $5^{12}$   |
| g) 3         | h) $4^8$     | i) $11^{104}$ |

6.- Expresa como una única potencia:

- |                 |                    |                  |
|-----------------|--------------------|------------------|
| a) $(2^3)^{-5}$ | b) $(3^{-2})^{-4}$ | c) $(10^0)^{-7}$ |
| d) $(4^{-3})^1$ | e) $(5^8)^{-3}$    | f) $(2^{-2})^5$  |
| g) $(3^{-3})^2$ | h) $(5^{-3})^{-2}$ | i) $[(-2)^2]^5$  |

Solución:

- |              |              |                |
|--------------|--------------|----------------|
| a) $2^{-15}$ | b) $3^8$     | c) $10^0$      |
| d) $4^{-3}$  | e) $5^{-24}$ | f) $2^{-10}$   |
| g) $3^{-6}$  | h) $5^6$     | i) $(-2)^{10}$ |

7.- Expresa como una sola potencia:

- |  |                               |                             |
|--|-------------------------------|-----------------------------|
| a) $(3^2 \cdot 3^5)^2$                 | b) $(4^{-3} \cdot 4^2)^3$     | c) $(5^3 : 5^{-2})^{-2}$    |
| d) $(7^{-3} : 7^{-5})^{-2}$            | e) $(9^2 : 9^3)^{-1}$         | f) $(9^2 \cdot 9^3)^{-2}$   |
| g) $4^{-5} \cdot 4^{-6} \cdot (4^4)^3$ | h) $3^{-2} \cdot (3^4 : 3^5)$ | i) $(-2)^{11} : [(-2)^3]^2$ |

Solución:

- |             |             |              |
|-------------|-------------|--------------|
| a) $3^{14}$ | b) $4^{-3}$ | c) $5^{-10}$ |
| d) $7^{-4}$ | e) 9        | f) $9^{-10}$ |
| g) 4        | h) $3^{-3}$ | i) $(-2)^5$  |

8.- Simplifica hasta obtener una única potencia:

a)  $\frac{a^4 \cdot a^{-3}}{(a^5)^{-1}}$

b)  $(a^6)^2 \cdot a^{-5}$

c)  $\frac{(a^5)^{-2} \cdot a}{a^7}$

d)  $\frac{a^4 \cdot a^{-4}}{a^9}$

e)  $\frac{a^{-2} \cdot (a^4)^{-3}}{a^{-8}}$

f)  $\frac{(a^5)^3 \cdot (a^2)^{-3}}{a}$

g)  $x^{-2} \cdot (x^5)^{-4} \cdot x$

h)  $\frac{x \cdot (x^2)^{-2}}{(x^4)^{-2} \cdot x^5}$

Solución:

a)  $a^6$

b)  $a^7$

c)  $a^{-16}$

d)  $a^{-9}$

e)  $a^{-6}$

f)  $a^8$

g)  $x^{-21}$

h)  $x^0$

9.- Expresa de la forma más sencilla:

a)  $\frac{x^3 y^4}{x^2 y^6}$

b)  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-4} \cdot \frac{a^3}{b^2}$

c)  $\left(\frac{b}{a}\right)^{-3} \cdot \left(\frac{b}{a}\right)^2$

d)  $\left[\left(\frac{b}{a}\right)^{-3}\right]^{-1} \cdot (a^{-1} \cdot b)^{-2}$

e)  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-1} \cdot \frac{a}{b}$

f)  $\frac{(a^2)^3 \cdot b^5}{a^5 \cdot (b^3)^2}$

Solución:

a)  $\frac{x}{y^2}$

b)  $\frac{b^2}{a}$

c)  $\frac{a}{b}$

d)  $\frac{b}{a}$

e) 1

f)  $\frac{a}{b}$

10.- Calcula las siguientes raíces cuadradas:

a)  $\sqrt{64}$

b)  $\sqrt{100}$

c)  $\sqrt{144}$

d)  $\sqrt{1600}$

e)  $\sqrt{\frac{16}{25}}$

f)  $\sqrt{\frac{4}{49}}$

Solución:

a)  $\pm 8$

b)  $\pm 10$

c)  $\pm 12$

d)  $\pm 40$

e)  $\pm \frac{4}{5}$

f)  $\pm \frac{2}{7}$

11.- Escribe primero como una única raíz (aplicando las propiedades de las raíces) y luego calcula:

a)  $\sqrt{9} \cdot \sqrt{25}$

b)  $\sqrt{2} \cdot \sqrt{32}$

c)  $\sqrt{6} \cdot \sqrt{216}$

d)  $\frac{\sqrt{40}}{\sqrt{10}}$

e)  $\frac{\sqrt{18}}{\sqrt{2}}$

f)  $\frac{\sqrt{48}}{\sqrt{3}}$

g)  $\sqrt{18} \cdot \sqrt{2}$

h)  $\sqrt{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{6}$

i)  $\sqrt{\frac{8}{3}} \cdot \sqrt{\frac{3}{2}}$

j)  $\frac{\sqrt{27}}{\sqrt{3}}$

k)  $\frac{\sqrt{24}}{\sqrt{6}}$

l)  $\frac{\sqrt{50}}{\sqrt{2}}$

Solución:

a)  $\sqrt{225} = \pm 15$

b)  $\sqrt{64} = \pm 8$

c)  $\sqrt{1296} = \pm 36$

d)  $\sqrt{4} = \pm 2$

e)  $\sqrt{9} = \pm 3$

f)  $\sqrt{16} = \pm 4$

g)  $\sqrt{36} = \pm 6$

h)  $\sqrt{36} = \pm 6$

i)  $\sqrt{4} = \pm 2$

j)  $\sqrt{9} = \pm 3$

k)  $\sqrt{4} = \pm 2$

l)  $\sqrt{25} = \pm 5$

12.- Introduce factores dentro de la raíz:

a)  $15\sqrt{3}$

b)  $2\sqrt{5}$

c)  $5\sqrt{2}$

d)  $3\sqrt{7}$

e)  $2\sqrt{10}$

f)  $4\sqrt{5}$

g)  $5\sqrt{3}$

h)  $9\sqrt{3}$

i)  $3\sqrt{2}$

Solución:

a)  $\sqrt{675}$

b)  $\sqrt{20}$

c)  $\sqrt{50}$

d)  $\sqrt{63}$

e)  $\sqrt{40}$

f)  $\sqrt{80}$

g)  $\sqrt{75}$

h)  $\sqrt{243}$

i)  $\sqrt{18}$

13.- Extra todos los posibles factores de cada raíz:

a)  $\sqrt{1800}$

b)  $\sqrt{300}$

c)  $\sqrt{108}$

d)  $\sqrt{648}$

e)  $\sqrt{32}$

f)  $\sqrt{243}$

g)  $\sqrt{48}$

h)  $\sqrt{72}$

i)  $\sqrt{200}$

Solución:

a)  $30 \cdot \sqrt{2}$

b)  $10 \cdot \sqrt{3}$

c)  $6 \cdot \sqrt{3}$

d)  $18 \cdot \sqrt{2}$

e)  $4 \cdot \sqrt{2}$

f)  $9 \cdot \sqrt{3}$

g)  $4 \cdot \sqrt{3}$

h)  $6 \cdot \sqrt{2}$

i)  $10 \cdot \sqrt{2}$

14.- Expresa como una única raíz:

a)  $3 \cdot \sqrt{20} - 2 \cdot \sqrt{5} + \sqrt{45}$

b)  $\sqrt{63} - 2\sqrt{7}$

c)  $5 \cdot \sqrt{20} - 2 \cdot \sqrt{45} + 3 \cdot \sqrt{80}$

d)  $5 \cdot \sqrt{6} + \sqrt{600} - \sqrt{54}$

e)  $3 \cdot \sqrt{18} - 5 \cdot \sqrt{32} + 6\sqrt{50}$

f)  $\sqrt{32} - \sqrt{2}$

Solución:

a)  $7 \cdot \sqrt{5}$

b)  $\sqrt{7}$

c)  $16 \cdot \sqrt{5}$

d)  $12 \cdot \sqrt{6}$

e)  $19 \cdot \sqrt{2}$

f)  $3 \cdot \sqrt{2}$

15.- Calcula las siguientes raíces cúbicas:

a)  $\sqrt[3]{-125}$

b)  $\sqrt[3]{343}$

c)  $\sqrt[3]{-27}$

d)  $\sqrt[4]{64}$

e)  $\sqrt[3]{-1}$

f)  $\sqrt[3]{216}$

g)  $\sqrt[3]{\frac{64}{216}}$

h)  $\sqrt[3]{-\frac{3375}{1000}}$

i)  $\sqrt[3]{1000000}$

Solución:

a) -5

b) 7

c) -3

d) 4

e) -1

f) 6

g)  $\frac{4}{6}$

h)  $-\frac{15}{10}$

i) 100

16.- Expresa como una única raíz cúbica y después calcula:

a)  $\sqrt[3]{729} : \sqrt[3]{27}$

b)  $\sqrt[3]{25} \cdot \sqrt[3]{5}$

c)  $\frac{\sqrt[3]{625}}{\sqrt[3]{-5}}$

d)  $\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{16}$

e)  $\sqrt[3]{81} \cdot \sqrt[3]{3}$

f)  $\frac{\sqrt[3]{16}}{\sqrt[3]{2}}$

Solución:

a)  $\sqrt[3]{27} = 3$

b)  $\sqrt[3]{125} = 5$

c)  $\sqrt[3]{-125} = -5$

d)  $\sqrt[3]{64} = 4$

e)  $\sqrt[3]{27} = 3$

f)  $\sqrt[3]{8} = 2$

17.- Introduce factores dentro de la raíz:

a)  $7 \cdot \sqrt[3]{2}$

b)  $4 \cdot \sqrt[3]{4}$

c)  $3 \cdot \sqrt[3]{2}$

d)  $9 \cdot \sqrt[3]{12}$

e)  $8 \cdot \sqrt[3]{2}$

f)  $6 \cdot \sqrt[3]{5}$

Solución:

a)  $\sqrt[3]{686}$

b)  $\sqrt[3]{256}$

c)  $\sqrt[3]{54}$

d)  $\sqrt[3]{8748}$

e)  $\sqrt[3]{1024}$

f)  $\sqrt[3]{1080}$

18.- Extrae todos los factores de cada raíz:

a)  $\sqrt[3]{250}$

b)  $\sqrt[3]{378}$

c)  $\sqrt[3]{160}$

d)  $\sqrt[3]{3888}$

e)  $\sqrt[3]{5000}$

f)  $\sqrt[3]{4536}$

Solución:

a)  $5 \cdot \sqrt[3]{2}$

b)  $3 \cdot \sqrt[3]{14}$

c)  $2 \cdot \sqrt[3]{20}$

d)  $6 \cdot \sqrt[3]{18}$

e)  $8 \cdot \sqrt[3]{2}$

f)  $6 \cdot \sqrt[3]{21}$

19.- Reduce:

a)  $\sqrt{\frac{1}{b^3}} \cdot \sqrt{b^5}$

b)  $\sqrt{\frac{a}{b}} \cdot \sqrt{\frac{b^3}{a^3}}$

c)  $\frac{\sqrt{a^7} \cdot \sqrt{b^3}}{\sqrt{b^7} \cdot \sqrt{a^5}}$

d)  $\frac{1}{\sqrt{x^3}} : \sqrt{x}$

e)  $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b^3}} : \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}}$

f)  $\frac{1 : \sqrt{a^5}}{1 : \sqrt{a^3}}$

g)  $\sqrt{a \cdot b^2} \cdot \sqrt{\frac{a^3}{b^6}}$

h)  $\frac{\sqrt{a} : \sqrt{b}}{\sqrt{b^3} : \sqrt{a}}$

i)  $\frac{b \cdot \sqrt{a}}{\sqrt{a^3} \cdot \sqrt{b}} \cdot \sqrt{b}$

Solución:

a)  $a$

b)  $a \cdot b$

c)  $\frac{a}{b}$

d)  $x^2$

e)  $\frac{a}{b^2}$

f)  $\frac{1}{a}$

g)  $\frac{a^2}{b^2}$

h)  $\frac{a}{b^2}$

i)  $\frac{b}{a}$