

Estudia la simetría de cada una de las siguientes funciones

$$f(x) = x^4 + x^2$$

Solución:

- La simetría de una función puede ser:
 - b) Par o simétrica respecto al eje OY, cuando se cumple que $f(x) = f(-x)$
 - c) Impar o simétrica respecto al origen, cuando se cumple que $-f(x) = f(-x)$
 - d) No tener simetría, si no se dan ninguno de los dos casos anteriores.
- Estudio de la simetría par:

$$f(x) = f(-x) \Rightarrow x^4 + x^2 = (-x)^4 + (-x)^2 \Rightarrow x^4 + x^2 = x^4 + x^2.$$

Conclusión:

La simetría es par. No hace falta seguir con el estudio, ya que las funciones no pueden tener dos tipos de simetría.

$$f(x) = x^3 - x$$

Solución:

- Estudio de la simetría par:
$$f(x) = f(-x) \Rightarrow x^3 - x = (-x)^3 - (-x) \Rightarrow x^3 - x \neq -x^3 + x.$$
 Conclusión: La simetría no es par.
- Estudio de la simetría impar:
$$-f(x) = f(-x) \Rightarrow -x^3 + x = (-x)^3 - (-x) \Rightarrow -x^3 + x = -x^3 + x.$$
 Conclusión: La simetría es impar.

$$f(x) = \frac{1}{2x-1}$$

Solución:

- Estudio de la simetría par:
$$f(x) = f(-x) \Rightarrow \frac{1}{2x-1} = \frac{1}{2(-x)-1} \Rightarrow \frac{1}{2x-1} \neq \frac{1}{-2x-1},$$
 luego la simetría no es par.
- Estudio de la simetría impar:
$$-f(x) = f(-x) \Rightarrow -\frac{1}{2x-1} = \frac{1}{2(-x)-1} \Rightarrow \frac{1}{-2x+1} \neq \frac{1}{-2x-1},$$
 luego la simetría no es impar.
- conclusión final: La función no tiene simetría.