



## (a) Suma de matrices y multiplicación de un escalar por una matriz:

1.  $A + B = B + A$
  2.  $A + (B + C) = (A + B) + C$
  3.  $\alpha(A + B) = \alpha A + \alpha B$
  4.  $(\alpha + \beta)A = \alpha A + \beta A$
  5.  $\alpha(\beta A) = (\alpha\beta)A$
  6.  $A + 0 = A$
  7.  $A + (-A) = 0$
- Donde "0" es la matriz nula

## (b) Multiplicación de matrices:

1.  $A(B + C) = AB + AC$
2.  $(A + B)C = AC + BC$
3.  $A(BC) = (AB)C$
4.  $\alpha(AB) = (\alpha A)B = A(\alpha B)$
5.  $A0_n = 0_n A = 0_n$
6.  $BI_n = I_n B = B$
7. En general,  $AB \neq BA$  (la multiplicación no es conmutativa)
8.  $AB = 0$  no implica necesariamente que  $A = 0$  ó  $B = 0$
9.  $AB = AC$  no implica necesariamente que  $B = C$

## (c) Propiedades de la traza:

1.  $tr(A + B) = tr(A) + tr(B)$
2.  $tr(AB) = tr(BA)$
3.  $tr(\alpha A) = \alpha \cdot tr(A)$
4.  $tr(A^T) = tr(A)$

## (d) Propiedades de matrices diagonales:

Si  $A$  y  $B$  son matrices diagonales:

1.  $A + B = diag(a_{11} + b_{11}, a_{22} + b_{22}, \dots, a_{mm} + b_{mm})$
2.  $AB = diag(a_{11}b_{11}, a_{22}b_{22}, \dots, a_{mm}b_{mm})$
3.  $\alpha A = diag(\alpha a_{11}, \alpha a_{22}, \dots, \alpha a_{mm})$

## (e) Propiedades de la inversa:

1.  $A^{-1}$  es única
2.  $(A^{-1})^{-1} = A$
3.  $(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$
4.  $(\alpha A)^{-1} = \frac{1}{\alpha}A^{-1} \quad \forall \alpha \neq 0$
5.  $(A^n)^{-1} = (A^{-1})^n$
6.  $(A^T)^{-1} = (A^{-1})^T$
7.  $A^{-1} = \frac{1}{\det(A)}(Adj A)$  donde  $Adj A$  es la adjunta de  $A$

## (f) Propiedades de la transpuesta:

1.  $(A^T)^T = A$
2.  $(A + B)^T = A^T + B^T$
3.  $(AB)^T = B^T A^T$
4.  $(\alpha A)^T = \alpha A^T$



## (g) Propiedades de matrices simétricas/antisimétricas:

Si  $A$  es una matriz cuadrada:

1.  $A + A^T =$  matriz simétrica
2.  $A - A^T =$  matriz antisimétrica

Si  $A$  y  $B$  son matrices simétricas/antisimétricas:

3.  $A + B$  también es simétrica/antisimétrica
4.  $\alpha A$  también es simétrica/antisimétrica
5.  $AB$  no necesariamente es simétrica/antisimétrica

## (h) Matriz ortogonal:

1.  $A^T = A^{-1}$
2.  $AA^T = A^T A = I$

## (i) Propiedades de la conjugada:

1.  $\overline{\overline{A}} = A$
2.  $\overline{(A + B)} = \overline{A} + \overline{B}$
3.  $\overline{(AB)} = \overline{A} \cdot \overline{B}$  (en este orden)
4.  $\overline{(\alpha A)} = \overline{\alpha} \cdot \overline{A}$

## (j) Propiedades de la conjugada-transpuesta:

1.  $(A^*)^* = A$
2.  $(A + B)^* = A^* + B^*$
3.  $(AB)^* = B^* A^*$
4.  $(\alpha A)^* = \overline{\alpha} \cdot A^*$

## (k) Propiedades de los determinantes:

1. El valor de un determinante no varía si se intercambian sus filas por sus columnas; es decir:  $\det(A) = \det(A^T)$
2.  $\det(\lambda A) = \lambda^n \det(A)$  donde  $n$  es el orden de  $A$
3.  $\det(AB) = \det(A)\det(B)$
4.  $\det(A^{-1}) = \frac{1}{\det(A)}$  suponiendo que  $A^{-1}$  existe
5. Si todos los elementos de una fila o columna de un determinante son nulos, el valor del determinante es nulo.
6. Si un determinante tiene dos filas o columnas iguales, el valor del determinante es cero.
7. Si un determinante tiene dos filas o columnas proporcionales, el valor del determinante es cero.
8. Si todos los elementos de una fila o columna se multiplican por un mismo escalar, el valor del determinante queda multiplicado por dicho escalar.
9. Si en un determinante se intercambian dos de sus filas o columnas, el valor del determinante cambia de signo, pero mantiene su valor absoluto.
10. Si a una fila o columna de un determinante se le suma el múltiplo de cualquier otra (fila o columna), el valor del determinante no varía.
11. El determinante de una matriz triangular es igual al producto de los elementos de su diagonal principal.
12. Si  $\det(A) = 0$ ,  $A$  es una matriz singular.
13. Si  $\det(A) \neq 0$ ,  $A$  es una matriz no singular.

## (l) Propiedad de la adjunta:

1.  $A(\text{Adj } A) = (\text{Adj } A)A = \det(A) \cdot I_n$   
donde  $A$  es una matriz cuadrada de orden  $n$